

روشی بر پایه استفاده از الگوریتم ژنتیک برای طراحی بهینه میراگر جرمی تنظیم شده چندگانه تحت ارتعاش زلزله

محتشم محبی^{۱*}، کاظم شاکری^۲، حسین مجذوب^۳

۱- استادیار دانشکده فنی، دانشگاه محقق اردبیلی، اردبیل، ایران

۲- استادیار دانشکده فنی، دانشگاه محقق اردبیلی

۳- مربی دانشکده فنی، دانشگاه آزاد اسلامی، واحد ملکان

E-mail: mohebbi@uma.ac.ir

تاریخ پذیرش: ۱۳۹۰/۰۷/۰۷

تاریخ دریافت: ۱۳۸۹/۱۱/۰۶

چکیده - برای بهبود کارایی و توانایی میراگر جرمی تنظیم شده (TMD) در سازه‌های خطی و غیرخطی، استفاده از میراگر جرمی چندگانه (MTMD) با مشخصات دینامیکی متفاوت برای میراگرهای جرمی، پیشنهاد شده است. در این پژوهش یک روش مؤثر برای تعیین پارامترهای بهینه‌ی MTMD در سازه‌های چند درجه‌آزادی خطی پیشنهاد شده که بر پایه‌ی تعریف یک مسئله بهینه‌سازی است که در آن کمینه کردن بیشینه پاسخ سازه به‌عنوان تابع هدف و پارامترهای TMD به‌عنوان متغیرهای مسئله در نظر گرفته شده است. برای حل مسئله بهینه‌سازی از الگوریتم ژنتیک (GA) استفاده شده است. برای بررسی کارایی روش پیشنهادی، یک قاب برشی ۱۰ طبقه تحت ارتعاش اغتشاش سفید قرار گرفته و برای مقادیر مختلف درصد جرمی و تعداد مختلف TMD، سامانه میراگر جرمی چندگانه‌ی بهینه طراحی و کارکرد آن در مقابل تحریک‌های لرزه‌ای دورگسل و نزدیک‌گسل آزموده شده است. نتایج به‌دست آمده ساده و مؤثر بودن روش پیشنهاد شده را در طراحی بهینه MTMD، تحت هر ارتعاش خارجی نشان می‌دهد. همچنین بهبود کارایی ساز و کار MTMD با افزایش درصد جرمی آشکار است.

واژگان کلیدی: کنترل غیرفعال، میراگر جرمی تنظیم شده، میراگر جرمی تنظیم شده‌ی چندگانه، بهینه‌سازی.

۱- مقدمه

و نحوه‌ی کارکرد آن‌ها روی ساختمان‌ها برای کنترل ارتعاشات ناشی از بارهای جانبی انجام شده است [۱]. با وجود این‌که در بسیاری از موارد، TMD یک سامانه مؤثر و عملی برای کنترل ارتعاشات سازه‌ای است؛ ولی کارایی این سامانه کنترلی غیرفعال در تحریکات لرزه‌ای، به‌طور قطعی مشخص نشده است، چون این سامانه در واکنش به تحریکات پایه‌ای زودگذر با دوره‌ی زمانی بسیار کوتاه،

میراگر جرمی تنظیم شده^۱ (TMD) یکی از ابزارهای کنترل غیرفعال است که از یک جرم، فنر و میراگر تشکیل شده است. این ساز و کار، انرژی را از سازه اصلی به خود انتقال داده و زمینه اتلاف انرژی را فراهم می‌سازد. مطالعات و بررسی‌های زیادی روی رفتار میراگرهای جرمی تنظیم شده

1- Tuned mass damper (TMD)

