

بررسی عددی رفتار تک محوری فوم آلومینیومی بازتولیدی با ریزساختار منظم

مهراد موسوی رحیمی^{*}، شریف شاه بیک^{*}

- ۱- کارشناس ارشد مهندسی سازه - دانشکده مهندسی عمران و محیط زیست - دانشگاه تربیت مدرس
۲- استادیار مهندسی سازه - دانشگاه مهندسی عمران و محیط زیست - دانشگاه تربیت مدرس

shahbeyk@modares.ac.ir
تاریخ دریافت: [۱۳۹۱/۱۰/۱۱] تاریخ پذیرش: [۱۳۹۲/۱۲/۱۵]

چکیده- در این پژوهش، خواص تک محوری فوم آلومینیومی بازتولیدی با ریزساختار منظم به صورت عددی محاسبه و ارزیابی شده است. به مظور شبیه‌سازی ساختار چنین ماده‌ای، سعی شده است فرآیند تولید آن با استفاده از روش‌های عددی مناسب شبیه‌سازی شود. به همین منظور و در گام نخست، روش اجزای محدود غیرخطی برای شبیه‌سازی فرایند متراکم کردن ماده‌ی مولد و تعیین هندسه‌ی ریزساختار آن در یک نسبت حفره‌ی مشخص به کار رفته است. در گام دوم، هندسه‌ی به دست آمده با به کارگیری المان‌های وکسل معکوس سازی می‌شود و با اعمال خصوصیات ارتقائی - خمیری آلومینیوم و شرایط تکیه‌گاهی مناسب، آماده تحلیل نهایی می‌شود. در تولید ماده‌ی مولد از کره‌هایی با اندازه برابر و رفتار صلب خمیری کامل با سه قطر ۰،۰۱ و ۰،۱۰ میلی‌متر و در سه آرایش استاندارد جامدات کریستالی sc، bcc و fcc استفاده شده که بر اساس هر یک از آن‌ها و با اعمال فشار هیدروستاتیکی مناسب، فوم‌هایی با پنج چگالی نسبی تقریبی ۱۰،۰۵، ۲۰ و ۲۵٪ تولید شده است. در پایان و پس از اعمال فشار تک محوری به صورت جابه‌جایی-کترل، خواص مکانیکی نمونه‌ها شامل مدول ارتقائی، نسبت پواسون و نقطه تسلیم استخراج و بررسی می‌شود.

واژگان کلیدی: فوم بازتولیدی، مدل‌سازی عددی، فشار تک محوری، روش اجزا محدود، المان وکسل

تولید فوم با حفره‌های بسیار ریز و در حد چند میکرون [۱۷-۲۱، ۹، ۱۰، ۱۳]، امکان تولید ماده با ساختار تقریباً بدون نقص و کاملاً یکنواخت به منظور انجام آزمایش‌های تکرارپذیر [۱۸-۲۰، ۱۰، ۱۶]، امکان به کار بردن انواع فلزات و آلیاژها در تولید فوم [۱۹، ۱۷، ۱۴، ۱۳، ۲۰] و همچنین سادگی در تولید مواد با ساختاری با چگالی لایه‌بندی شده [۲۱، ۲۰]، این روش را در بین پژوهشگران جامدات سلولی^۱ بسیار پر کاربرد کرده است.
مارکی و مورتنسن [۲۲] با تولید فوم آلومینیوم خالص

۱- مقدمه

در دهه اخیر فرآیند بازتولید^۱ برای تولید فوم سلولی باز کاربرد فراوانی یافته است [۱-۵]. این فرآیند در آزمایشگاه به طور کلی مراحل ثابتی را شامل می‌شود، که عبارت است از تهیه مولد با ساختار متخلخل، پرکردن فضای خالی آن با ماده زمینه فوم و برداشتن و پاک کردن مولد (به وسیله فرآیند حل کردن) [۲، ۷، ۶]. برخی مزایای مهم روش بازتولید شامل کترل اندازه حفره، شکل حفره و چگالی نسبی فوم به صورت مستقل [۱۲-۱۶، ۲۰، ۲۱]، امکان

دارای سختی موثر پایین و مقاومت و شکل‌پذیری بالا است و نسبت به بافت‌های بدنه رفتاری خنثی دارد.

رسانایی و مقاومت فوم Ag-Cu با چگالی نسبی ۳۶ تا ۵۰٪ و اندازه حفره ۳۰۰ میکرومتر به وسیله دیولوچنست و همکاران [۵] بررسی شد. نتایج برای کاربرد این ماده در مبدل‌های حرارتی راضی کننده بود. الشتی و روڈینی [۲۶] روش جدیدی برای ساخت فوم بازتولیدی معرفی و با تولید فوم آلمینیوم با مولد نمک با اندازه دانه ۵۰۰ میکرومتر تنش تسلیم این نوع فوم را متناسب با 3° تشخیص دادند.

مک‌الواین و همکاران [۲۷] با کاربرد اجزای محدود غیرخطی به تحلیل مواد متخلخل با چگالی نسبی متفاوت تحت شرایط بارگذاری چند محوری پرداخته و سطح تسلیمی را برای این مواد پیشنهاد کردند. روسل و مورتنسن [۲۹] فضای خالی بین ماده مولد که با ماده مذاب فوم پرمی شود را با دو ساختار متفاوت شبیه سازی کرده و به مقایسه رفتار تک محوری این دو ساختار پرداختند.

همان‌گونه که در بررسی ادبیات فنی فوم‌های بازتولیدی مرور شد، مشاهده می‌شود که حجم زیادی از پژوهش‌ها در حوزه مطالعه‌ی آزمایشگاهی متتمرکز شده است و کارهای عددی و تحلیل بسیار محدود است. یکی از مشکلات اصلی در این راه، پیچیده بودن هندسه سه بعدی ساختار این مواد است. از این رو این مقاله سعی دارد که ابتدا فرایند تولید فوم‌های بازتولیدی را با به کارگیری ترکیبی ابزار اجزای محدود غیرخطی (در مرحله فشردن مولدات) و شبکه‌بندی المان‌های وکسل^۱ [۳۰] (در مرحله معکوس سازی مولدات) به صورت عددی شبیه‌سازی نماید. در گام بعد و با در نظر گرفتن سه آرایش منظم جامدات کریستالی sc، bcc و fcc برای مولد، نمونه‌های فوم بازتولیدی با ۵ چگالی نسبی متفاوت تولید شده است. در گام آخر نمونه‌های عددی فوم تحت بارگذاری تک محوری فشاری قرار گرفته و مدول ارتجاعی، نسبت پواسون و تنش تسلیم آنها استخراج و مقایسه می‌شود.

با مولد نمک طعام به مطالعه رفتار تک محوری فشاری آن پرداختند. این پژوهشگران نشان دادند که می‌توان منحنی‌های تنش-کرنش به دست آمده را در کرنش کمتر از ۱۰٪ با رابطه توانی ساده تقریب زد. ویژگی‌های مکانیکی فوم آلمینیوم با مولد کریامیدا و تولید شده با فرایند سیترینگ^۲ موضوع بررسی جیانگ و همکاران [۲۴-۲۲] بوده است. این پژوهشگران نشان دادند که فوم‌های تولید شده به کمک ذرات کروی نسبت به نمونه‌های دیگر مقاومت تسلیم بیشتری دارند. همچنین مشاهده شد که با کاهش اندازه حفره‌ها، ویژگی‌های فشاری فوم بهبود پیدا می‌کند.

