

## مقایسه‌ی شاخص‌های رفتار میراگر فلزی آکاردئونی توخالی و پر شده با فوم پلیمری در بارگذاری محوری رفت و برگشتی

اسماعیل ایزدی زمان آبادی<sup>۱</sup>، فریبرز ناطقی الهی<sup>۲\*</sup>، مهرتاش معتمدی<sup>۳</sup>

۱- کارشناس ارشد مهندسی زلزله، پژوهشگاه بین المللی زلزله شناسی و مهندسی زلزله

۲- استاد، پژوهشگاه بین المللی زلزله شناسی و مهندسی زلزله

۳- استادیار، دانشگاه آزاد اسلامی واحد تهران جنوب

Nateghi@iiees.ac.ir

(دریافت مقاله: آذر ۱۳۸۶، پذیرش مقاله: آذر ۱۳۸۷)

**چکیده** - در چند دهه گذشته تحقیقات بسیاری در زمینه قطعات الحاقی مستهلك کننده انرژی به ویژه میراگرهای فلزی پسماند انجام شده و نمونه‌های متنوعی از آن با قابلیتهای مختلف توسعه یافته است. درسالیان اخیر استفاده از کمانش آکاردئونی سیستمهای جدار نازک لوله‌ای نظر پژوهشگران را جلب کرده و به توسعه‌ی میراگر فلزی آکاردئونی منجر شده است.

در این مقاله پس از معرفی میراگر فلزی آکاردئونی پر شده، شاخص‌های رفتار میراگر پر شده و توخالی برای بارگذاری محوری چرخه‌ای مطالعه و مقایسه شده است. بدین منظور ابتدا به روشنی تحلیلی اجزای محدود، مشخصات تقریبی پلیمر پرکننده مؤثر تعیین و سپس چهار نمونه آزمایشگاهی شامل دو نمونه میراگر پر شده با نوع خاصی فوم پلیمریک و دو نمونه‌ی میراگر توخالی متناظر با آنها، با استفاده از جک هیدرولیکی کشش و فشار آزمایش شده است. سپس تأثیر پرشوندگی میراگر با فوم بر برحی از مهمترین شاخصهای رفتار تعیین و سعی شده از این روش بهمنظور پایداری و بهبود رفتار میراگر استفاده شود. این مطالعه نشان می‌دهد که استفاده از ماده پرکننده متناسب در داخل میراگر، روشنی مناسب بهمنظور افزایش برخی شاخص‌های رفتاری میراگر مانند تعداد چرخه‌ی قابل تحمل، میزان جذب انرژی و همچینی ظرفیت خمیری کشش و فشار میراگر بوده و اثر اندرکش بین فوم و جدار آکاردئونی در افزایش جذب انرژی و افزایش ظرفیت خمیری سیستم بهویژه برای نمونه‌های جدار نازک آکاردئونی با ظرفیت برابری پایین، چشمگیر است.

**کلید واژگان:** مطالعه آزمایشگاهی، میراگر فلزی آکاردئونی پر شده، فوم پلیمریک

دانشی و حسینی پور[6] ایجاد شیارهای حلقوی یک در میان در داخل و خارج لوله‌های جدار نازک دایره‌ای را به عنوان روش مؤثری در تقویت یکنواختی در رفتار نمودار بار - تغییر مکان و همچنین پیش‌بینی ظرفیت جذب انرژی در این لوله‌ها تحت فشردگی محوری معرفی کردند.

سینگیس و ال سابکی[7] ایجاد موج در طول لوله‌های جدار نازک صاف را به عنوان روش دیگری برای تقویت یکنواختی و همچنین ایجاد نظم مطلوب در رفتار لوله‌های جدار نازک تحت ضربه محوری معرفی کرده و رفتار این لوله‌ها را به صورت آزمایشگاهی مطالعه کردند. ایجاد موج در طول لوله موجب اجبار در ایجاد لنگرهای خمیری بیشینه و در نتیجه ایجاد مفاصل خمیری در نقاط قعر و اوج موج‌ها به عنوان نواحی از پیش تعیین شده می‌شود. مطالعه تأثیر عملیات حرارتی، تأثیر پرکردن لوله‌های موجود با استفاده از فوم، تأثیر تغییر عمق موج‌ها و همچنین تغییر محل اعمال بار بر عملکرد لوله به عنوان المان جاذب انرژی ضربه، مهمترین مطالعاتی است که توسط سینگیس و ال سابکی انجام شده است. در روش استفاده از لوله‌های جدار نازک آکاردئونی<sup>9</sup> به عنوان یک میراگر فلزی پسماند که نخستین بار از سوی معتمدی و ناطقی الهی[8] در سال 2004 پیشنهاد شده، از لوله جدار نازک آکاردئونی تحت نیروی محوری چرخه‌ای به منظور تحریک الگوی کمانش آکاردئونی و در نتیجه افزایش میزان جذب انرژی استفاده شده است. معتمدی و ناطقی الهی[9] به مطالعه آزمایشگاهی میراگر فلزی آکاردئونی پرداخته و نشان دادند که این میراگر از جذب انرژی کافی و پایداری رفتاری مناسبی برخوردار است. مطالعه‌ی استهلاک انرژی در لوله‌های جدار نازک

## 1- مقدمه و مورور

به دلیل فراوانی استفاده از لوله‌های جدار نازک به عنوان المان‌های سازه‌ای، این لوله‌ها به عنوان معمول‌ترین شکل و احتمالاً قدیمی‌ترین شکل مورد استفاده در سیستمهای جذب انرژی هستند[1]. لوله‌های جدار نازک تحت فشار محوری، به دلیل ظرفیت زیاد جذب انرژی و طول لپیدگی یکی از بهترین شیوه‌های جذب انرژی را فراهم می‌سازند[2]. روش‌های جذب انرژی با استفاده از لوله‌های جدار نازک شامل وارونش<sup>1</sup>، پارگی محوری<sup>2</sup>، کمانش محوری<sup>3</sup>، تورفتگی جانبی<sup>4</sup>، فشردگی جانبی<sup>5</sup> و لوله‌های شامل مواد پرکننده می‌شود. کمانش محوری به عنوان یکی از بهترین روش‌های جذب انرژی در سه الگوی آکاردئونی<sup>6</sup>، الماسی<sup>7</sup> و اولری<sup>8</sup> انجام می‌شود و پارامترهای هندسی تأثیر زیادی بر الگوی کمانش دارد[3]. در هر یک از این الگوها، در صورتی که طول تمامی قطعات یکسان فرض شود، الگوی کمانش آکاردئونی بیشترین جذب انرژی را دارد که این ناشی از تغییر شکل بیشتر جدارهای لوله در تغییر شکل آکاردئونی است[4]. مطالعات بسیاری در زمینه توسعه، پایداری رفتار و افزایش جذب انرژی در لوله‌های جدار نازک تحت بارگذاری ضربه انجام شده که در ادامه معرفی می‌شود. هان و یاماکاکی [5] بهینه‌سازی میزان انرژی جذب شده در لوله‌های جدار نازک دایره‌ای تحت ضربه محوری از طریق انتخاب ترکیب مناسبی از پارامترهای هندسی لوله جدار نازک صاف را مطالعه کردند.