برای TMDها در نظر گرفته شده است. با اعمال این محدودیت‌ها مطالعاتی برای بررسی اثر پارامترهای TMDها در کارایی سامانه MTMD در سازه‌های یک‌درجه آزادی تحت تحریک هارمونیک انجام شده است [۴]. در مراحل بعدی، با عمومی‌سازی مسئله طراحی بهینه با چشم‌پوشی از محدودیت‌های طراحی در مورد جرم و نسبت میرایی TMDها، MTMDهایی برای سازه یک‌درجه آزادی تحت نیروی باند-پهن طراحی شده است [۶]. Jangid [۷] روشی را برای تعیین پارامترهای بهینه MTMDها در یک سازه نامیرا تحت تحریک هارمونیک پیشنهاد داد. این روش بر اساس کمینه کردن تغییر مکان سازه‌ی اصلی با روش جست و جوی عددی بود. در روش طراحی پیشنهادشده به‌وسیله‌ی Wu و Chen [۸] یک سامانه MTMD به چندین گروه تقسیم شده که هر گروه شامل چندین میراگر توزیع‌شده در طبقات مختلف است. Wu و Chen [۹] طراحی TMDهای چندگانه در سازه‌های چند درجه‌آزادی را تحت بارهای لرزه‌ای که در آن MTMDها بر اساس چندین مود ارتعاشی سازه تنظیم شده، مطالعه کردند. در روش پیشنهادشده، تعداد میراگرها بر اساس تعداد مودهایی که برای کنترل انتخاب شده بودند تعیین می‌شد. Li [۱۰] کارایی پنج حالت مختلف سامانه MTMD را که شامل ترکیب‌های متفاوتی از پارامترهای TMDها (جرم، سختی و میرایی) بود، با هدف کمینه کردن ضریب بزرگ‌نمایی دینامیکی تغییر مکان و ضریب بزرگ‌نمایی دینامیکی شتاب یک سازه تحت شتاب زمین، مطالعه کرد. Zuo و Nayfeh [۱۱] با طراحی بهینه‌ی میراگر جرمی چندگانه با روش حل عددی، اثر تعداد TMDها و درصد جرمی MTMD بر نحوه کارکرد این سامانه را بررسی کردند. نتایج به دست‌آمده نشان داد که در سامانه کنترلی MTMD با وجود این‌که افزایش تعداد TMDها فقط تا تعداد مشخصی از TMD در

ناتوان است. کارایی ساز و کار TMD منفرد نسبت به فرکانس طبیعی سازه یا درصد میرایی TMD بسیار حساس است که تنظیم نشدن فرکانس یا بهینه نبودن میرایی، به‌طور چشم‌گیری از کارایی سامانه کنترلی TMD منفرد می‌کاهد. برای برطرف کردن این اشکالات، به‌کارگرفتن میراگر جرمی تنظیم‌شده‌ی چندگانه^۱ (MTMD) با مشخصات دینامیکی متفاوت برای هر TMD، پیشنهاد شده است [۲].

میراگرهای جرمی تنظیم‌شده‌ی چندگانه (MTMD) از چندین میراگر جرمی تنظیم‌شده منفرد (TMD) تشکیل شده که این میراگرها می‌توانند به دو شکل موازی و سری، طراحی و در سازه نصب شوند؛ همچنین در یک سامانه سازه‌ای به هر دو حالت یکپارچه (مجموع در یک مکان) یا توزیع‌شده (پخش‌شده در فضای سازه) به‌کار روند. بررسی‌ها نشان می‌دهد که کارکرد MTMD به مقدار جرم، تعداد TMDها و دامنه فرکانس طراحی و نحوه توزیع آن‌ها بستگی دارد [۳]. میراگر جرمی تنظیم‌شده‌ی چندگانه برای مودهایی مختلف قابل تنظیم است که برای افزایش کارایی لرزه‌ای، میراگرها در موقعیت‌های مختلفی در سازه اصلی کار گذاشته می‌شوند. چنین سامانه‌هایی علاوه بر بهبود کارایی، اغلب نیازمند یک فضای اختصاص داده‌شده برای قرار دادن میراگر نیست. با توجه به سبکی وزن میراگرها در این سامانه، استفاده‌ی نادرست از هر میراگر جرمی تنظیم‌شده سبب ایجاد آثار مضر در پاسخ سازه‌ای نخواهد شد. همچنین کارایی میراگرهای جرمی تنظیم‌شده‌ی چندگانه حساسیت کمتری نسبت به قطعیت پارامترهای سامانه دارد [۴، ۵].