دسپویس و همکاران [۱۴] به بررسی مدول ارتجاعی و تنش جاری شدگی فوم آلمینیوم بازتولیدی با اندازه حفره ۴۰۰ میکرومتر در کشش و فشار پرداختند. آنها نتایج مدول ارتجاعی به دست آمده را با نتایج چند مدل تحلیلی برای مواد مرکب و همچنین نتایج شبیه‌سازی عددی مقایسه کردند. گودال و همکاران [۴] با ذوب کردن دانه‌های نمک و پاشیدن آنها در هوا توانستند نمک با دانه‌های تقریباً کروی به دست آوردن و در تولید فوم آلمینیومی به کار بردند. نتایج نشان داد برای فوم با حفرات هم محور^۳ (با چشم پوشی از کروی یا گوشهدار بودن)، مدول ارتجاعی و تنش تسلیم تنها به چگالی نسبی وابسته است و شکل حفره تاثیری در رفتار ندارد. برادرز و دوناند [۲۰] به مقایسه پاسخ فشاری تک محوری فوم یکنواخت و لایه‌بندی شده Al-6061 پرداختند. در حالی که نمونه‌های با چگالی یکنواخت، ناحیه تنش ثابت^۴ از خود نشان دادند، نمونه‌های فوم لایه‌بندی شده دارای رفتار سخت شونده مشخص بودند. بندسیده‌ی و دوناند [۲۵] با ساخت فوم آلیاژ NiTi با استفاده از مولد نمک طعام، این فوم را به عنوان گزینه‌ای مناسب برای ساخت ایمپلنت^۵ در پزشکی معرفی کردند. این ماده

۱. Carbamid

۲. Sintering

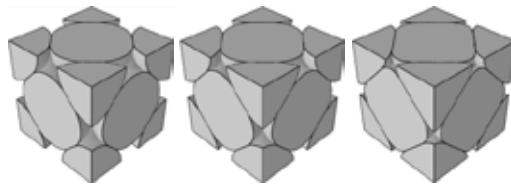
۳. Equiaxed

۴. Plateau stress

۵. Implant

۱-۲- فشرده سازی مولد

با توجه به این که اولین گام در عددی سازی فرایند تولید فوم بازتولیدی، شبیه سازی فرایند فشرده سازی مولد است، نخست باید یک مدل هندسی سه بعدی از مولد فشرده شده تهیه شود. از آنجا که این هندسه فشرده شده مولد به پارامترهای عددی زیادی همچون چیدمان اولیه ذرات، ویژگی رفتاری ماده مولد، اندرکنش بین ذرات مولد و شرایط فشردن ذرات وابسته است، در این پژوهش از روش اجزای محدود غیرخطی و نرم افزار ABAQUS [۳۱]، در این بخش استفاده شده است. فرض می شود که ذرات مولد رفتاری دو خطی و از نوع صلب- خمیری کامل دارند. ضریب اصطکاک 0.2 بین سطوح تماس ذرات اعمال و سه قطر دانه 0.1 و 10 میلی متر بررسی شده است. در گام نهایی واحدهای تک سلولی به صورت همسانگرد تحت شرایط بارگذاری هیدروستاتیکی ($E_{11} = E_{22} = E_{33} \neq 0$) قرار گرفته تا حجم فضای خالی مورد نظر حاصل شود. به عنوان مثال در شکل (۳) نمونه fcc در سه تراکم مختلف نشان داده شده است.



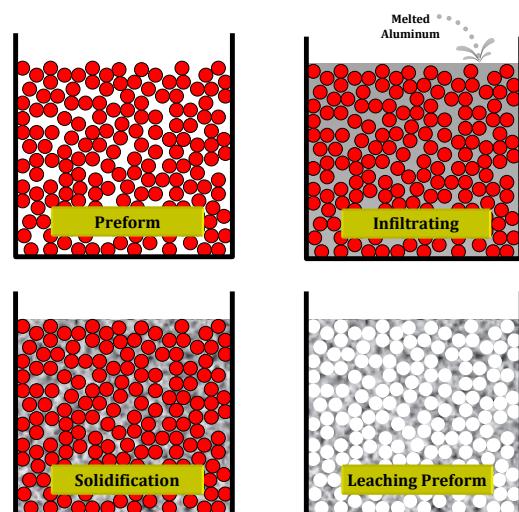
شکل ۳. مراحل فشرده سازی یک سلول fcc.

۲-۲- معکوس سازی هندسه مولد

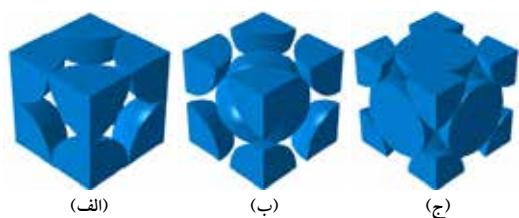
گام دوم در تولید مدل عددی فوم، برگرداندن (معکوس سازی) هندسه مولد فشرده است. برای انجام این کار از روش المان های وکسل استفاده شده است [۳۰]. ابتدا مدل عددی مولد در یک مکعب مستطیل هم اندازه محاط می شود، سپس این مکعب با المان های وکسل یک اندازه شبکه بنده می شود و در پایان با بررسی هم-پوشانی المان های وکسل با المان های مدل اجزای محدود مولد فشرده شده، المان های نامناسب حذف و هندسه معکوس به دست می آید (شکل ۴). لازم به ذکر است اندازه المان های وکسل تعیین کننده دقت هندسه فوم

۲- فرایند شبیه سازی عددی فوم بازتولیدی

فرایند تولید فوم بازتولیدی به صورت کلی مراحل پیش رو را شامل می شود (شکل ۱): ۱- آماده سازی مولد، ۲- عبور دادن ماده مذاب سازنده فوم از بین ذرات مولد^۱ ۳- سرد و جامد نمودن^۲ ۴- حل کردن و زدودن مولد.^۳ در بیشتر موارد مولد ماده می پودری شکلی است که به میزان دلخواه فشرده شده است. در این پژوهش فرض می شود ذرات مولد کره های هم اندازه در سه چیدمان sc، bcc و fcc است (شکل ۲). لازم به ذکر است شکل اولیه این سه آرایش در فرایند فشردن دچار تغییرات زیادی می شود. در ادامه خط مشی نظاممندی برای تولید مدل های عددی لازم معرفی می شود.



شکل ۱. مراحل تولید فوم آلومینیوم بازتولیدی.



شکل ۲. چیدمان اولیه کره های هم اندازه. (الف) sc، (ب) bcc و (ج) fcc.

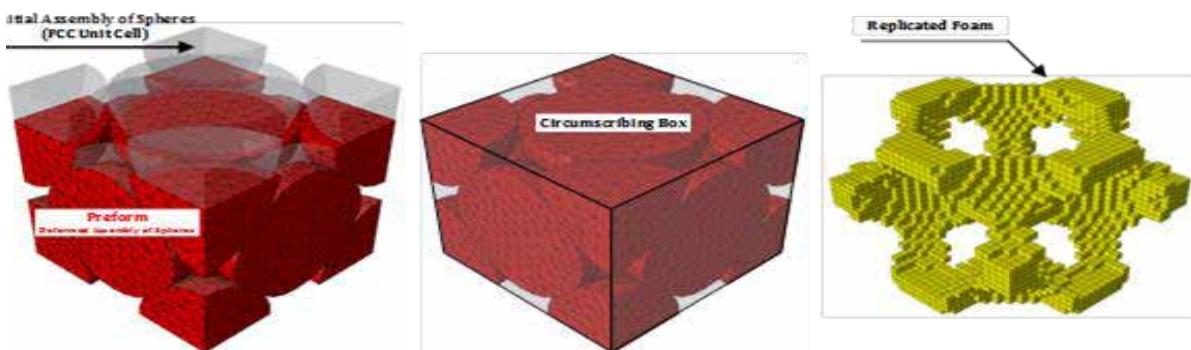
۱. Infiltration

۲. Solidification

۳. Leaching

مولد با ساختارهای دست نخورده bcc، sc و به fcc به دست آمده خواهد بود. روش مشابهی به وسیله مک الاین و همکاران [۲۷ و ۲۸] برای تولید مدل عددی فوم از

نهایی و در نتیجه خواص مکانیکی به دست آمده خواهد بود. روش مشابهی به وسیله مک الاین و همکاران [۲۷ و ۲۸] برای تولید مدل عددی فوم از