- 1. Inversion
- 2..Splitting
- 3. Axial Crushing
- 4. Lateral Indentation
- 5. Lateral Flatening
- 6. Concertina Buckling Mode
- 7. Diamond Buckling Mode
- 8. Euler Buckling

9. Accordion Thin-Walled Tubes

نوسان ای بار در حضور مواد پرکننده در لوله های جدار نازک مخروطی کاهش می یابد. از طرف دیگر لوله های جدار نازک مخروطی توخالی رفتاری غیر فشرده نشان دادند در حالی که لوله های جدار نازک مخروطی پر شده با فوم بیشتر رفتار کمانش فشرده نشان دادند. در مطالعات رید [3] در زمینه استفاده ترکیبی از مصالح مختلف در مؤلفه جاذب انرژی ضربه، استفاده از فوم پلیمری به منظور پایدار سازی و همچنین تقویت عملکرد لوله های جدار نازک مورد توجه قرار گرفته و نشان داده شده که استفاده از فوم به عنوان ماده پرکننده می تواند موجب انتقال رفتار کمانش غیر فشرده این سیستمهای به حالت کمانش فشرده شود. تأثیر فوم های با چگالی بالا یا پرکننده های از جنس چوب کاج بر مود تغییر شکل کمانشی شبه استاتیکی و دینامیکی لوله های جدار نازک غیر دایره ای نیز توسط ردی و ال حسانی [14] مطالعه شده است. مطالعات ایشان نشان داد که استفاده از این پرکننده ها موجب کاهش طول موج لهیدگی محوری لوله های جدار نازک مربعی می شود. که این ناشی از خاصیت غیر ایزوتروپیک چوب است. تأثیر مواد پرکننده بر رفتار لوله های جدار نازک موج دار نیز توسط سینگیس و ال سابکی [7] مطالعه شده است. بدین منظور داخل چند نمونه جدار نازک موج دار<sup>5</sup> را با استفاده از فوم پلی اورتان با چگالی کم پر کرده و سپس نمونه را تحت آزمایش فشردگی محوری قرار دادند که تعدادی از حلقه های آکاردئونی دچار بهم ریختگی و بی نظمی شدند؛ ایشان علت این را احتمالاً تغییرات در چگالی و همچنین میزان پرشدگی نمونه ها دانستند. در چندین مطالعه هنسن و همکاران [15] و همچنین سانتوسا و همکاران [16] به دنبال استخراج معادلاتی برای محاسبه متوسط نیروی لهیدگی لوله های جدار نازک پر

آکاردئونی به روش های تحلیلی و پارامتری نیز توسط معتمدی و همکاران [10] انجام شده است. بدین منظور مدل های اجزای محدود لوله های آکاردئونی با شکل ها و پارامترهای متنوع هندسی ایجاد و کالبیره شده و مشخصه های جذب انرژی در آنها با تغییر پارامترهای مختلف مطالعه شده است. معتمدی و ناطقی الهی [11] به مطالعه تجربی کاربرد میراگر فلزی آکاردئونی در مقاوم سازی لرزه ای قابه های فولادی پرداختند و استفاده از میراگر فلزی آکاردئونی را به عنوان یک روش مؤثری در مقاوم سازی لرزه ای قابه های فولادی پیشنهاد کردند. استفاده از مواد پرکننده در سیستمهای جاذب انرژی ضربه مانند سیستمهای جدار نازک لوله ای جزو راهکارهای اثبات شده برای تشییت و بهبود رفتار این سیستمهای به شمار می رود. رید و همکاران [12] با طبقه بندی کمانش لوله های جدار نازک مربعی و مستطیلی به کمانشهای اولری، فشرده و غیر فشرده، تأثیر پرکنندگی لوله های جدار نازک مربعی و مستطیلی را در دو حالت توخالی و پر شده با استفاده از فوم های پلیمری (با چگالی مختلف) بر گسیختگی این سیستمهای برای شرایط بارگذاری شبه استاتیکی و دینامیکی محوری آزمایش کرده و نشان دادند که متوسط نیروی لهیدگی<sup>1</sup> این سیستمهای با افزایش چگالی فوم افزایش یافته و لهیدگی غیر فشرده و همچنین کمانش اولری ستونها در این لوله ها هنگامی که با فوم پرشدن مشاهده نشده است. فشردگی محوری لوله های جدار نازک تک مخروطی<sup>2</sup> و دوم مخروطی<sup>3</sup> توسط رید و ردی [13] مطالعه شده و تأثیر پر شدگی لوله های جدار نازک مخروطی به کمک فوم پلی اورتان<sup>4</sup> صلب و چنین نتیجه گیری شد که دامنه

1 .Mean Crushing Load

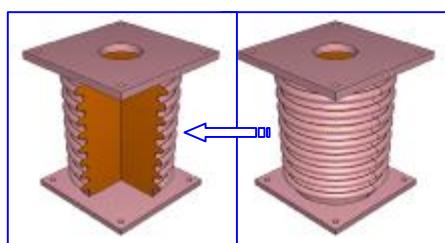
2 . Single-Tapered

3 .Double-Tapered

4 .Polyurthane Foam

و مقدار آن برای نمونه‌های جدار نازک پر شده بیشتر از مجموع انرژی جذب شده توسط لوله توخالی و فوم هریک بهتنهایی است مطالعه جذب انرژی در مقاطع جدار نازک کلاهی شکل<sup>4</sup> پرشده با فوم آلومینیوم به روش‌های تحلیلی، عددی و آزمایشگاهی توسط سُنگ و همکاران [22] نشان داده است که این سیستمهای نیز مانند بسیاری از سیستمهای دیگر جاذب انرژی ضربه - هنگامی که با فوم آلومینیوم پرشوند- پایداری رفتاری بهتری از خود نشان می‌دهند.

شده با فوم با در نظر گرفتن مشارکت متوسط نیروی لهیدگی لوله جدارنازک توخالی ، تنش مسطح<sup>1</sup> مربوط به فوم و همچنین اندرکنش بین فوم و لوله بوده‌اند. تأثیر پرکننده‌های چوبی شبیه فوم بر تغییر شکل لوله‌های جدارنازک پی‌وی‌سی به صورت تحلیلی و آزمایشگاهی توسط سینگیس [17] مطالعه شده است. این مطالعه شامل مطالعه کاربرد خاک اره و خرددهای چوب درودگری در طراحی المان‌های جاذب انرژی بوده و نتایج آزمایشها نشان داد که مود کمانش محوری لوله‌ی پی‌وی‌سی از مود الماسی به مود متقاضی محوری آکاردئونی در ازای چگالی مشخصی از پرکننده‌های چوبی انتقال می‌یابد. مدل‌سازی اجزای محدود و همچنین مطالعه‌ی آزمایشگاهی بهمنظور بررسی تأثیر پارامترهای هندسی کلیدی بر کمانش محوری لوله جدار نازک دایره‌ای پرشده با فوم پی‌وی‌سی نیز توسط میگوئید و همکاران [18 و 19] انجام و نشان داده شده که تأثیر اندرکش<sup>2</sup> فوم - جداره بر مجموع انرژی جذب شده قابل توجه است. کاوی و همکاران [20] مطالعاتی را در زمینه‌ی پیش‌بینی میزان جذب انرژی در لوله جدارنازک آلومینیومی پرشده با فوم بر مبنای تعیین آزمایشگاهی ثابت سخت‌کنندگی<sup>3</sup> انجام دادند. نتایج مطالعات ایشان در زمینه بررسی تأثیر استفاده از فوم‌های مذکور نشان داد که مود کمانش الماسی مربوط به لوله جدارنازک توخالی به مود کمانش آکاردئونی صرف‌نظر از نوع و همچنین دانسته فوم استفاده شده در لوله جدار نازک پرشده با فوم تغییر می‌کند. تحلیل عددی و آزمایشگاهی کمانش محوری لوله‌های جدارنازک استوانه‌ای از جنس آلومینیم در دو حالت توخالی و پرشده با فوم پلی استایرن با استفاده از نرم‌افزار اجزای محدود PAM-CRUSH بوسیله آکاتای و همکاران [21] نشان داده است که با افزایش چگالی ماده پرکننده، میزان انرژی جذب شده افزایش می‌یابد

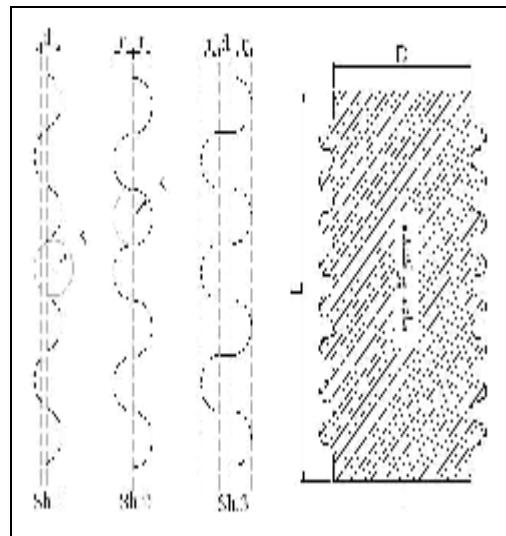


شکل ۱ میراگر فلزی آکاردئونی پر شده بهمراه مقطع میراگر

### 3- انتخاب ماده پرکننده

در مقدمه گفته شد که از مصالحی مانند فوم‌های ترد پلیمری و فلزی مانند پلی‌اتیلن، پی‌وی‌سی و آلومینیم یا موادی مانند خاک اره خردنهای چوب و غیره برای بهبود رفتار سیستمهای جاذب ضربه استفاده شده است.