در تحقیقات گذشته برای طراحی MTMD، روش‌ها و رویکردهای گوناگونی وجود داشته است. در مراحل اولیه‌ی طراحی MTMDها برای سادگی تحلیل و روند طراحی، محدودیت‌هایی مانند فرض جرم و نسبت میرایی یکسان

1- Multiple tuned mass damper (MTMD)

بهبود کارایی ساز و کار MTMD مؤثر است، لیکن با افزایش تعداد TMDها قابلیت اعتماد و مقاوم بودن^۱ سامانه در مقابل تغییر پارامترهای سازه افزایش می‌یابد. Carneiro و همکاران [۱۲] اثر موازی یا سری قراردادن TMDها در ساز و کار MTMD با تابع هدف کمینه‌سازی پاسخ فرکانسی سازه تحت اثر بار هارمونیک را بررسی کردند. در مطالعه اعتماد سعید و همکاران [۱۳] مقادیر پارامترهای TMDها در ساز و کار MTMD تحت اثر بار هارمونیک با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی و استنتاج فازی پیش‌بینی شد. Moon [۱۴] تأثیر سامانه MTMDهای توزیع‌شده در ارتفاع سازه‌ها را بررسی کرد. تئوری MTMDهای توزیع‌شده در ارتفاع سازه، نه تنها برای کنترل مود اول بلکه برای کنترل کردن مدهای بالاتر نیز استفاده می‌شود که مکان توزیع عمودی TMD برای هر مود بر اساس شکل مودی مربوط تعیین می‌شود. توزیع عمودی TMDهای سامانه MTMD در ارتفاع سازه، سبب افزایش قابلیت اعتماد سامانه کنترلی شده و فضای اشغال‌شده در طبقات بالای سازه‌های بلند مرتبه را که در صورت استفاده از TMD منفرد مورد نیاز است به‌طور چشم‌گیری کاهش می‌دهد. Dehghan-Niri و همکاران [۱۵] روشی برای طراحی بهینه ساز و کار MTMD با اعمال عدم قطعیت در پارامترهای سازه، تحت اثر بار هارمونیک ارائه دادند. در این روش برای بررسی کارایی MTMD، کمینه‌سازی بیشینه‌ی ضریب بزرگ‌نمایی تغییر مکان جانبی به‌عنوان تابع هدف انتخاب شده است. همچنین در این مطالعه روشی برای طراحی بهینه MTMD با هدف افزایش مقاوم بودن این سامانه ارائه شده است.

در بیشتر تحقیقات انجام‌شده در رابطه با طراحی بهینه MTMD، عموماً روش‌های طراحی با یک سری فرضیات درباره‌ی پارامترهایی مانند توزیع جرم، سختی و

میرایی TMDها و همچنین ارتعاش ورودی به سازه همراه بوده و در حل مسئله بهینه‌سازی نیز از روش‌های تقریبی - استفاده شده است. در این پژوهش روش جامع‌تری برای طراحی بهینه MTMD برای کاهش پاسخ سازه تحت هر ارتعاش خارجی پیشنهاد شده که مبتنی بر تعریف یک مسئله بهینه‌سازی است. در این روش کمینه‌سازی بیشینه پاسخ‌های سازه به‌عنوان تابع هدف و پارامترهای TMDها به‌عنوان متغیرهای مسئله بهینه‌سازی در نظر گرفته می‌شود. این روش نسبت به روش‌های ارائه‌شده در پژوهش‌های پیشین نوآوری‌هایی دارد؛ مانند: ۱) روشی کلاسیک برای طراحی MTMD است که به سادگی برای هر نوع بارگذاری می‌توان از آن استفاده کرد. ۲) برعکس بیشتر روش‌های قبلی، نیازی به در نظر گرفتن محدودیت در تعیین پارامترهای TMDها نیست؛ بنابراین روش بهینه‌سازی واقعی‌تری منجر می‌شود. ۳) هر نوع تابع هدف (شامل کمینه‌سازی یک پاسخ مشخص یا ترکیبی از چندین پاسخ) را در طراحی میراگر جرمی چندگانه می‌توان به سادگی در نظر گرفت. ۴) این روش را می‌توان برای طراحی بهینه MTMD در سازه‌های غیر خطی هم استفاده کرد که در مطالعات قبلی زیاد به این مقوله پرداخته نشده است.