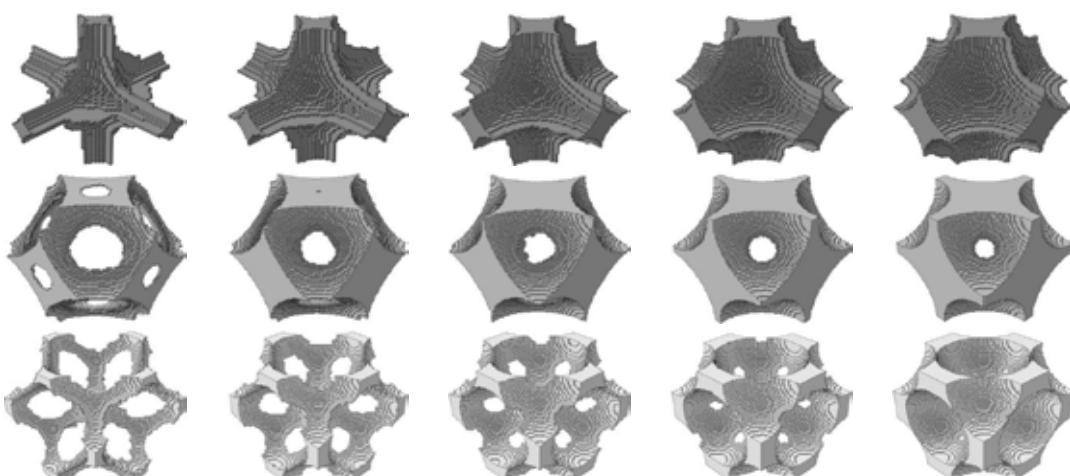
شکل ۴. معکوس سازی مدل اجزای محدود مولد فشرده شده به کمک المان‌های وکسل.

آلیاژ آلمینیوم Al6061-T6 به عنوان ماده سازنده (ماده زمینه) فوم بازتولیدی لحاظ شده است. مدل

داده شده‌اند. لازم به ذکر است همان‌گونه که مک الاین [۲۸] بیان کرده، مشبندی وکسل (با المان مکعبی) به اندازه‌ای ریز اختیار شده که وابستگی به اندازه المان در نتایج وجود نداشته باشد. جدول (۱) شرح دقیقی از اطلاعات مدل‌های اجزای محدود نمونه‌ها را ارائه می‌کند.

۳- تحلیل‌های عددی

با توجه به روش ارائه شده برای استخراج مدل عددی فوم بازتولیدی، مدل‌هایی متناظر برای سه ساختار سلولی در پنج چگالی نسبی تقریبی ۵، ۱۰، ۱۵، ۲۰ و ۲۵ درصد تولید شد. نمونه‌های تولید شده برای ذرات کروی ۱۰ میلی‌متری در شکل (۵) نشان



شکل ۵. مدل اجزا محدود واحدهای تکسلولی در چگالی نسبی متفاوت. ردیف بالا با ساختار sc، ردیف میانی با ساختار bcc و ردیف پایین با . fcc ساختار

جدول ۱. مشخصات مدل‌های اجزای محدود.

	Relative Density (%)			Model Size (mm)			Element Size (mm)			Number of Elements		
	sc	bcc	fcc	sc	bcc	fcc	sc	bcc	fcc	sc	bcc	fcc
1 mm Preform	۵۰.۴۲	۵۰.۰۶	۵۰.۷۳	۰.۰۸۲۰	۰.۱۰۱۵	۰.۱۱۰۰	۰.۰۰۱۱۴	۰.۰۰۱۴۱	۰.۰۰۱۶۷	۱۹۶۷۰	۱۸۹۰۵	۲۷۱۹۲
	۱۰.۳۹	۹.۰۳	۱۰.۶۴	۰.۰۸۳۰	۰.۱۰۳۰	۰.۱۱۲۵	۰.۰۰۱۲۰	۰.۰۰۱۳۹	۰.۰۰۱۷۰	۳۲۶۵۸	۳۸۶۲۵	۵۰۵۰۲
	۱۰.۱۳	۱۴.۴۲	۱۵.۰۹	۰.۰۸۰۰	۰.۱۰۵۰	۰.۱۱۵۰	۰.۰۰۱۱۸	۰.۰۰۱۴۶	۰.۰۰۱۷۹	۵۶۷۱	۵۳۸۱۶	۷۷۷۹۷
	۲۰.۹۱	۲۰.۱۷	۲۰.۴۸	۰.۰۸۷۰	۰.۱۰۷۵	۰.۱۱۸۰	۰.۰۰۱۱۳	۰.۰۰۱۴۵	۰.۰۰۱۷۷	۹۹۱۸۰	۸۱۷۱۸	۹۷۲۱۰
	۲۴.۸۰	۲۵.۰۷	۲۵.۴۰	۰.۰۸۸۵	۰.۱۰۹۵	۰.۱۱۴۰	۰.۰۰۱۱۱	۰.۰۰۱۴۱	۰.۰۰۱۷۶	۱۲۲۹۵۵	۱۱۸۹۸۳	۱۳۰۰۶۱
1 mm Preform	۵۰.۴۴	۷۰.۰۶	۵۰.۷۲	۰.۰۸۲۰	۰.۱۰۴۲	۰.۱۳۰۱	۰.۰۰۱۱۴	۰.۰۰۱۴۴	۰.۰۰۱۷۲	۲۰۳۰۳	۴۱۸۳۴	۲۵۱۰۰
	۱۰.۴۹	۱۱.۳۳	۱۰.۶۳	۰.۰۸۳۵	۰.۱۰۵۹	۰.۱۳۰۰	۰.۰۰۱۱۶	۰.۰۰۱۶۲	۰.۰۰۱۷۰	۳۹۱۴۷	۶۷۱۷۳	۵۰۴۵۸
	۱۰.۱۴	۱۴.۹۹	۱۵.۰۸	۰.۰۸۵۰	۰.۱۰۷۴	۰.۱۳۰۱	۰.۰۰۱۱۸	۰.۰۰۱۲۸	۰.۰۰۱۷۸	۵۶۵۱۰	۸۸۸۴۶	۶۸۳۷۶
	۲۰.۸۷	۱۹.۸۵	۲۰.۰۰	۰.۰۸۷۰	۰.۱۰۹۳	۰.۱۳۰۸	۰.۰۰۱۲۰	۰.۰۰۱۴۰	۰.۰۰۱۷۷	۷۳۶۱۰	۹۴۱۹۱	۹۷۲۷۸
	۲۴.۷۷	۲۶.۰۲	۲۵.۲۹	۰.۰۸۸۵	۰.۱۱۲۰	۰.۱۴۰۸	۰.۰۰۱۲۷	۰.۰۰۱۴۰	۰.۰۰۱۸۱	۸۴۹۷۱	۱۳۳۲۰۴	۱۲۰۰۱۴
1 mm Preform	۵۰.۴۴	۶.۵۱	۵۰.۷۱	۰.۰۸۰۰	۰.۱۰۴۹۰	۰.۱۱۰۱۷	۰.۰۱۱۴	۰.۱۱۰	۰.۱۱۲	۲۰۲۸۱	۳۲۳۳۳	۲۵۰۷۵
	۱۰.۴۹	۱۱.۴۲	۱۰.۶۲	۰.۰۸۳۰	۰.۱۰۵۰۳	۰.۱۲۰۵۳	۰.۰۱۱۶	۰.۱۲۶	۰.۱۷۵	۳۹۰۰۶	۶۷۲۸۵	۴۶۶۲۴
	۱۰.۱۵	۱۵.۰۶	۱۵.۰۵	۰.۰۸۰۱	۰.۱۰۷۲۳	۰.۱۲۰۰۷	۰.۰۱۱۸	۰.۱۳۱	۰.۱۷۸	۵۶۵۴۹	۸۳۰۵۸	۶۸۲۷۴
	۲۰.۸۷	۲۰.۳۹	۲۰.۴۸	۰.۰۸۷۱	۰.۱۰۹۵۳	۰.۱۲۰۷۸	۰.۰۱۱۹	۰.۱۴۱	۰.۱۷۷	۱۰۶۸۷۸	۹۶۷۵۱	۹۷۱۷۴
	۲۴.۷۹	۲۴.۰۳	۲۵.۴۰	۰.۰۸۸۰	۰.۱۱۱۴۱	۰.۱۴۰۸۱	۰.۰۱۱۱	۰.۱۴۳	۰.۱۷۶	۱۲۲۹۷۷	۱۱۶۲۹۲	۱۳۰۰۶۱