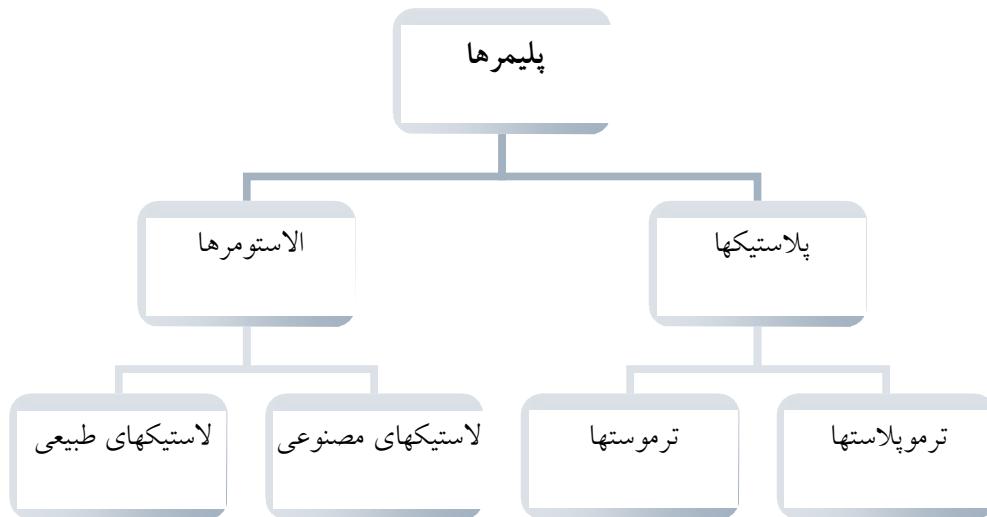
نکته قابل توجه در تمامی این پرکنندها آن است که فقط تحت نیروی فشردگی محوری ضربه کارائی دارند و با توجه به خواص ذاتی آنها، تحت تحريك‌های محوری رفت و برگشتی و دینامیکی خاص میراگرهای سازه‌ای عملکرد خاصی نخواهند داشت.



شکل 2 میراگر فلزی آکاردئونی پر شده به همراه مقطع آن

جدول 1 پارامترهای تعریف شده برای میراگر فلزی آکاردئونی [11]

| گام<br>موج | عمق<br>موج | فاصله مرکز<br>دو موج | شعاع<br>موج | تعداد<br>موجها | ضخامت<br>جداره | طول<br>لوله | قطر<br>لوله | تیپ شکل<br>هندسی |
|------------|------------|----------------------|-------------|----------------|----------------|-------------|-------------|------------------|
| $g$        | $s$        | $d$                  | $r$         | $n$            | $T$            | $L$         | $D$         | $Sh$             |



شکل 3 طبقه بندی پلیمرها بلحاظ خواص فیزیکی

و غیره داشته و قابلیت خوبی در شبیه‌سازی تصویری مدل‌های اجزای محدود دارد. در این نرم افزار همچنین امکان ورود مدل با پسوندهای شناخته شده از نرم‌افزارهای Autocad، Solid Work، Catia و مدل‌سازی مانند Shell، C3D8R، C3D8R و C3D8R به منظور توسعه نرم‌افزار Catia، مش‌بندی انجام شده است. به منظور توسعه مدل اجزای محدود از المان‌های Shell برای مدل‌سازی لوله‌های جدار نازک و المان Solid برای مدل‌سازی مواد پرکننده استفاده شده است. المان S4R که بیانگر المان Shell چهار وجهی با چهارگره است، برای مدل‌سازی لوله جدار نازک آکاردنوئی و المان C3D8R به منظور مدل‌سازی مواد پرکننده استفاده شده است. المان C3D8R که المان هشت گرهی و خطی با فرمولبندی انتگرال گیری کاهش یافته<sup>2</sup> است. استفاده از انتگرال گیری کاهش یافته موجب کاهش زمان اجرای برنامه بهویژه در مسائل سه‌بعدی می‌شود [23]. بهینه‌سازی مش‌بندی<sup>3</sup> تا رسیدن به پاسخهایی پایدار و همگرا شدن نتایج ادامه می‌یابد تا هم زمان اجرای برنامه زیاد نباشد و هم نتایج تحلیلها دقیق کافی داشته باشد. بدین منظور ابعاد مش‌بندی مدل اجزای محدود به صورت گام به گام تا جایی کاهش یافته که تغییرات پاسخ در تمامی گامهای زمانی حل مسئله پلاستیسیته فلزی با سخت‌شوندگی جنبشی<sup>4</sup> برای مدل-سازی لوله جدار نازک استفاده شده است. در این تحقیق برای ساخت لوله‌های جدار نازک آکاردنوئی از فولاد زنگ‌زن<sup>5</sup> A304 استفاده شده است. نمودار تنش - کرنش حاصل از آزمون کشش فولاد بر اساس استاندارد آزمایش مصالح ASTM A370-97a، در مدل‌سازی مورد استفاده

در نگاه کلی، پلیمرها، به دلیل خواص فیزیکی، به دو گروه اصلی لاستیک‌ها (الاستومرها) و پلاستیک‌ها تقسیم می‌شوند. در شکل (3) طبقه بندی پلیمرها از نظر خواص فیزیکی نشان می‌دهد.

گروههای مختلف پلیمری افزون بر مشخصات مکانیکی خاص، قابلیت فرم شدن را نیز دارند. از دو گروه اصلی و شناخته شده از فرم‌ها معمولاً به عنوان جاذب انرژی استفاده می‌شود: فرم‌های پلیمری و فرم‌های فلزی. فرم‌های پلیمری<sup>1</sup> معمولاً با دمیدن حباب گاز به درون مونومر مایع به دست می‌آید. حباب‌ها اجازه دارند که قبل از آن که پلیمر سفت شود توسعه یافته و پایدار شوند [1]. به منظور انتخاب ماده پرکننده مناسب در گام اول بخشی از مشخصه‌های مطلوب برای ماده پرکننده به صورت شهودی استخراج شده و در ادامه خواص مکانیکی طیف وسیعی از پلیمرها مانند لاستیک‌های طبیعی و مصنوعی و همچنین فرم‌های انعطاف پذیر پلیمری مطالعه شده است. با در نظر گرفتن خواص مکانیکی و نتایج مطالعات تحلیلی مقدماتی به دست آمده که در بخش بعدی آورده شده، نمونه‌ای فرم پلیمری انعطاف‌پذیر پلی‌اورتان برای مطالعات آزمایشگاهی انتخاب شده است.