با توجه به تعداد زیاد متغیرهای مسئله در طراحی بهینه MTMD، استفاده از روش‌های معمولی بهینه‌سازی حجم بالایی از محاسبات دارد؛ بنابراین استفاده از روش‌های جدید بهینه‌سازی مانند الگوریتم ژنتیک^۲، می‌تواند مؤثرتر باشد. پس در این پژوهش تصمیم به طراحی بهینه سامانه MTMD با استفاده از الگوریتم ژنتیک [۱۶، ۱۷] گرفته شده است. در این مقاله ضمن طراحی میراگر جرمی چندگانه با استفاده از روش پیشنهادی، تأثیر عوامل مختلف مانند تعداد TMDها، درصد جرم و رکود زلزله‌های مختلف، در کارایی

1- Robustness

2- Genetic Algorithm (GA)

MTMD بررسی شده است.

$$K = \begin{bmatrix} k_1+k_2 & -k_2 & \dots & 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 \\ -k_2 & k_2+k_3 & \dots & 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & k_{n-1}+k_n & -k_n & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \dots & -k_n & k_n + \sum_{i=1}^{N_{tmd}} c_i & -k_{d_1} & -k_{d_2} & \dots & -k_{d_{n_{tmd}-1}} & -k_{d_{n_{tmd}}} \\ 0 & 0 & \dots & 0 & -k_{d_1} & k_{d_1} & 0 & \dots & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \dots & 0 & -k_{d_2} & 0 & k_{d_2} & \dots & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & 0 & -k_{d_{n_{tmd}-1}} & 0 & 0 & \dots & k_{d_{n_{tmd}-1}} & 0 \\ 0 & 0 & \dots & 0 & -k_{d_{n_{tmd}}} & 0 & 0 & \dots & 0 & k_{d_{n_{tmd}}} \end{bmatrix} \quad (3)$$

$$C = \begin{bmatrix} c_1+c_2 & -c_2 & \dots & 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 \\ -c_2 & c_2+c_3 & \dots & 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & c_{n-1}+c_n & -c_n & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \dots & -c_n & c_n + \sum_{i=1}^{N_{tmd}} c_i & -c_{d_1} & -c_{d_2} & \dots & -c_{d_{n_{tmd}-1}} & -c_{d_{n_{tmd}}} \\ 0 & 0 & \dots & 0 & -c_{d_1} & c_{d_1} & 0 & \dots & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \dots & 0 & -c_{d_2} & 0 & c_{d_2} & \dots & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & 0 & -c_{d_{n_{tmd}-1}} & 0 & 0 & \dots & c_{d_{n_{tmd}-1}} & 0 \\ 0 & 0 & \dots & 0 & -c_{d_{n_{tmd}}} & 0 & 0 & \dots & 0 & c_{d_{n_{tmd}}} \end{bmatrix} \quad (4)$$

برای حل عددی معادلات حرکت سازه-MTMD،

می توان از روش های عددی مختلفی استفاده کرد که در این مقاله روش Wilson - θ به کار رفته است [۱۸].

۳- تعیین پارامترهای بهینه MTMD بر مبنای کمینه کردن بیشینه ی تغییر مکان جانبی سازه

در این پژوهش روش پیشنهادی برای طراحی MTMD بهینه، مبتنی بر تعریف یک مسئله بهینه سازی است که کمینه سازی بیشینه ی پاسخ سازه به عنوان تابع هدف و پارامترهای TMDها به عنوان متغیرهای مسئله در نظر گرفته می شود. این که کمینه سازی کدام پاسخ به عنوان تابع هدف انتخاب شود بستگی به هدف مورد نظر از کاربرد MTMD دارد. در این پژوهش برای توضیح روش، کمینه سازی بیشینه ی تغییر مکان جانبی به عنوان معیار ایمنی سازه برای تابع هدف انتخاب شده است؛ در صورتی که کاهش بیشینه ی تغییر مکان جانبی طبقات، مورد نظر باشد،