۴- نتایج

منحنی بار در برابر تغییر مکان، $P-\delta$ ، مهم‌ترین نتیجه تحلیل‌های اجزای محدود صورت گرفته است، که به کمک روابط زیر می‌توان آن را به منحنی تنش-کرنش حقیقی، $\sigma-E$ ، تبدیل کرد.

$$\sigma = \frac{P}{A} \quad \varepsilon = \ln \frac{l}{l_0} \quad (1)$$

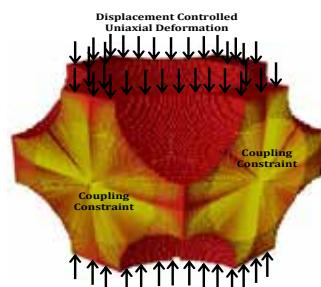
A سطح بارگیر واقعی، ε طول اول و l طول دوم نمونه برای بارگذاری است. در شکل (۷) نمودارهای تنش-کرنش تمام نمونه‌ها ارائه شده است. مدول ارتجاعی، E ، و نسبت پواسون، ν ، عبارتند از

$$E = \frac{d\sigma}{d\varepsilon} \quad \nu = \left. \frac{d\varepsilon}{d\varepsilon_l} \right|_{\sigma=0} \quad (2)$$

در این روابط ε کرنش جانبی است. در شکل‌های (۸) و (۹) مدول ارتجاعی و نسبت پواسون نمونه‌های sc، bcc، fcc و مقابله چگالی نسیی برای سه ساختار sc، bcc و fcc ارائه شده است.

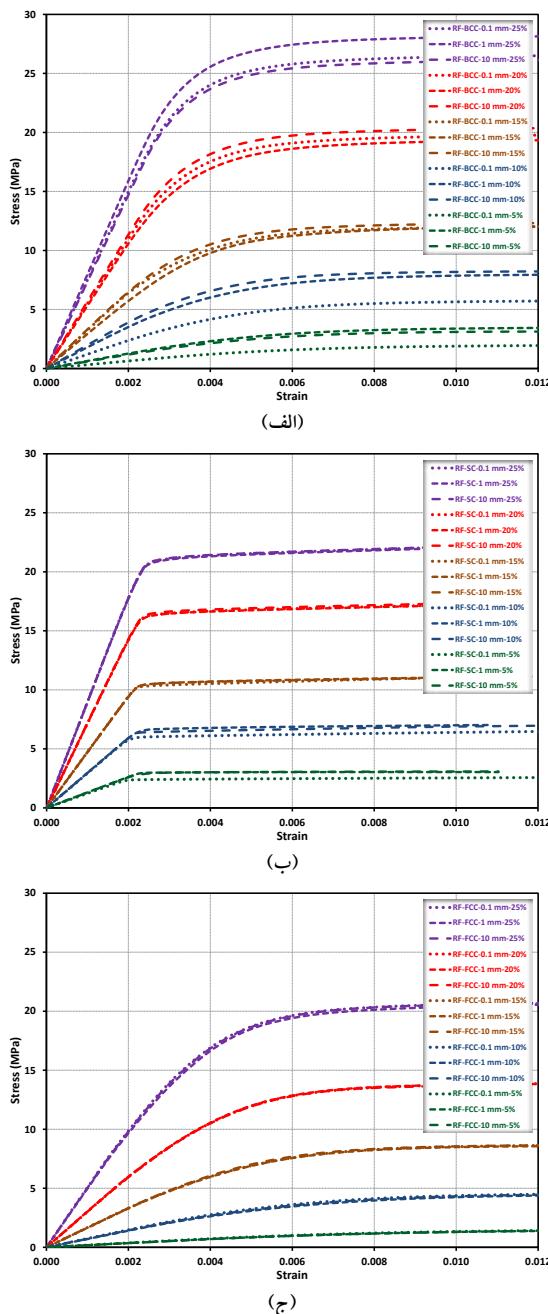
یانگ، نسبت پواسون و تنش تسليم این آلیاژ به ترتیب ۷۰ گیگاپاسکال، 0.33 و ۴۰ مگاپاسکال است. همچنین به ماده زمینه فوم رفتار ارتجاعی-خمیری کامل اختصاص یافته است. همان‌گونه که در شکل (۶) نشان داده شده، تغییر‌شکل محوری فشاری به صورت جابه‌جایی کترل با لحاظ کردن قیدهای جانبی مناسب بر نمونه اعمال شده است.

قید جانبی اعمال شده بر نمونه شرط صفحه باقی ماندن وجوه جانبی را تضمین می‌کند (که خود شرط لازم برای در نظر گرفتن ساختار تناوبی فوم بازتولیدی است). از تحلیل ضمنی استاتیکی غیرخطی برای تعیین منحنی تنش-کرنش تک محوری استفاده شده است.



شکل ۶. نمایش بارگذاری و شرایط مرزی اعمالی بر سلول fcc.

در شکل (۵) روشن شده است و می‌توان آن را به تغییر ساختار تیرها با افزایش چگالی به بیش از ۱۵٪ نسبت داد.



شکل ۷. منحنی تنش-کرنش حقيقی فوم بازتولیدی در چگالی نسبی مختلف. (الف) sc، (ب) bcc و (ج) fcc

شکل (۸) نشان می‌دهد که ساختارهای سلولی sc و fcc به ترتیب بیشترین و کمترین سختی را در بین نمونه‌ها دارا است. علاوه بر این، در محدودهی نمونه‌های بررسی شده، منحنی‌ها و نتایج به دست آمده مستقل از اندازه حفره است. نتیجه مشابهی در مرجع [۴] نیز گزارش شده است. با عبور دادن منحنی توانی از میان نقاط مربوط به مدول ارجاعی در مقابل چگالی نسبی، روابط زیر حاصل می‌شوند.

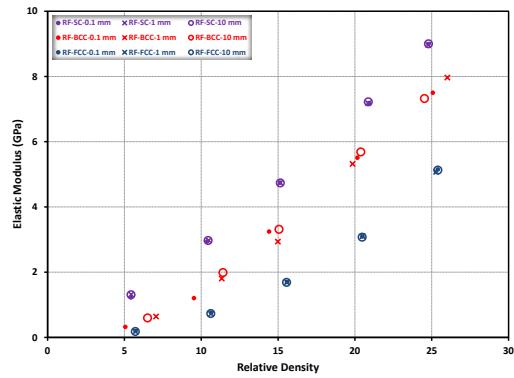
$$E_f \cong \begin{cases} 7.52 E_s \bar{\rho}^{1.271} & R^s = 0.999 \\ 1.651 E_s \bar{\rho}^{1.905} & R^s = 0.995 \\ 1.541 E_s \bar{\rho}^{2.222} & R^s = 0.999 \end{cases}$$