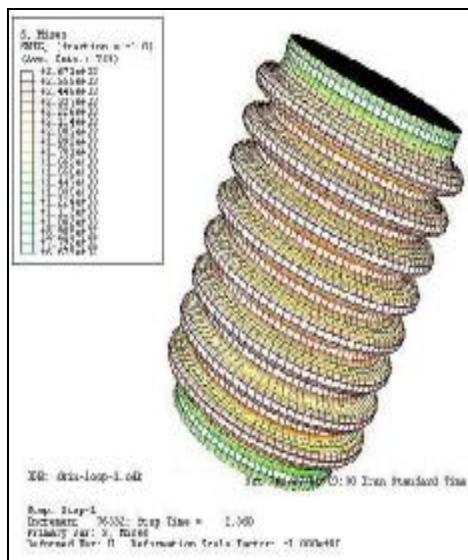
#### 4- توسعه‌ی مدل اجزای محدود و تحلیلهای مقدماتی

در این مطالعه از نرم افزار اجزای محدود Abaqus برای مدل‌سازی میراگر فلزی آکاردنوئی پرشده تحت بارگذاری چرخه‌ای استفاده شده است. این نرم افزار چندمنظوره‌ی توانمند توانایی شبیه‌سازی مسائل را در محدوده وسیعی از تحلیلهای سازه، مکانیک خاک، انتقال حرارت، آکوستیک

2. Reduced Integration  
3. Mesh Optimization  
4. Isotropic Hardening  
5. Stainless Steel

1. Polymeric Foams

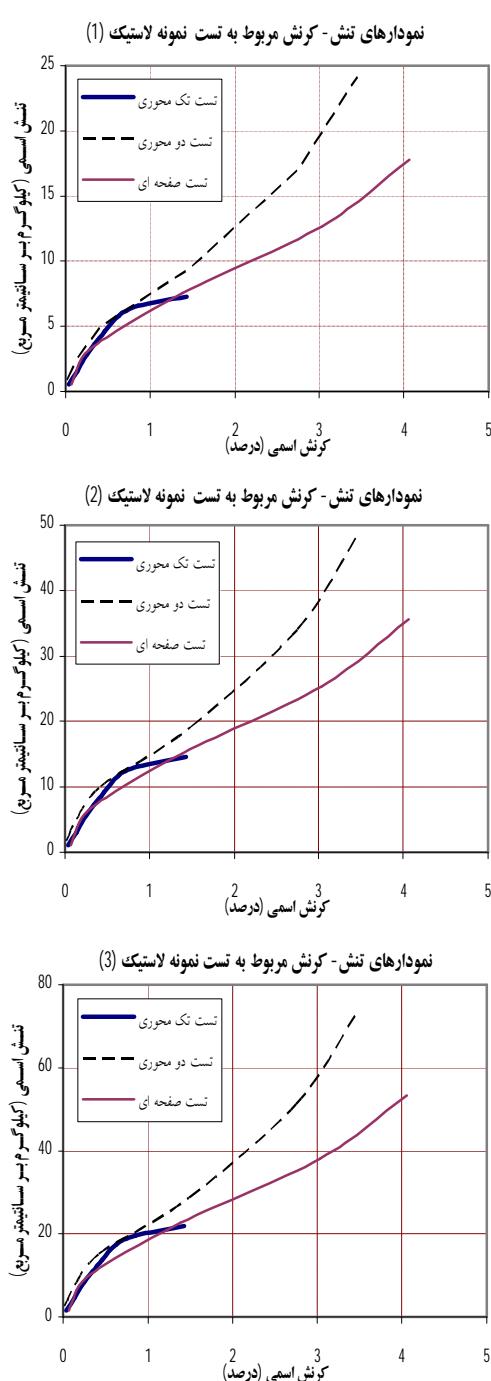
مربوط به تغییر شکلی است که میراگر هنگامی که سازه تحت تغییرشکلهای جانی نسبی مجاز قرار می‌گیرد تحمل می‌کند. انجام تحلیل مودی، محاسبه‌ی بزرگترین فرکанс طبیعی سازه و محاسبه حد پایداری برای تعیین حداقل طول گامهای زمانی حل مسأله با توجه به اینکه از دستورالعمل صریح برای یافتن پاسخها استفاده شده است از جمله فعالیتهایی است که بهمنظور مدل‌سازی صحیح و دقیق در دستور کار قرار گرفته است. بهمنظور اطمینان از تأثیر نداشتن مودهای صفر با توجه به این که در مدل‌سازی از انگرال گیری کاهش یافته و مش بندی منظم استفاده شده، از قابلیتهای نرم افزار برای پیشگیری از تأثیر این مودها (مقایسه انرژی جذب شده توسط مودهای صفر با انرژی داخلی) استفاده شده است. در شکل (4) نمونه‌ای از مدل‌های اجزای محدود توسعه یافته برای میراگر پر شده با نمونه‌ای پلیمر با مشخصات مفروض آورده شده است.



شکل 4 مدل اجزای محدود میراگر پر شده با نمونه‌ای پلیمر

قرار گرفته است. برای مدل‌سازی مواد پرکننده نیز از مدل‌های هایپرالاستیک<sup>1</sup> و همچنین هایپرフォم<sup>2</sup> موجود در نرم‌افزار استفاده شده است. تغییر شکل مصالح هایپرالاستیک و هایپرフォم تا دامنه کرنش‌های با مقادیر زیاد ارجاعی اما به شدت غیرخطی است. نرم‌افزار Abaqus، رفتار مصالح هایپرالاستیک را ارجاعی، همسانگرد و تقریباً تراکم‌ناپذیر فرض می‌کند. رفتار مصالح هایپرフォم، ارجاعی، همسانگرد اما کاملاً تراکم‌پذیر فرض می‌شود. بهمنظور مدل‌سازی این مصالح به انجام حداقل یک آزمون کشش و فشار تکمحوری و دو محوری نیاز است که با توجه به این که در مرحله مطالعه تحلیلی مقدماتی، هدف، انتخاب ماده پرکننده بوده، از نتایج آزمون نمونه‌های پلیمر استفاده شده است. بهمنظور مدل‌سازی شرایط مرزی بین سطح خارجی ماده پرکننده و سطح داخلی لوله آکاردئونی در نرم‌افزار دو روش وجود دارد. روش اول مدل‌سازی بصورت Solid-Skin بوده و در این روش فرض بر آن است که المان‌های مرزی مربوط به جداره آکاردئونی و همچنین ماده پرکننده کاملاً به یکدیگر مقید هستند. روش دوم استفاده از مدل‌های تماسی سطح به سطح<sup>3</sup> موجود در نرم‌افزار است. در مدل اولیه استفاده شده در تحلیل‌های مقدماتی از روش اول استفاده شده اما بهمنظور ارائه مدل نهایی اجزای محدود برای میراگر می‌باید در مطالعه آزمایشگاهی، رفتار فصل مشترک ماده پرکننده و لوله جدارنازک آکاردئونی مدنظر قرار گرفته و در صورت نیاز، مدل اصلاح شود. بارگذاری به کار رفته در تحلیل‌های مقدماتی به صورت نیروی محوری رفت و برگشتی با الگوی مثلثی و به صورت کنترل تغییر مکانی با دامنه 3 ± سانتی‌متر بوده است. دامنه بارگذاری انتخابی در واقع

1. Hyperelastic
2. Hyperfoam
3. Surface to Surface Contact



شکل ۵ نمودارهای تنش - کرنش نمونه‌های پلیمر استفاده شده در نمونه‌ای از مطالعات تحلیلی مقدماتی

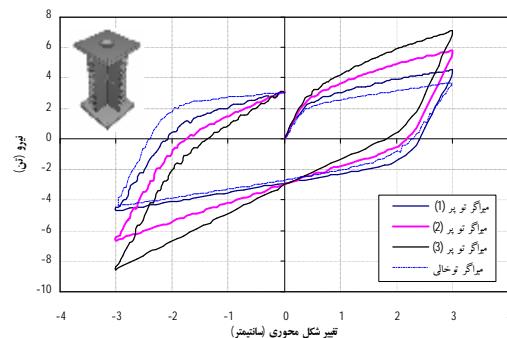
توسعه‌ی تنشهای وان میز<sup>1</sup> به عنوان معیار تنش انتخابی در نقاط قعر و اوج چین خوردگی‌های آکاردئونی نشان داده شده است.