۲- معادله حرکت سازه - MTMD

سیستمی متشکل از سازه اصلی به صورت قاب برشی n درجه آزادی با رفتار خطی، تحت شتاب پایه \ddot{X}_g ، همراه تعداد N_{tmd} میراگر جرمی منفرد با مشخصات دینامیکی متفاوت در شکل (۱) نشان داده شده است که میراگرهای جرمی در طبقه آخر سازه اصلی و به صورت موازی نصب شده است.

پارامترهای j امین TMD شامل سختی (k_{d_j}) ، میرایی (c_{d_j}) و جرم (m_{d_j}) است و هر کدام از TMDها به عنوان یک سامانه یک درجه آزادی (SDOF) در نظر گرفته می شود. بنابراین درجه آزادی کل سامانه برابر $n + N_{tmd}$ است. معادله ی حرکت سامانه سازه-MTMD را می توان به شکل زیر نوشت:

$$[M] \ddot{X}(t) + [C] \dot{X}(t) + [K] X(t) = [M] e \ddot{X}_g \quad (1)$$

بردار انتقال شتاب، $e^T = [-1 \ -1 \ \dots \ -1]_{1 \times (n+N_{tmd})}$ ، بردار انتقال شتاب پایه به جرم ها، $X(t)$ بردار تغییر مکان جانبی و ماتریس های M ، C و K به ترتیب ماتریس های جرم، میرایی و سختی سامانه سازه-MTMD است که به صورت معادلات زیر تعریف می شوند:

$$M = \begin{bmatrix} m_1 & 0 & \dots & 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 \\ 0 & m_2 & \dots & 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & m_{n-1} & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \dots & 0 & m_n & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & m_{d_1} & 0 & \dots & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & 0 & m_{d_2} & \dots & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & m_{d_{n_{tmd}-1}} & 0 \\ 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 & m_{d_{n_{tmd}}} \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$X_{\max}(TMD) = \max(|X_{TMD,i}|) \quad i=1, 2, \dots, N_{tmd} \quad (11)$$

به طوری که تغییر مکان بیشینه‌ی TMDها و همچنین پارامترهای آن به ترتیب از مقادیر حدی X_L ، $m_{d_{\max}}$ ، $k_{d_{\max}}$ و $c_{d_{\max}}$ تجاوز نکند، در این حالت مسئله بهینه‌سازی برای تعیین پارامترهای TMDها به صورت زیر تعریف می‌شود:

در صورتی که برای جرم کل MTMD محدودیت خاصی تعریف شود، به طوری که μ و M_{tot} به ترتیب درصد جرمی TMDها و جرم کل سازه باشد، در حالت توزیع غیریکنواخت جرم، یک قید دیگر نیز به صورت زیر به مسئله بهینه‌سازی اضافه می‌شود:

$$\sum_{i=1}^{N_{tmd}} m_{d_i} = \mu \cdot M_{tot} \quad (12)$$

در صورتی که جرم یکسان برای همه‌ی TMDها انتخاب شود، داریم:

$$m_{d_1} = m_{d_2} = \dots = m_{d_{N_{tmd}}} = \mu \cdot \frac{M_{tot}}{N_{tmd}} \quad (13)$$

برای حل مسئله بهینه‌سازی تعریف‌شده در معادلات (۵) تا (۱۱)، مسئله بالا با اعمال محدودیت نامساوی به صورت تابع جریمه در تابع هدف به یک مسئله بهینه‌سازی بدون محدودیت به صورت زیر تبدیل می‌شود:

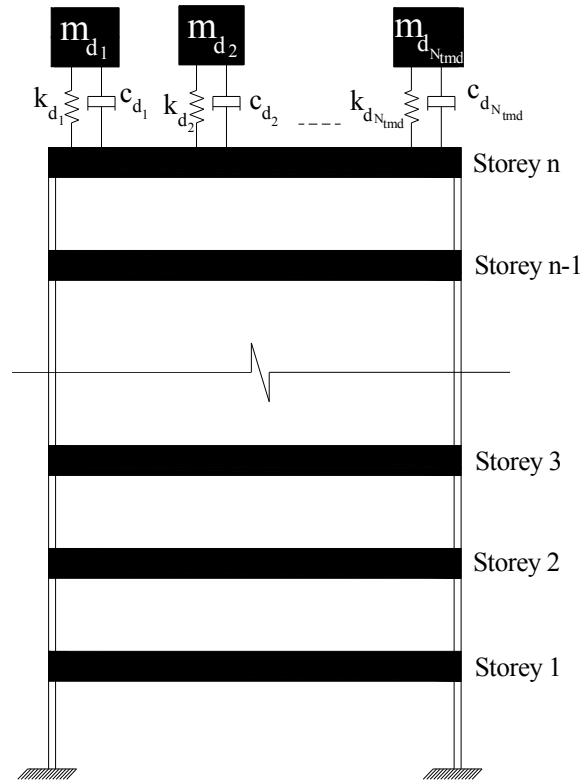
$$\text{Find: } m_{d_1}, c_{d_1}, k_{d_1}, \dots, m_{d_{N_{tmd}}}, c_{d_{N_{tmd}}}, k_{d_{N_{tmd}}} \quad (14)$$

$$\text{Minimize: } F(T) = \alpha X_{\max} + \beta \max[0, g_1] \quad (15)$$

$$g_1 = \frac{X_{\max(TMD)}}{X_L} - 1 \quad (16)$$

محدودیت‌های مربوط به پارامترهای TMD به این شکل در حل مسئله بهینه‌سازی اعمال شده که مقادیر k_{d_i} ، c_{d_i}

به طوری که تغییر مکان بیشینه‌ی TMDها و همچنین پارامترهای آن به ترتیب از مقادیر حدی X_L ، $m_{d_{\max}}$ ، $k_{d_{\max}}$ و $c_{d_{\max}}$ تجاوز نکند، در این حالت مسئله بهینه‌سازی برای تعیین پارامترهای TMDها به صورت زیر تعریف می‌شود:



شکل (۱) مدل سامانه سازه-MTMD در حالت نصب موازی TMDها

$$\text{Find: } m_{d_1}, c_{d_1}, k_{d_1}, \dots, m_{d_{N_{tmd}}}, c_{d_{N_{tmd}}}, k_{d_{N_{tmd}}} \quad (5)$$

$$\text{Minimize: } X_{\max} = \max(|x_k(i)|), \quad k=1, 2, \dots, k_{\max}, \quad i=1, 2, \dots, n \quad (6)$$

$$\text{Subject to: } X_{\max(TMD)} \leq X_L \quad (7)$$

$$0 < m_{d_i} < m_{d_{\max}} \quad i=1, 2, \dots, N_{tmd} \quad (8)$$

$$0 < k_{d_i} < k_{d_{\max}} \quad i=1, 2, \dots, N_{tmd} \quad (9)$$

$$0 < c_{d_i} < c_{d_{\max}} \quad i=1, 2, \dots, N_{tmd} \quad (10)$$

به کارگیری عملگر تولید مثل، اقدام به تولید کروموزوم‌های جدید، موسوم به نوزاد کرده و پس از آن شایسته‌ترین کروموزوم‌ها را برای نسل بعد انتخاب می‌کند به گونه‌ای که فرایند انتخاب مبتنی بر شایستگی هر ژن است. در الگوریتم ژنتیک استفاده شده در این پژوهش برای حفظ بهترین جمعیت از فرایند نخبه‌گرایی^۱ استفاده شده است که درصد کوچکی از جمعیت نسل بعد مستقیماً از جمعیت نسل قبل کپی می‌شود.