(الف) sc (ب) bcc (ج) fcc

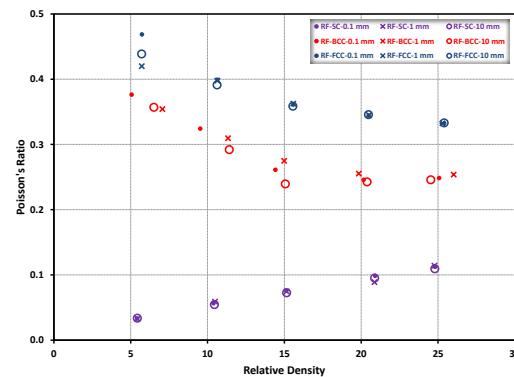
اندیس f و s به ترتیب نشانگر فوم و ماده جامد پایه (مانند آلمینیوم) است. R^s ضریب همبستگی است. همان‌گونه که از روابط بالا مشخص است وابستگی مدول ارجاعی به چگالی نسبی در نمونه‌های sc تقریباً خطی است، که نشان می‌دهد سازوکار حاکم در تغییرشکل این نمونه‌ها از نوع محوری است. از طرفی معادله (۳-ج) با توان $2/232$ بر این موضوع دلالت دارد که این نمونه‌ها تغییرشکل‌های نمونه fcc از نوع خمی است [۳۲]. در تفسیر نتایج مربوط به نمونه‌های bcc باید دقت بیشتری شود زیرا ضریب همبستگی به دست آمده از عدد یک فاصله گرفته که نشانگر عدم انتباطی کامل شکل تابع پیشنهادی (تابع توانی) با نتایج آزمایشگاهی است. به منظور بررسی دقیق‌تر، شکل (۱۰) مقادیر مدول ارجاعی نمونه‌های با قطر مولد $1/0.1$ میلی‌متر را نشان می‌دهد. همان‌گونه که مشخص است روند تغییرات مدول ارجاعی برای دو دسته از نمونه‌های sc و fcc کاملاً هموار است، در حالی که در فاصله چگالی‌های نسبی ۱۰ تا ۱۵ درصد، جهشی در مقادیر مربوط به نمونه bcc مشاهده می‌شود. نکته جالب توجه دیگر آن که این اطلاعات نشان می‌دهند نمونه bcc در چگالی زیر 10% مانند fcc و در چگالی بالای 15% مانند sc رفتار می‌کند. بنابراین می‌توان نتیجه گرفت که سازوکار تغییرشکل در نمونه‌های bcc در بازه‌ی چگالی نسبی $10\% < \bar{\rho} < 15\%$ از خمی به محوری تغییر می‌یابد. دلیل هندسی این انتقال

مقادیر نسبت پواسون نیز همین پدیده‌ی فیزیکی را در مورد سازوکار تغییر‌شکل‌ها منعکس می‌کند. شکل (۹) نشان می‌دهد نسبت پواسون نمونه‌های sc با افزایش چگالی نسبی افزایش می‌یابد و از حدود صفر در $\bar{\rho} = 5\%$ شروع و به تدریج افزایش می‌یابد. دلیل این رشد به طور واضح وابسته به تیر عمودی قرار گرفته در جهت بارگذاری در وسط این نمونه است، زیرا انبساط جانبی این تیر عمودی تعیین کننده انبساط جانبی سلول است و بنابراین چگالی نسبی بیشتر، معادل با ضخامت تیر میانی بیشتر و در نتیجه نسبت پواسون بیشتر است. نسبت پواسون fcc از حدود $0/5$ در $\bar{\rho} = 5\%$ شروع و با افزایش چگالی به تدریج کاهش یافته و به عددي حدود $0/33$ که مربوط به نسبت پواسون فلز پایه bcc (آلومینیوم) است نزدیک می‌شود. در مورد سلول آن باز هم ترکیبی از رفتار دو ساختار دیگر رفتار آن باز هم ترکیبی از رفتار دو ساختار دیگر است و 7 از مقدار تقریبی $4/0$ در $\bar{\rho} = 5\%$ به عددی نزدیک افزایش چگالی نسبی تا $5\% = \bar{\rho}$ به عددی نزدیک به $0/3$ کاهش یافته ولی با افزایش بیشتر چگالی سیر صعودی می‌یابد.

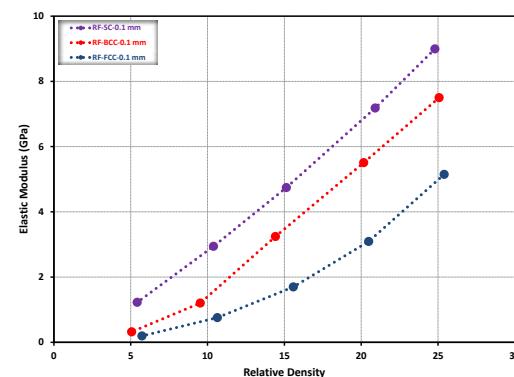
هنگامی که تعیین تنش تسليم اولیه مطرح است، می‌توان روش‌های متفاوتی چون افست کرنش خمیری، شب منحنی معادل با نسبت مشخصی از شب اولیه و تقاطع شب پس از تسليم با محور تنش [۳۳] به کار برد. در این پژوهش از روش شب منحنی برابر با درصد خاصی از شب اولیه منحنی تنش-کرنش استفاده شده و همان‌گونه که در شکل (۱۱) به صورت شماتیک نشان داده شده، تنش‌های متناظر با تغییر شب‌های معادل با $30, 50, 70, 90$ ٪ شب اولیه استخراج شده‌اند. روند این نقاط از رفتار ارجاعی خالص به سمت ناحیه تنش مسطح حرکت می‌کند. لازم به ذکر است مک الاین [۲۸] در پژوهش خود بر روی فوم‌های بازتولیدی از روشی مشابه اما تنها با نسبت ۹۵٪ استفاده کرده است.



شکل ۸. مدول ارجاعی نمونه‌های فوم بازتولیدی.



شکل ۹. نسبت پواسون نمونه‌های فوم بازتولیدی.



شکل ۱۰. مدول ارجاعی سه نمونه فوم مورد بررسی در قطر حفره ۱۰ میلیمتر.

می‌کند. درحالی که این اختلاف برای سلول bcc با فراتر رفتن چگالی نسبی از ۱۵٪ تقریباً ثابت می‌ماند.

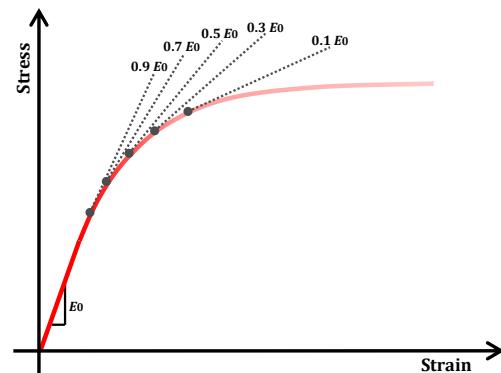
- تخمین تغییراتی^۱ کاستاندا و سوکت [۳۴] با E برگرفته شده از مدل GRF [۳۵]، $n=۰$ و ضریب افتادگی^۲ یک به عنوان حد بالا و معادله (۳۹) در مرجع [۱۴] (مدل G&A) به عنوان حد پایین داده‌های تنش تسليم نمونه‌های fcc قابل استفاده است.

- تخمین تغییراتی کاستاندا و سوکت با E برگرفته شده از مدل G&A [۳۲] و معادله (۳۹) از مرجع [۱۴] به شکل راضی کننده‌ای حدود بالا و پایین داده‌های تنش تسليم نمونه‌های bcc را برآورد می‌کند.

- سلول sc با سازوکار تغییرشکل‌های محوری، حساسیت کمتری به چگالی نسبی نشان می‌دهد.

- مقادیر $\sigma_y(10\%)$ نمونه‌های عددی این پژوهش از نتایج آزمایشگاهی دسپویس و همکاران [۱۴] بزرگتر است. دلیل اصلی این اختلاف مربوط به وجود نقص‌های اولیه در ساختار نمونه‌های واقعی فوم است.

به منظور نتیجه‌گیری بهتر در این بخش، مانند آنچه برای مدول ارتقایی انجام گرفت، مقادیر $\sigma_y(10\%)$ با منحنی توانی بر حسب $\bar{\rho}$ تغییر زده شده‌اند. توان این روابط و همچنین توان روابط مربوط به مدول ارتقایی به همراه برخی اعداد گزارش شده در ادبیات فنی در جدول (۳) آورده شده است که این کار انجام مقایسه را آسان می‌کند. با نگاهی به این جدول دیده می‌شود که توانهای مربوط به مطالعات آزمایشگاهی فوم بازتولیدی بزرگتر از توانهای متناظر در نمونه‌های شبیه‌سازی شده است. این مساله را می‌توان به توزیع تصادفی حرفا و همچنین وجود نقص‌های مختلف در فوم‌های تولید شده در آزمایشگاه در مقایسه با ساختار منظم و بدون نقص مدل‌های عددی این پژوهش وابسته نمود.