مطالعات تحلیلی مقدماتی به منظور انتخاب ماده پرکننده برای مطالعات آزمایشگاهی در دستور کار قرار گرفته و سعی شده از نمونه‌ای پلیمر با سختی متناسب به عنوان پرکننده در داخل نمونه توخالی استفاده شود تا مؤثر باشد. بدین منظور مدل‌های اجزای محدود نمونه توخالی و همچنین نمونه توپر میراگر با نمونه‌های مختلف پلیمر - مانند لاستیک طبیعی<sup>2</sup>، سیلیکون، اورتان و مانند آن با سختی‌های مختلف توسعه یافته و سپس از نتایج این تحلیلهای در انتخاب نوع و میزان سختی ماده پرکننده استفاده شده است. مدل‌های توسعه یافته اجزای محدود به تنهایی - با توجه به در اختیار نبودن نتایج آزمون‌های آزمایشگاهی گرینه قابل قبولی برای رفتارسنجی نمی‌باشند و لازم است پس از انجام آزمایشها مدل اجزای محدود اصلاح و کالیبره شود تا بتوان مدل تحلیلی میراگر را استخراج و در مطالعات پارامتری از آن استفاده کرد. در شکل (5) نمونه‌ای از نمودارهای تنش - کرنش مربوط به نمونه‌ای از پلیمرهای پرکننده با سختی‌های مختلف که در تحلیلهای مقدماتی به کار رفته نشان داده شده است. در شکل (6) تأثیر اضافه شدن این پرکننده‌ها بر منحنی رفتاری میراگر نشان داده شده است.

1. Von-Misses  
2. Natural Rubber

### ۱-۵- مشخصات نمونه‌ها و روش ساخت

مشخصات نمونه‌های آزمایشگاهی بر مبنای پارامترهای هندسی میراگر در جدول (3) آورده شده است. برای ساخت لوله‌های جدار نازک آکاردئونی از شکل دهی به روش پانچ با توجه به امکانات ساخت و خطوط تولید موجود استفاده شده است. برای پرکردن نمونه با استفاده از فوم پلیمری از روش قالب گیری آمیزه<sup>1</sup> استفاده شده است. در این روش، نخست سطح داخلی میراگر برای پاکسازی از هرگونه زنگار یا پلیسه، سندبالاست می‌شود. به‌منظور چربی زدائی از سطوح، نمونه‌ها در حمام استون<sup>2</sup> قرار می‌گیرند. به‌علت چسبندگی نسبتاً خوب سطح خارجی فوم پلیمری و سطح داخلی جداره آکاردئونی، در فصل مشترک سطوح از اپوکسی استفاده نشده است. البته لازم است مطالعاتی نیز در زمینه میزان چسبندگی فوم جداره انجام شود. در این حالت از ترکیب طراحی شده متناسب با میزان سختی مورد نیاز از مواد اولیه موجود، افزودنیها و همچنین هاردنر استفاده می‌شود و آمیزه ساخته شده داخل نمونه ریخته شده و پر می‌شود سپس نمونه به وسیله گیره و پیکربندی طراحی شده محکم می‌شود. پس از قالب گیری، آمیزه مورد نظر کاملاً سخت شده و نوعی لاستیک فوم با کیفیت خوب تولید می‌شود.



شکل ۶ منحنیهای رفتاری میراگر فلزی آکاردئونی پر شده با نمونه‌هایی از پلیمرهای پرکننده مفروض با سختیهای مختلف

### ۵- مطالعات آزمایشگاهی

به‌منظور مطالعه رفتار میراگر فلزی آکاردئونی توخالی و پر شده با فوم پلیمری، در این تحقیق از آزمون آزمایشگاهی برای لوله‌های جدار نازک آکاردئونی توخالی و پر شده با فوم - در شرایطی که میراگر در طی فرایند، بارگذاری در قاب سازه‌ای تحمل می‌کند - استفاده شده است.

جدول ۳ مشخصات و پارامترهای هندسی نمونه‌های مورد آزمایش

| شماره نمونه                    | S.h | D                   | L | T  | n | r  | s   | d   | سختی ماده پرکننده | مشخصات و پارامترهای هندسی نمونه های مورد آزمایش |         |
|--------------------------------|-----|---------------------|---|----|---|----|-----|-----|-------------------|-------------------------------------------------|---------|
|                                |     |                     |   |    |   |    |     |     |                   | میلیمتر                                         | میلیمتر |
| نمونه با ظرفیت<br>باربری بالا  | P-1 | ۵۰                  | - | ۱۳ | ۸ | ۸  | -   | -   | Sure.A            | -                                               | ۲       |
|                                |     | نمونه توخالی متناظر | - | ۱۳ | ۸ | ۸  | ۲   | ۲۵۶ | ۱۵۰               | ۱۵۰                                             | ۲       |
| نمونه با ظرفیت<br>باربری پائین | P-2 | ۴۰                  | ۸ | -  | ۴ | ۱۰ | ۰/۶ | ۱۵۲ | ۱۵۸               | ۱۵۸                                             | ۳       |
|                                |     | نمونه توخالی متناظر | ۸ | -  | ۴ | ۱۰ | ۰/۶ | ۱۵۲ | ۱۵۸               | ۱۵۸                                             | ۳       |

1. Compound  
2. Aston Bath

به منظور نصب نمونه‌ها در دستگاه از دو فک اتصال که بدین منظور طراحی و ساخته شده استفاده می‌شود. این دو فک شرایط اتصال بدون چرخش را در انتهای لوله‌های آکاردئونی ایجاد می‌کنند. فک‌ها در داخل گیره‌های دستگاه نصب شده و فلنج‌های دو انتهای نمونه با استفاده از هشت عدد پیچ پر مقاومت به این فک‌ها متصل شده و محکم می‌شود. در شکل (7) شکل فک ساخته شده و نحوه نصب نمونه‌ای میراگر در داخل دستگاه رول - امسler نشان داده شده است.



شکل (7) فک ساخته شده و نمونه نصب شده در دستگاه رول - امسler

به علت افزایش حجم آمیزه در دقایق اولیه مورد نیاز برای عمل آوری و به علت فشاری که آمیزه تولید می‌کند تمامی چین‌خوردگیهای لوله جدار نازک آکاردئونی، به خوبی پر شده و از این نظر مشکل خاصی وجود نخواهد داشت.

## 2-5- پیکربندی و روش انجام آزمایشها

به منظور انجام آزمایش بر روی نمونه‌ها از دستگاه کشش و فشار دینامیکی رول امسler<sup>1</sup> آزمایشگاه پژوهشگاه بین‌المللی مهندسی زلزله استفاده شد. نصب میراگر در قاب سازه‌ای به گونه‌ای انجام می‌شود که لوله‌های جدار نازک آکاردئونی در طول فرایند بارگذاری جانبی قاب، نیروی محوری خالص بدون دوران در انتهای را تحمل می‌کنند. به منظور رسیدن به چنین شرایطی در دو ابعاد 260×18 میلی‌متر جوش داده شده است. در محل اتصال لوله آکاردئونی به فلنج‌ها، شیاری تعییه شده که لبه‌های لوله داخل آن قرار گرفته و سپس جوشکاری آرگون شده است.

جدول ۴ جزئیات الگوهای بارگذاری مورد استفاده در آزمون‌های آزمایشگاهی

| فرکانس<br>(هرتز) | (تعداد سیکل در هر دامنه) دامنه حدکثر بر حسب میلیمتر |       |       |       |        |        |        |        | نوع سیگنال           | شماره نمونه |
|------------------|-----------------------------------------------------|-------|-------|-------|--------|--------|--------|--------|----------------------|-------------|
|                  | n=9                                                 | n=8   | n=6   | N=5   | n=4    | n=3    | n=2    | n=1    |                      |             |
| .1               | 35(∞)                                               | 30(3) | 25(3) | 20(3) | 15(3)  | 10(3)  | 5(2)   | 2(2)   | $A_n \sin(\omega t)$ | P-1         |
| .1               | -                                                   | -     | -     | 90(∞) | 80(10) | 70(10) | 60(10) | 50(10) | $A_n \sin(\omega t)$ | P-2         |

1 .Roell Amsler

مستهلك شده در فرایند بارگذاري، تا 5 درصد افزایش را برای میراگر پر شده نسبت به میراگر توخالي نشان می دهد. به علاوه همان گونه که انتظار داشتیم سختی محوري ارجاعی میراگر توپر افزایشی در حدود 15 درصد برای نمونه توپر نسبت به نمونه توخالي داشته است.