در این مقاله از نمونه‌برداری تصادفی تک‌مرحله‌ای [۲۱] به عنوان ساز و کار انتخاب، استفاده شده که در آن احتمال انتخاب هر کروموزوم برابر است با:

$$P(X_i) = \frac{F(x_i)}{\sum_{i=1}^{N_{ind}} F(x_i)} \quad (19)$$

که در آن، $P(x_i)$ احتمال انتخاب کروموزوم i ام، $F(x_i)$ شایستگی کروموزوم i ام و N_{ind} تعداد کروموزوم در هر جمعیت است.

ساز و کار تولید مثل استفاده شده در این پژوهش، روش تولید مثل داخلی است که در این روش نوزاد بر اساس ترکیب خطی دو کروموزوم والد به صورت زیر نوشته می‌شود:

$$O_{1,2} = P_1 + \alpha(P_2 - P_1) \quad (20)$$

P_1 و P_2 متغیرهای کروموزوم‌های والد، $O_{1,2}$ ژن‌های کروموزوم نوزاد و α ضریب مقیاس است که به طور تصادفی و معمولاً در فاصله‌ی [0.25 1.25] برای تعیین هر متغیر (ژن) کروموزوم نوزاد انتخاب می‌شود [۲۲].

عملگر جهش، یاریگر الگوریتم ژنتیک برای رهایی از نقطه کمینه محلی و تضمینی برای جست و جوی تمامی مقادیر است. نحوه اعمال جهش به نحوه کدگذاری کروموزوم‌ها

و m_{d_i} از دامنه تعریف شده برای آن‌ها انتخاب می‌شوند؛ بنابراین نیازی به اعمال آن‌ها به صورت تابع جریمه نیست. α و β ضرایب مربوط به تابع جریمه است که این ضرایب باید به صورت مناسبی به وسیله‌ی طراح و بر اساس مشخصات مسئله مورد مطالعه انتخاب شوند [۱۹]. در این پژوهش، هدف طراحی بهینه MTMD برای یک درصد جرم مشخص است که جرم TMDها یکسان است. بنابراین متغیرهای مسئله در این حالت، میرایی و سختی TMDها است که از حل مسئله بهینه‌سازی زیر تعیین می‌شود:

$$\text{Find: } c_{d_1}, k_{d_1}, \dots, c_{d_{N_{ind}}}, k_{d_{N_{ind}}} \quad (17)$$

$$\text{Minimize: } F(T) = \alpha X_{\max} + \beta \max[0, g_1] \quad (18)$$

۴- الگوریتم ژنتیک

الگوریتم ژنتیک، نوع خاصی از الگوریتم‌های تکاملی است که از روش‌های زیست‌شناسی مانند وراثت و جهش برای یافتن روشی برای حل مسائل بهینه‌سازی استفاده می‌کند. ترکیب واژه الگوریتم ژنتیک به وسیله‌ی جان هالند ارائه شده که در کتاب خود در سال ۱۹۷۵ اصول الگوریتم‌های ژنتیک ساده را شرح داده است [۲۰]. در یک مسئله بهینه‌سازی یک بردار طراحی به صورت یک کروموزوم در نظر گرفته می‌شود که ژن‌های آن همان متغیرهای مسئله است. مقدار تابع هدف برای هر بردار طراحی نشانگر شایستگی آن کروموزوم است. الگوریتم ژنتیک با تعدادی از بردارهای طراحی (کروموزوم‌ها) شروع شده و با تولید نسل‌های بعدی تحت عملگرهای مشخص ادامه می‌یابد. الگوریتم ژنتیک سه عملگر اساسی دارد که عبارتند از: (۱) انتخاب (۲)، تولید مثل (۳) و جهش [۱۶].