شکل ۱۱. تعریف نقطه تسليم در منحنی تنش-کرنش به عنوان نقطه متناظر با درصد شیب مشخصی نسبت شیب اولیه.

در جدول (۲) تنش‌های تسليم محاسبه شده ارائه شده‌اند. اولین نکته مهمی که با بررسی این نتایج مشخص می‌شود، عدم وابستگی به اندازه حفره است. این در حالی است که در برخی از پژوهش‌ها مانند [۱۴، ۱۵] وابستگی به اندازه حفره مشاهده می‌شود. در این مطالعه اثر لایه اکسید سطحی بر ایجاد نابهای‌های هندسی و پدیده‌ی کمانش تبرها به عنوان عامل این وابستگی معرفی شده‌اند. طبیعی است که مدل‌های عددی این مقاله اثر لایه اکسید را لاحظ نمی‌کند. همچنین در محدوده‌ی چگالی‌ها و ساختارهای بررسی شده، پدیده‌ی کمانش در تبرها مشاهده نشد. شکل (۱۲) نقاط تسليم فوم‌ها با اندازه حفره ابتدایی ۱۰ میلی‌متر را نشان می‌دهد. علاوه بر این، محدوده متنوعی از اطلاعات تحلیلی و آزمایشگاهی [۱۴] به منظور انجام مقایسه در شکل (۲) اضافه شده است. بررسی این نتایج نشان می‌دهد:

- تفاوت قابل توجهی بین $(10\%) \sigma_y$ و $(90\%) \sigma_y$ نمونه‌های sc وجود ندارد. یعنی انتقال از ناحیه ارتقایی به تنش مسطح ناگهانی رخ می‌دهد. در مقابل دو نمونه fcc و bcc انتقال تدریجی را تجربه می‌کنند.
- با افزایش چگالی نسبی، اختلاف بین $(10\%) \sigma_y$ و $(90\%) \sigma_y$ نمونه‌های fcc بدون وقفه افزایش پیدا

^۱. Variational estimation

^۲. Knock-down factor

جدول ۲. تنش‌های تسلیم محاسبه شده.

Simple Cubic (۰,۱ mm)						Body-Centered Cubic (۰,۱ mm)						Faced-Centered Cubic (۰,۱ mm)					
$\bar{\rho}$ (%)	Yield Stress (MPa)					$\bar{\rho}$ (%)	Yield Stress (MPa)					$\bar{\rho}$ (%)	Yield Stress (MPa)				
	۹۰%	۷۰%	۵۰%	۳۰%	۱۰%		۹۰%	۷۰%	۵۰%	۳۰%	۱۰%		۹۰%	۷۰%	۵۰%	۳۰%	۱۰%
۴۶,۸۰	۱۷,۷۶	۱۹,۰۸	۲۰,۲۲	۲۰,۰۶	۲۰,۹۰	۲۰,۰۷	۱۷,۵۰	۱۹,۸۸	۲۱,۷۸	۲۲,۰۳	۲۰,۲۸	۲۰,۴۰	۱۰,۰۱	۱۲,۲۲	۱۶,۲۷	۱۸,۴۰	۱۹,۷۷
۴۰,۴۹	۱۲,۳۲	۱۰,۰۸	۱۰,۰۳	۱۰,۰۸	۱۰,۰۹	۲۰,۰۷	۱۲,۰۷	۱۴,۱۶	۱۵,۷۸	۱۷,۰۳	۱۸,۸۰	۲۰,۴۸	۷,۱۹	۸,۹۱	۱۱,۰۱	۱۲,۴۳	۱۳,۱۷
۱۰,۱۳	۹,۲۶	۹,۹۰	۱۰,۰۵	۱۰,۱۰	۱۰,۰۷	۱۰,۰۷	۹,۰۶	۹,۴۰	۹,۱۳	۱۰,۰۹	۱۱,۰۵	۱۰,۰۹	۳,۹۷	۵,۴۴	۷,۷۰	۷,۷۸	۸,۴۹
۱۰,۴۹	۵,۲۸	۵,۰۹	۵,۷۷	۵,۸۸	۵,۹۸	۹,۰۳	۷,۰۵	۷,۰۹	۷,۷۴	۸,۰۰	۸,۴۸	۱۰,۷۴	۱,۹۰	۲,۷۵	۳,۴۴	۳,۹۹	۴,۴۳
۰,۴۲	۲,۱۶	۲,۱۹	۲,۲۸	۲,۳۰	۲,۳۸	۰,۰۶	۰,۰۵	۱,۲۶	۱,۰۳	۱,۷۷	۱,۹۰	۰,۷۲	۰,۷۲	۰,۸۹	۱,۱۲	۱,۳۲	۱,۴۳
Simple Cubic (۱ mm)						Body-Centered Cubic (۱ mm)						Faced-Centered Cubic (۱ mm)					
$\bar{\rho}$ (%)	Yield Stress (MPa)					$\bar{\rho}$ (%)	Yield Stress (MPa)					$\bar{\rho}$ (%)	Yield Stress (MPa)				
	۹۰%	۷۰%	۵۰%	۳۰%	۱۰%		۹۰%	۷۰%	۵۰%	۳۰%	۱۰%		۹۰%	۷۰%	۵۰%	۳۰%	۱۰%
۴۶,۷۷	۱۷,۵۰	۱۹,۰۰	۲۰,۱۶	۲۰,۰۶	۲۰,۰۷	۲۰,۰۷	۱۸,۹۳	۲۱,۳۰	۲۲,۰۵	۲۰,۰۱	۲۰,۲۸	۲۰,۴۹	۹,۰۰	۱۳,۲۱	۱۶,۱۸	۱۸,۳۵	۱۹,۷۰
۴۰,۱۷	۱۲,۳۴	۱۰,۰۸	۱۰,۰۳	۱۰,۰۸	۱۰,۰۹	۱۰,۰۷	۱۱,۱۷	۱۷,۰۸	۱۵,۳۰	۱۶,۹۱	۱۸,۱۹	۲۰,۰۰	۷,۱۷	۸,۹۰	۱۱,۰۱	۱۲,۴۶	۱۳,۱۱
۱۰,۱۴	۹,۲۱	۹,۹۰	۱۰,۰۴	۱۰,۰۹	۱۰,۰۵	۱۰,۰۹	۹,۰۸	۸,۰۵	۹,۴۴	۱۰,۰۷	۱۱,۳۸	۱۰,۰۸	۳,۸۵	۵,۴۱	۷,۷۰	۷,۷۸	۸,۴۲
۱۰,۴۹	۵,۲۸	۵,۰۹	۵,۷۷	۵,۸۸	۵,۹۸	۹,۰۳	۷,۰۵	۷,۰۹	۷,۷۴	۸,۰۰	۸,۴۸	۱۰,۷۴	۱,۹۰	۲,۷۵	۳,۴۴	۳,۹۹	۴,۴۳
۰,۴۴	۲,۷۳	۲,۸۲	۲,۹۱	۲,۹۴	۲,۹۷	۰,۰۶	۰,۰۵	۱,۰۶	۱,۰۸	۱,۷۷	۱,۹۰	۰,۷۲	۰,۷۲	۰,۸۹	۱,۱۲	۱,۳۲	۱,۴۳
Simple Cubic (۱۰ mm)						Body-Centered Cubic (۱۰ mm)						Faced-Centered Cubic (۱۰ mm)					
$\bar{\rho}$ (%)	Yield Stress (MPa)					$\bar{\rho}$ (%)	Yield Stress (MPa)					$\bar{\rho}$ (%)	Yield Stress (MPa)				
	۹۰%	۷۰%	۵۰%	۳۰%	۱۰%		۹۰%	۷۰%	۵۰%	۳۰%	۱۰%		۹۰%	۷۰%	۵۰%	۳۰%	۱۰%
۴۶,۷۹	۱۷,۵۰	۱۹,۰۰	۲۰,۱۶	۲۰,۰۶	۲۰,۰۷	۲۰,۰۷	۱۸,۹۳	۲۱,۳۰	۲۲,۰۵	۲۰,۰۱	۲۰,۲۸	۲۰,۴۹	۹,۰۰	۱۳,۲۱	۱۶,۱۸	۱۸,۳۵	۱۹,۷۰
۴۰,۱۷	۱۲,۳۴	۱۰,۰۸	۱۰,۰۳	۱۰,۰۸	۱۰,۰۹	۱۰,۰۷	۱۱,۱۷	۱۷,۰۸	۱۵,۳۰	۱۶,۹۱	۱۸,۱۹	۲۰,۰۰	۷,۱۷	۸,۹۰	۱۱,۰۱	۱۲,۴۶	۱۳,۱۱
۱۰,۱۵	۹,۲۱	۹,۹۰	۱۰,۰۴	۱۰,۰۹	۱۰,۰۴	۱۰,۰۹	۹,۰۸	۸,۰۵	۹,۴۴	۱۰,۰۷	۱۱,۳۸	۱۰,۰۰	۳,۸۵	۵,۴۱	۷,۷۰	۷,۷۸	۸,۴۲
۱۰,۴۹	۵,۲۸	۵,۰۹	۵,۷۷	۵,۸۸	۵,۹۸	۹,۰۳	۷,۰۵	۷,۰۹	۷,۷۴	۸,۰۰	۸,۴۸	۱۰,۷۴	۱,۹۰	۲,۷۵	۳,۴۴	۳,۹۹	۴,۴۳
۰,۴۴	۲,۰۵	۲,۱۶	۲,۷۹	۲,۸۸	۲,۹۷	۰,۰۵	۱,۰۴	۲,۰۰	۲,۴۴	۲,۷۸	۳,۰۴	۰,۷۱	۰,۷۰	۰,۹۰	۱,۱۲	۱,۳۱	۱,۴۳