نمونه P-2 که مربوط به نمونه ای با ظرفیت برابری پائین است، در هر دو حالت توخالي و پر شده با فوم در حدود 70 چرخه كامل را در حالتی کاملاً پایدار و بدون شکست تحمل کرده است. مود تغيير شکل مربوط به نمونه توخالي کمانش آكاردئوني همراه با تمرکز تغيير شکل بوده در حالیکه برای نمونه پر شده، مود تغيير شکلی به شکل کمانش آكاردئوني بدون تمرکز تغيير شکل در چین خوردگيهای لوله آكاردئوني است. منحنی رفتاري پسماندي نمونه P-2 و نمونه میراگر توخالي متناظر برای دامنه های مختلف تغيير مکاني در شکل (9) آورده شده است. همان گونه که در شکل نيز دیده می شود منحنی های پسماند به دست آمده برای اين نمونه نسبت به نمونه توخالي، سطح بزرگتری دارد. سطح منحنی پسماند به عنوان ميزان انرژي مستهلك شده در فرایند بارگذاري میراگر به شمار می رود. منحنی های پسماند تشکيل شده حاصل از رفتار چرخه ای میراگر از پایداری خوبی برخوردار بوده و نشانه ای از کاهش مقاومت یا سختی در آنها دیده نمی شود و تنها در دامنه تغيير مکاني 9 سانتي- متری، چرخه ها دچار بی نظمی اندکی هستند که علت آن احتمالاً جدا شدگی فوم از سطح جداره همچنین ايجاد شکست در جداره آكاردئوني است. ميزان انرژي مستهلك شده توسط میراگر، ظرفیت خميری میراگر در حالت کشش و فشار و نسبت ميرابي معادل مهمترین شاخصهای میراگر است که از روی نتایج آزمایشگاهی برای نمونه توپر و توخالي P-2 با استفاده از برنامه های نوشته شده در متلب استخراج و با يكديگر مقاييسه شده است.

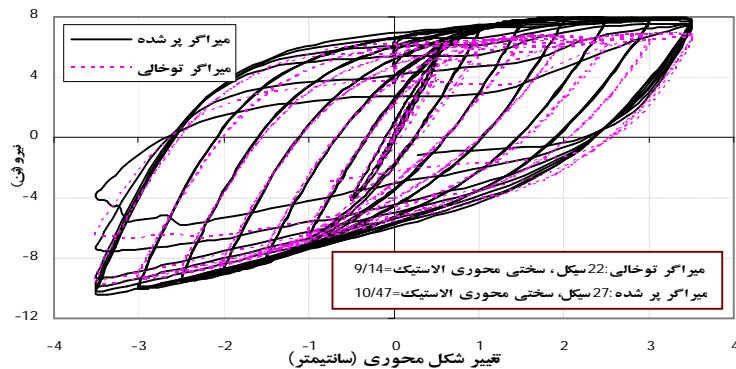
با توجه به اينکه در آزمایشها، دو نمونه میراگر آكاردئوني پر شده با ظرفیتها و پارامترهای هندسی مختلف آزمایش شده لذا دو نمونه الگوی بارگذاري برای اين آزمونها به صورت قراردادی بنحوی طراحی شده که هدرفتار سنجی اين قطعات مانند ظرفیت تغيير شکل پذيری و همچنین ظرفیت خستگی کم چرخه<sup>1</sup> به خوبی تأمین شود. بارگذاريهای اعمال شده به صورت دو الگوی سينوسی با دامنه های متغير همراه با كترل تغيير مکان<sup>2</sup> بوده که جزئيات آنها در جدول (4) آورده شده است.

### 3-5- انجام آزمایشها و تحليل نتایج

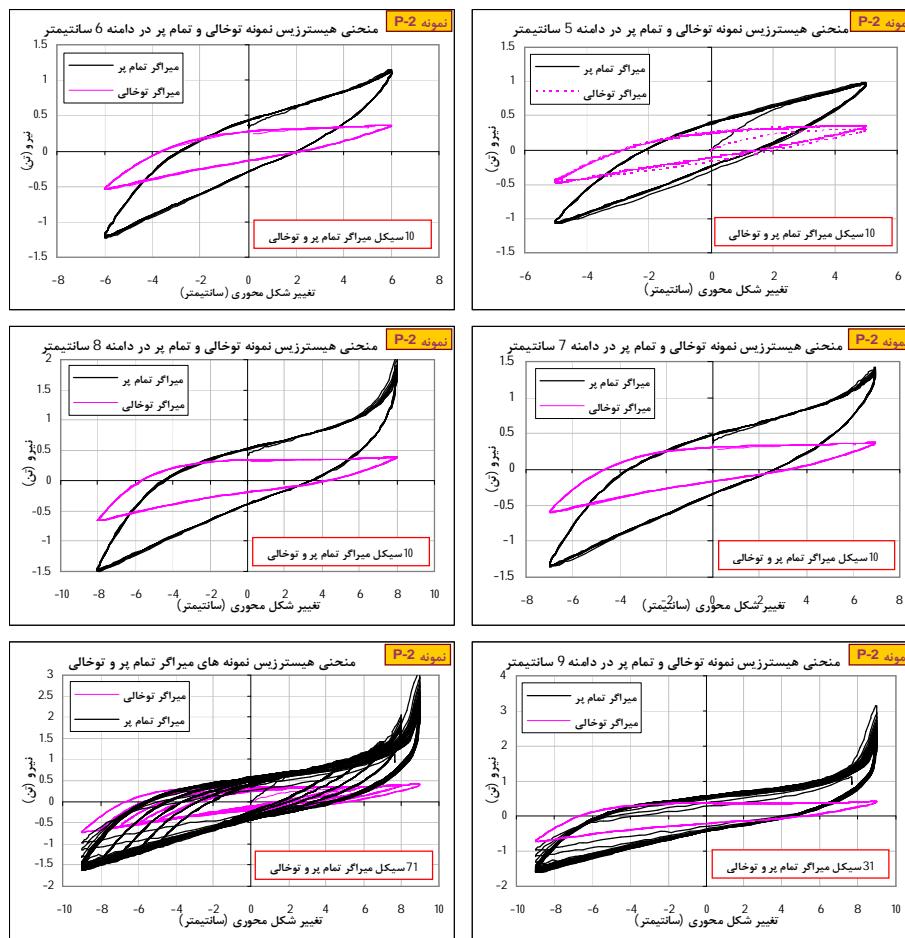
بارگذاريهای طراحی شده برای نمونه های پر و توخالي متناظر آنها اعمال شده است. P-1 مربوط به نمونه ای با ظرفیت برابری بالا است که، در حالت توخالي، تعداد 22 چرخه كامل با رفتار پایدار را تحمل کرده است. اين در حالی است که در حالت پر شده با فوم پليمری، تعداد چرخه قابل تحمل به 27 سikel افزایش يافته است. مود تغيير شکل مشاهده شده مربوط به نمونه توخالي از نوع کمانش آكاردئوني همراه با تمرکز تغيير شکل بوده که در چين خوردگيهای ميانی آغاز شده و شکست میراگر نيز در همان نقطه رخ داده است. اما برای نمونه پر شده، مود تغيير شکل مشاهده شده از نوع آكاردئوني بدون تمرکز تغيير شکل بوده و در دامنه 35 ميليمتری بروز مورد کمانش الماسي موجب شکست میراگر شده است. به نظر مى رسد که تمرکز تنش ناشی از نقص هندسي ايجاد شده در فرایند ساخت لوله و همچنین جدايش فوم از جداره آكاردئوني در اين امر تأثير گذار بوده است. منحنی رفتاري پسماندي مربوط به نمونه p-1 پر شده با فوم با نمونه توخالي متناظر در شکل (8) با يكديگر مقاييسه شده است. سطح زير منحنی بار- تغيير مکان، معياری از انرژي

1.Low-Cycle Fatigue

2.Displacement Control



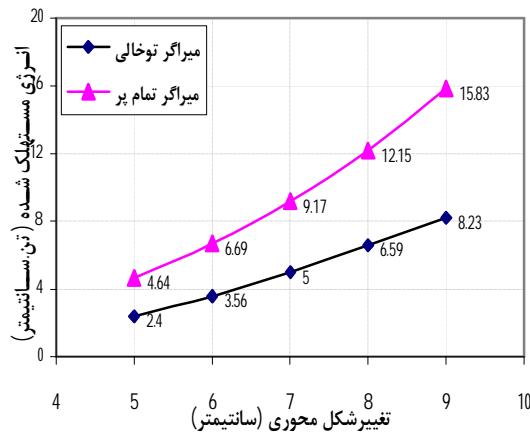
شکل ۸ منحنی پسماند مربوط به نمونه P-1 پر شده با فرم در مقایسه با نمونه توخالی متناظر



شکل ۹ مقایسه منحنیهای پسماند نمونه P-2 و نمونه میراگر توخالی متناظر به صورت مجزا شده برای دامنه‌های مختلف تغییر شکل محوری

ظرفیت فشاری نمونه میراگر در حالت توخالی در دامنهای بزرگ تغییر مکان ثابت است، اما ظرفیت کششی این نمونه متناسب با دامنه تغییر مکان و به صورت خطی افزایش می‌یابد. با اضافه شدن ماده پرکننده در داخل میراگر، ظرفیت کششی میراگر تقریباً شکل خطی (متناسب با دامنه تغییر مکانی) خود را حفظ کرده و فقط نمودار آن در جهت افزایش انتقال یافته است. اضافه شدن ماده پرکننده در داخل میراگر، افزایشی تا حدود 130 درصد در ظرفیت کششی میراگر را نشان می‌دهد. ظرفیت فشاری میراگر برای نمونه توخالی در دامنهای بزرگ، تقریباً ثابت است در حالیکه برای نمونه‌های پر شده، افزایش کاملاً محسوس متناسب با دامنه تغییر شکل بصورت تابع درجه دوم به‌ نحوی است که در دامنه تغییر شکل (9) سانتی‌متری، ظرفیت خمیری فشاری تا حدود 6 برابر افزایش یافته است. این افزایش شدید نشان دهنده بروز رفتار سخت شوندگی سیستم در دامنهای بالای فشردگی محوری است. در دامنهای بالای تغییر شکل در اثر فشردگی زیاد، فوم پرکننده به حداقل تراکم رسیده و در نتیجه سخت شوندگی شدید در رفتار چرخه‌ای میراگر در حالت فشار دیده‌می‌شود. با مقایسه ظرفیت کششی و خمیری میراگر توخالی در دامنهای تغییر مکانی یکسان چنین برداشت می‌شود که میراگر رفتار متفاوتی را در کشش و فشار نشان داده است. در مورد نمونه پر شده تا قبل از بروز سخت شوندگی شدید بر اثر فشردگی سیستم در دامنه تغییر مکانی حدود 7 سانتی‌متر، میراگر رفتار تقریباً مشابهی را در کشش و فشار نشان داده است. به طور کلی تأثیر اندرکنش بین ماده پرکننده و جداره آکاردئونی بر افزایش ظرفیت میراگر نیز چشمگیر است. نسبت میرایی ویسکوز معادل<sup>1</sup> یکی دیگر از معیارها و

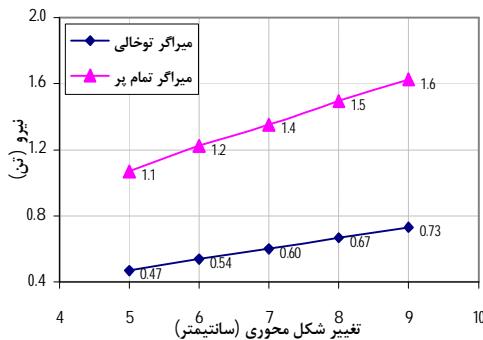
در شکل (10) تغییرات انرژی مستهلك شده توسط میراگر در دامنهای مختلف تغییر شکل محوری رفت و برگشت، برای نمونه P-2 و همچنین نمونه توخالی متناظر با یکدیگر مقایسه شده است. با افزایش دامنه تغییر شکل، سطح منحنی پسماند افزایش یافته و لذا میزان انرژی مستهلك شده نیز افزایش می‌یابد. همان‌گونه که در شکل (10) نیز نشان داده شده پر شدگی میراگر با فرم انعطاف‌پذیر پلی‌اورتان افزایشی در حدود 100 درصد در میزان انرژی تلف شده را برای دامنهای مختلف بهبود داشته است. این افزایش چشمگیر در میزان انرژی مستهلك شده برای نمونه پر شده با فرم، تأثیر اندرکنش فوم و جداره لوله آکاردئونی، تأثیر فوم داخل میراگر در تغییر شکل منظم چین‌خوردگیهای لوله آکاردئونی و همچنین جلوگیری از تمرکز تغییر شکل در آنها و در نتیجه افزایش میزان مصالح شرکت کننده در فرایند تغییر شکل خمیری را نشان می‌دهد.



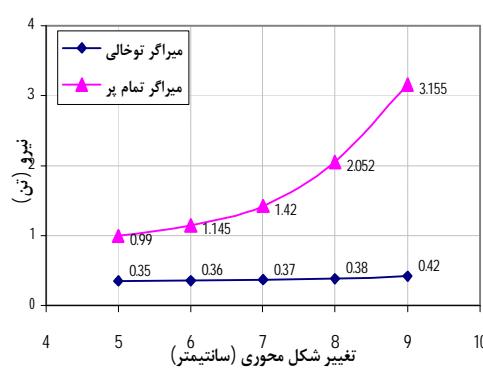
شکل 10 تغییرات انرژی مستهلك شده توسط میراگر برای نمونه P2 و نمونه توخالی متناظر

در شکل‌های (11) و (12) به ترتیب، ظرفیت خمیری میراگر توپر نمونه P-2 برای حالت کشش و فشار با ظرفیت خمیری کشش و فشار نمونه توخالی مقایسه شده است.

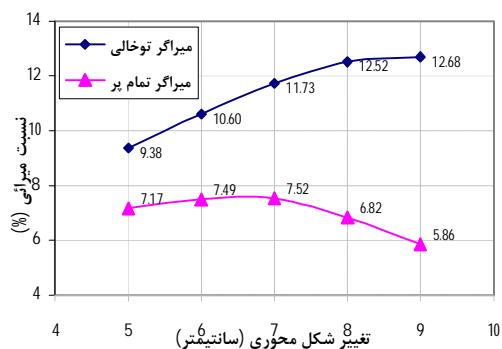
1. Equivalent Damping Ratio



شکل ۱۱ تغییرات ظرفیت خمیری کششی در نمونه P-2 و نمونه توخالی متناظر



شکل ۱۲ تغییرات ظرفیت خمیری فشاری در نمونه P-2 و نمونه توخالی متناظر



شکل ۱۳ تغییرات میرایی پسماندی معادل در نمونه P-2 و نمونه توخالی متناظر

شاخصهای جذب انرژی میراگرها است. معمولاً در تحلیلهای ارجاعی، میرایی ایجاد شده توسط سیستمهای پسماندار بهوسیله میرایی ویسکوز معادل سازی می‌شود. اساس این روش معادل‌سازی سیستم فنر غیرارتجاعی میرا با برای تحریک‌های سینوسی، با سیستم فنر ارجاعی میرا با همان تحریک پایه‌ای، فرکانس طبیعی و سطح انرژی است. نسبت میرایی ویسکوز معادل، از رابطه زیر محاسبه می‌شود. در رابطه  $E_h$  انرژی تلف شده در سیستم در هر چرخه،  $E_s$  انرژی کرنشی ارجاعی و  $X$  میرایی پسماندی معادل است:

$$Z = \frac{E_h}{4pE_s} \quad (1)$$

شکل (13) میرایی پسماندی معادل نمونه P-2 و همچنین نمونه توخالی متناظر را در یک چرخه کامل به ازای دامنه‌های مختلف تغییر شکل نشان می‌دهد. همان‌گونه که دیده می‌شود با وجود افزایش انرژی مستهلك شده در نمونه پر شده نسبت به نمونه توخالی متناظر، میرایی پسماندی معادل با اضافه شدن ماده پرکننده در این نمونه کاهش یافته و نرخ افزایش ظرفیت سیستم با افزایش دامنه تغییر شکل، بیشتر از نرخ افزایش انرژی مستهلك شده بوده است. در نمونه توخالی روند افزایشی نمودار میرایی با افزایش دامنه تغییر شکل حفظ شده و این در حالی است که در نمونه پر شده میرایی پسماندی معادل از حدود دامنه 7 سانتی‌متری به بالا کاهش یافته و نمودار روند نزولی شدیدی یافته است که این روند نزولی ناشی از بروز سخت شوندگی شدید در سیستم است. لذا ماده پرکننده در این نمونه یا سختی آن برای افزایش نسبت میرایی فاقد کارایی مناسب بوده است.