جدول ۲. توان ارتباط مربوط به مدل ارجاعی و تنش تسلیم.

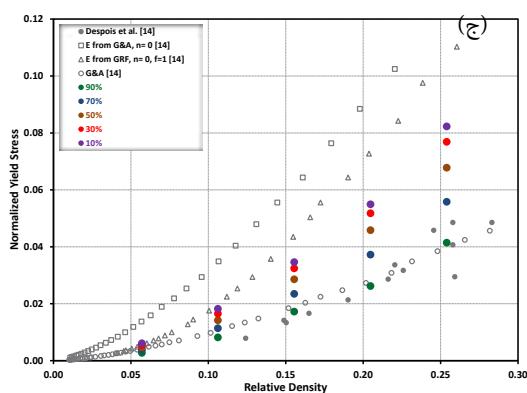
Reference	Foaming Material	Preform Type	Relative Density	Pore Size	Exponent - E	Exponent - $\sigma_y(10\%)$
Goodall et al. (۲۰۱۶) [۱]	Al ۹۹,۹۹%	NaCl - Angular	۱۰,۳۰%	۴۰۰ μm	۲,۷	۲,۲۰
Goodall et al. (۲۰۱۴) [۲]	Al ۹۹,۹۹%	NaCl - Angular	۱۰,۳۰%	۷۰ μm	۲,۷۰	۲,۷۰
Despois et al. (۲۰۰۶) [۱۴]	Al ۹۹,۹۹%	NaCl - Angular	۱۰,۳۲%	۴۰۰ μm	۲,۷۰	۲,۲۰
Goodall et al. (۲۰۰۷) [۴]	Al ۹۹,۹۹%	NaCl - Spherical	۱۰,۳۵%	۴۰۰ μm	۲,۷	۲,۷۰
Goodall et al. (۲۰۰۷) [۴]	Al ۹۹,۹۹%	NaCl - Spherical	۱۰,۳۵%	۷۰ μm	۲,۷۰	۲,۰۰
Alashti and Roudini [۲۱]	Al ۹۷,۴۰%	NaCl - Angular	۱۰,۳۲%	۵۰۰ μm	---	۲,۹۴
Current Study	AA ۶۰۶۱-T۶	sc structure	۰,۲۵%	۱۰۰-۱۰۰۰ μm	۱,۷۷	۱,۲۹
Current Study	AA ۶۰۶۱-T۶	bcc structure	۰,۲۵%	۱۰۰-۱۰۰۰ μm	۱,۹۱	۱,۵۹
Current Study	AA ۶۰۶۱-T۶	fcc structure	۰,۲۵%	۱۰۰-۱۰۰۰ μm	۲,۲۳	۱,۷۳

است. نتایج نشان می‌دهد:

- در محدوده اندازه مولدهای مورد استفاده، وابستگی به اندازه حفره در نتایج دیده نمی‌شود.
- نمونه سلول fcc با داشتن المان‌های شبیه تیر مورب انعطاف پذیرترین رفتار را خود نشان می‌دهد.
- نمونه sc به عنوان سخت‌ترین نمونه در بین سایر نمونه‌ها شناخته شد که علت آن حاکم بودن مد تغییر‌شکل‌های محوری در سازوکار باربری آن است.
- وابستگی ویژگی‌های ارجاعی و تسلیم نمونه‌ها به چگالی نسبی با حرکت از sc به سمت bcc و پس از آن fcc افزایش پیدا می‌کند.
- با دقیق شدن بیشتر در نتایج متوجه می‌شویم که

نتیجه‌گیری و پیشنهادها

در این مقاله فرایند فیزیکی فشرده کردن و پاک کردن (حل کردن) مولد در تولید فوم بازتابی دیده ترتیب به کمک روش المان محدود غیرخطی و روش المان‌های وکسل به صورت عددی شبیه‌سازی شده است. این رویکرد برای تولید فوم‌هایی با ساختار اولیه منظم bcc, sc و fcc در سه قطر مولد ۱,۰ و ۱۰ میلی‌متر به کار رفته است. این تک سلول‌ها تا رسیدن به چگالی نسبی مورد نظر (در بازه ۵ تا ۰,۲۵٪) فشرده شده‌اند. با اختصاص رفتار آلیاژ آلومینیوم به ماده سازنده فوم و اعمال بارگذاری تک محوری فشاری به نمونه‌ها مدل ارجاعی، نسبت پواسون و تنش تسلیم آن‌ها به دست آمده



شکل ۱۲. تنش‌های تسلیم محاسبه شده. (الف) sc ، (ب) bcc و (ج) fcc.

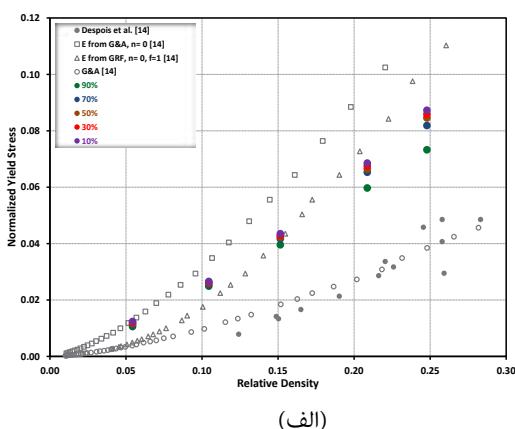
مراجع

- [1] Despois J.F., Conde Y., Marchi C.S., Mortensen A., “Tensile behaviour of replicated aluminium foams”, Advanced Engineering Materials, 6(2004), pp.444-7.
- [2] Goodall R., Despois J.F., Mormontt A., Salvo L., Mortensen A., “The effect of preform processing on replicated aluminium foam structure and mechanical properties”, Scripta Materialia, 54 (2006), pp.206-73.
- [3] Despois J.F., Marmottant A., Salvo L., Mortensen A., “Influence of the infiltration pressure on the structure and properties of replicated aluminium foams”, Materials Science and Engineering A, 2007 (462), pp.75-68.
- [4] Goodall R., Marmottant A., Salvo L., Mortensen A., “Spherical pore replicated microcellular aluminium: Processing and influence on properties”, Materials Science and Engineering A, 465 (2007), pp. 35-124.
- [5] Diolgent F., Combaz E., Laporte V., Goodall R., Weber L., Duc F., Mortensen A., “Processing of Ag–Cu alloy foam by the replication process”, Scripta Materialia, 61 (2009), pp. 54-351.
- [6] Marchi C.S., Mortensen A., “Deformation of open-cell aluminum foam”, Acta Materialia, 49

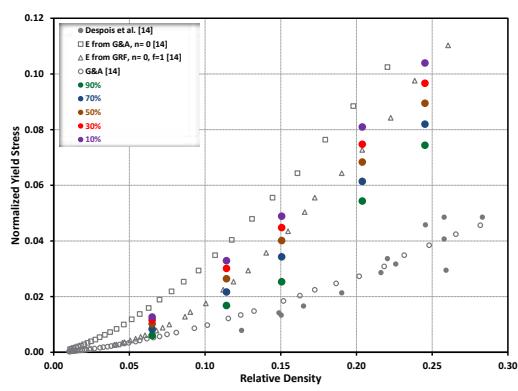
ماهیت رفتار ارجاعی نمونه bcc در چگالی نسبی بالاتر مشابه ساول sc است.