نیاز کالیبره کرده و با ارائه مدل تحلیلی میراگر، مطالعه پارامتری تأثیر پارامترهای مختلف هندسی لوله جدارنازک بر میراگر فلزی آکاردئونی پر شده را انجام داد.

## ۷- منابع

- [1] Nagel Gregory.B.Eng., "Impact and Energy Absorption of Straight and Tapered Rectangular Tubes", Phd Thesis, Queensland University of Technology, Feb 2005
- [2] دانشی غلامحسین، حسینی پور سید جمال؛ «کاربرد لوله های جدار نازک در سیستمهای جذب انرژی ضربه»، مجله مهندسی متالوژی، دانشگاه صنعتی شریف، تابستان و پائیز ۱۳۸۰
- [3] Reid S.R., "Plastic Deformation Mechanisms in Axially Compressed Metal Tubes Used as Impact Energy Absorbers", International journal of Mechanical Science, Vol.35, No.12, 1993, PP. 1035-1052.
- [4] Alghamdi A.A.A. " Collapsible Impact Energy Absorbers : an Overview ", Journal of Thin Walled Structures, Vol.39, 2001, PP. 189-213.
- [5] Yamazaki K. ,Han J., "Maximization of the Crushing Energy Absorption of Cylindrical Shells". Journal of Advances in Engineering Software, Vol.31, 2000, PP. 425- 434.
- [6] Daneshi G.H., Hosseinpour S.J., "Grooves Effect on Crashworthiness Characteristics of Thin-walled Tubes Under Axial Compression", journal of Material& Design, Vol.23, 2003, PP. 611-617.
- [7] Singace A.A., El-Sobky H. "Behaviour of Axially Crushed Corrugated Tubes", International Journal of Mechanical Science, Vol.39, No.3, 1997, PP. 249-268.
- [8] Motamedi M., N.Elahi F. "Using Accordion Thin-Walled Tube as a Hysteric Metallic

## ۶- نتایج

- مطالعات تحلیلی بر روی نمونه های جدار نازک آکاردئونی پر شده با فوم نشان داده است که استفاده از فوم پلی اورتان انعطاف پذیر - با توجه به خواص آن و میزان سختی قابل دسترس - تأثیر مخرب از نظر به هم ریختگی توزیع مناسب تنشهای وان میزز در جداره میراگر پر شده ندارد و با اضافه شدن مواد پرکننده در داخل میراگر، وضعیت توسعه منظم مفاصل خمیری در نقاط قعر و اوج چین خوردگی های آکاردئونی دچار بی نظمی نمی شود.
- بر اساس نتایج آزمایشگاهی، استفاده از ماده پرکننده مناسب از نظر نوع و میزان سختی ماده پرکننده در داخل میراگر، موجب کنترل مود کمانشی میراگر فلزی آکاردئونی تحت سازو کار تغییر شکل محوری و در نتیجه توزیع مناسب و تقریباً یکسان تغییر شکل های محوری بین چین خوردگی های آکاردئونی (جلوگیری از تمکر تغییر شکلها) بین آنها می شود که در نتیجه تعداد چرخه قابل تحمل توسط میراگر افزایش خواهد یافت.
- تأثیر استفاده از فوم پرکننده برای نمونه میراگر با ظرفیت باربری زیاد (P-1) با توجه به نمونه های فوم با سختی های استفاده شده، در افزایش تعداد چرخه قابل تحمل توسط میراگر (قبل از شکست)، و برای نمونه با ظرفیت باربری کم (P-2) در افزایش میزان جذب انرژی میراگر و همچنین ظرفیت خمیری کشش و فشار میراگر بیشتر بوده است.
- اثر اندرکنش بین ماده پرکننده و جداره میراگر آکاردئونی بر افزایش ظرفیت جذب انرژی و همچنین ظرفیت خمیری کشش و فشار میراگر چشمگیر است. بر اساس نتایج و مشاهدات آزمایشگاهی می توان مدل تحلیلی ارائه شده برای میراگر را اصلاح و در صورت

- [17]Singace A.A.“*Collapse Behaviour of Plastic Tubes Filled With Wood Sawdust*“, Journal of Thin Walled Structures, Vol.37, 2000, PP. 163-187.
- [18]Meguid S.A. et all.“*Finite Element Modeling of the Axial Collapse of Foam-Filled Structures*“, Journal of Spacecraft and Rockets ,Vol.39, No.6 , 2002, PP. 828-832.
- [19]Meguid S.A. et all.“*On the Crush Behaviour of Ultralight Foam-Filled Structures*“, Journal of Material and Design ,Vol.25, 2004, PP. 183-189.
- [20]Kavi Halit., Toksoy A. Kaan., Guden Mustafa.“*Predicting Energy Absorption in a Foam-Filled Thin-Walled Aluminum Tube Based on Experimentally Determined Strengthening Coefficient*“, Journal of Material and Design, Vol.27, 2006, PP. 263-269.
- [21]Aktay L. , Toksoy A.K., Guden M.“*Quasi Static Axial Crushing of Extruded Polystyrene Foam-Filled Thin-Walled Aluminum Tubes: Experimental and Numerical Analysis*“, Journal of Material and Design ,Vol.27, 2006, PP. 556-565.
- [22]Song Hong-Wei et all.“*Partition energy Absorption of Axially Crushed Aluminum Foam-Filled Hat Sections*“, International Journal of solid and Structurs, Vol.42, 2005, PP. 2575-2600.
- [23]Hibbitt Karlsson and Sorensen, Inc. 2006.“*Getting Started with ABAQUS/Explicit &ABAQUS/Standard Version 6.5. Pawtucket*“, USA: HKS.
- [9]Motamed M., N.Elahi F.“*Experimental Study of Accordion Metallic Dampers*“, First European Conference on Earthquake Engineering and Seismology, Geneva, Sweetzerland, 3-8 September 2006, Paper No.38
- [10] معتمدی مهرتاش، ناطقی الهی فریبرز، ضیائی فر منصور، کریمی محمد، «مطالعه استهلاک انرژی در لوله های جدار نازک آکاردئونی تحت نیروی محوری رفت و برگشتی»، مجله استقلال، دانشگاه صنعتی اصفهان، سال 25، شماره 1، شهریور 1385
- [11] معتمدی مهرتاش، «مطالعه تجربی کاربرد میراگر فلزی آکاردئونی در مقاوم سازی لرزه ای قابهای فولادی»، رساله دکتری تخصصی رشته مهندسی عمران - گرایش سازه و زلزله، تهران، دانشگاه آزاد اسلامی واحد علوم تحقیقات
- [12]Reid S.R., Reddy T.Y. , Gray M.D. “*Static and Dynamic Axial Crushing of Foam-Filled Sheet Metal Tubes*“, International Journal of Mechanical Science, Vol.28, No.5 , 1986, PP. 295-322.
- [13]Reid S.R., Reddy T.Y. “*Axial Crushing of Foam-Filled Tapered Sheet Metal Tubes*“, International Journal of Mechanical Science, Vol.28, No.10, 1986, PP. 643-656.
- [14]Reddy TY, Al-Hassani STS. “*Axial Crushing of Wood-Filled Square Metal Tubes*“, International Journal of Mechanical Science, Vol.35, 1993, PP. 231-246.
- [15]Hanssen AG., Langseth M., Hopperstad OS.“*Static crushing of Square Aluminum Extrusions With Aluminum Foam Filler*“, International Journal of Mechanical Science, 1998.
- [16]Santosa Sigit. et all ,“*Experimental and Numerical Studies of Foam-Filled Sections*“, International Journal of Impact Engineering ,Vol.24, 2000, PP. 509-534.