- از نقطه نظر تنفس تسلیم نمونه bcc و fcc به ترتیب بالاترین و پایین‌ترین مقادیر را دارند. تنفس تسلیم محاسبه شده در این پژوهش با نتایج تحلیلی مطالعات پیشین دیگران مقایسه شده است. توان روابط مربوط به تنفس تسلیم نمونه‌هایی که به صورت عددی شبیه سازی شده‌اند کمتر از نتایج آزمایشگاهی دیگران به دست آمده است. این کاهش به وجود ساختار تصادفی و عیب و نقص موجود در نمونه‌های واقعی مرتبط دانسته شد.

با توجه به ایجاد بستر عددی مناسب در این پژوهش برای شبیه سازی فرایند تولید فوم‌های بازتولیدی، گام بعدی ورود به شبیه سازی رفتار این دسته از مواد با ساختار غیرمنظم است.



(الف)



(ب)

- of aluminium-magnesium open cell foam”, Acta Materialia, 57 (2009), pp. 830–7.*
- [17] Combaz E., Rossoll A., Mortensen A., “*Hole and notch sensitivity of aluminium replicated foam”, Acta Materialia, 59 (2011), pp. 572–81.*
- [18] Soubielle S., Salvo L., Diolgent F., Mortensen A., “*Fatigue and cyclic creep of replicated microcellular aluminium”, Materials Science and Engineering A, 528 (2011), pp. 2657–63.*
- [19] Abdulla T., Yerokhin A., Goodall R., “*Effect of Plasma Electrolytic Oxidation coating on the specific strength of open-cell aluminium foams”, Materials and Design, 32 (2011), pp. 3742–9.*
- [20] Brothers A.H., Dunand D.C., “*Mechanical properties of a density-graded replicated aluminum foam”, Materials Science and Engineering A, 489 (2008), pp. 439–43.*
- [21] Pollien A., Conde Y., Pambagian L., Mortensen A., “*Graded open-cell aluminium foam core sandwich beams”, Materials Science and Engineering A, 404 (2005), pp. 9–18.*
- [22] Jiang B., Zhao N.Q., Shi C.S., Du X.W., Li J.J., Man H.C., “*A novel method for making open cell aluminum foams by powder sintering process”, Material Letters, 59 (2005), pp. 3333–6.*
- [23] Jiang B., Zhao N.Q., Shi C.S., Li J.J., “*Processing of open cell aluminum foams with tailored porous morphology”, Scripta Materialia, 53 (2005), pp. 781–5.*
- [24] Jiang B., Wang Z., Zhao N.Q.; “*Effect of pore size and relative density on the mechanical properties of open cell aluminum foams”, Scripta Materialia; Vol.56, 2007, pp.169–72.*
- [25] Bansiddhi A., Dunand D.C., “*Shape-memory NiTi foams produced by replication of NaCl space-holders”, Acta Biomaterialia, 4 (2008), pp. 1996–2007.*
- [26] Alashti R.J., Roudini G., “*Producing replicated open-cell aluminum foams by a novel method of melt*
- (2001), pp. 3959–69.
- [7] Conde Y., Despois J.F., Goodall R., Marmottant A., Salvo A., Marchi C.S., Mortensen A., “*Replication processing of highly porous materials”, Advanced Engineering Materials, 8 (2006), pp. 795–803.*
- [8] Kadar C., Chmellk F., Cieslar M., Lendvai J., “*Acoustic emission of salt-replicated foams during compression”, Scripta Materialia, 59 (2008), pp. 987–90.*
- [9] Gaillard C., Despois J.F., Mortensen A., “*Processing of NaCl powders of controlled size and shape for the microstructural tailoring of aluminium foams”, Materials Science and Engineering A, 374 (2004), pp. 250–62.*
- [10] Hakamada M., Watanabe H., Kuromura T., Chen Y., Kusuda H., Mabuchi M., “*Effects of pore characteristics finely-controlled by spacer method on damping capacity of porous aluminum”, Materials Transactions, 50 (2009), pp. 427–29.*
- [11] Combaz E., Baccarini C., Charvet R., Dufour W., Dauphin F., Mortensen A., “*Yield surface of polyurethane and aluminium replicated foam”, Acta Materialia, 58 (2010), pp. 5168–83.*
- [12] Hua L., Benitez R., Basu R., Karaman I., Radovic M., “*Processing and characterization of porous Ti2AlC with controlled porosity and pore size”, Acta Materialia, 60, (2012), pp.6266–77.*
- [13] Marchi C.S., Despois J.F., Mortensen A., “*Uniaxial deformation of open-cell aluminum foam: the role of internal damage”, Acta Materialia, 52 (2004), pp. 2895–902.*
- [14] Despois J.F., Mueller R., Mortensen A., “*Uniaxial deformation of microcellular metals”, Acta Materialia, 54 (2006), pp. 4129–42.*
- [15] Diolgent F., Goodall R., Mortensen A., “*Surface oxide in replicated microcellular aluminium and its influence on the plasticity size effect”, Acta Materialia, 57 (2009), pp. 286–94.*
- [16] Diolgent F., Goodall R., Mortensen A., “*Creep*

- [32] Gibson L.J., Ashby M.F., *Cellular Solids-Structure and Properties*, Cambridge UK, Cambridge University Press, 1997.
- [33] Shahbeyk S., “*Yield/failure criteria, constitutive models and crashworthiness applications of metal foams*”, in: Dukhan N. (Ed.), *Metal Foams: Fundamentals and Applications*, Pennsylvania, DEStech Publications, 2012, pp. 131-214.
- [34] Castaneda P.P., Suquet P., “*Nonlinear composites*”, in: Van Der Giessen E., Wu T.Y. (Eds.), *Advances in Applied Mechanics* 34, SanDiego, Academic Press, 1998, pp. 171-302.
- [35] Roberts A.P., Garboczi E.J., “*Elastic properties of model random three dimensional open-cell solids*”, *Journal of the Mechanics and Physics of Solids*, 50 (2002), pp. 33-55.
- “*squeezing procedure*”, *Material Letters*, 76 (2012), pp. 233-6.
- [27] McElwain D.L.S., Roberts A.P., Wilkins A.H., “*Yield criterion of porous materials subjected to complex stress states*”, *Acta Materialia*, 54 (2006), pp. 1995-2002.
- [28] McElwain D.L.S., Roberts A.P., Wilkins A.H., “*Yield functions for porous materials with cubic symmetry using different definitions of yield*”, *Advanced Engineering Materials*, 8 (2006), pp. 870-6.
- [29] Rossol A., Mortensen A., “*On the load-bearing efficiency of open-cell foams: A comparison of two architectures related to two processes*”, *Scripta Materialia*, 68 (2013), pp. 44-9.
- [30] Miller K., Nielsen P.M.F., *Computational Biomechanics for Medicine*, New York US, Springer, 2010.
- [31] ABAQUS 6.11, Dassault Systemes Simulia Corp., Providence, RI, USA, 2012.