الگوریتم با تولید یک جمعیت اولیه کاملاً تصادفی با اندازه‌ی دلخواه، آغاز می‌شود. بعد از این مرحله با

زلزله‌های دیگر مؤثر نباشد. برای رفع نسبی این ایراد، در این مقاله، سازه در مقابل تحریک پایه از نوع اغتشاش سفید^۱ (W.N) قرار گرفته و به طراحی MTMD بهینه پرداخته شده است. W.N به عنوان یک فرایند تصادفی با چگالی توان طیفی یکنواخت به شدت S_0 روی دامنه‌ی هم‌بندی فرکانس‌ها است. با توجه به این‌که W.N ایجاد شده خالص است؛ برای استفاده از این اغتشاش به عنوان تحریک پایه برای یک سازه، استفاده از فیلتری که بتواند خاصیت عبور امواج از خاک را روی آن مدل‌سازی کند ضروری است. فیلتر کانای-تاجیمی^۲ [۲۵]، یکی از فیلترهای مناسب در این زمینه است که با تابع چگالی طیفی زیر تعریف می‌شود:

$$S_g = \frac{1 + 4\xi_g^2 (\omega/\omega_g)^2}{\left(1 - (\omega/\omega_g)^2\right)^2 + 4\xi_g^2 (\omega/\omega_g)^2} S_0 \quad (22)$$

ξ_g و ω_g به ترتیب میرایی و فرکانس زمین است که برای خاک‌های مختلف، دارای مقادیر متفاوتی دارد و معمولاً در محدوده‌ی زیر است:

$$\begin{aligned} 20 \leq \omega_g \leq 120 \quad \text{rad/sec} \\ 0.3 \leq \xi_g \leq 0.75 \end{aligned} \quad (23)$$

تابع انتقال فیلتر کانای-تاجیمی به شکل زیر است:

$$F(s) = \frac{2\xi_g \omega_g s + \omega_g^2}{s^2 + 2\xi_g \omega_g s + \omega_g^2} \quad (24)$$

W.N خالص تولید شده به وسیله‌ی این تابع انتقال به یک زلزله مصنوعی برای تحریک پایه سازه تبدیل می‌شود. در این مقاله، $\xi_g = 0.3$ و $\omega_g = 37.3 \text{ rad/sec}$ ، مربوط به خاک معمولی، در نظر گرفته شده است. تاریخچه زمانی رکورد تولید شده با فیلتر کانای-تاجیمی ($W_1(t)$)، مطابق

بستگی داشته و بیشتر درصد ژن‌هایی که جهش در آن‌ها اتفاق می‌افتد عدد بسیار پایینی است. اگر m_r ، درصد جهش ژن‌ها و N_{var} و N_{new} به ترتیب نشانگر تعداد متغیرها و کروموزوم‌های تولید شده باشند، در این حالت تعداد ژن‌هایی که دچار جهش می‌شوند از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$N_{\text{Mutated}} = m_r \times N_{\text{var}} \times N_{\text{new}} \quad (21)$$

در مراحل اولیه استفاده از الگوریتم ژنتیک، متغیرها به صورت سامانه دودویی بیان می‌شدند. با وجود کاربرد زیاد کدگذاری دودویی در مسائل بهینه‌سازی پیچیده، این سامانه کدگذاری در مسائل با پارامترهای پیوسته مشکلاتی دارد. بررسی‌ها نشان داده است که برای مسائل بهینه‌سازی با پارامترهای پیوسته، استفاده از کدگذاری حقیقی مزایایی مانند سادگی در برنامه‌نویسی، نیاز به حافظه‌ی کمتر و امکان استفاده از عملگرهای مختلف ژنتیک دارد [۲۳]. بنابراین در مسائل مربوط به کنترل سازه‌ها مانند این مقاله که دامنه متغیرها از قبل معلوم نبوده و دامنه وسیع‌تری دارد؛ استفاده از سامانه کدگذاری دودویی اشکالاتی دارد؛ بنابراین استفاده از کدگذاری حقیقی مناسب‌تر است [۲۴].

۵- مثال عددی

برای آنالیز عددی و بررسی کارایی روش پیشنهادی در طراحی بهینه MTMD و تأثیر پارامترهای TMDها بر پاسخ سازه، ساختمان ۱۰ طبقه برشی با رفتار خطی، با جرم، سختی و میرایی به ترتیب ۳۶۰ ton، ۶۵۰ MN/m و ۶۰ MN.s/m (یکسان برای طبقات) در نظر گرفته شده است.

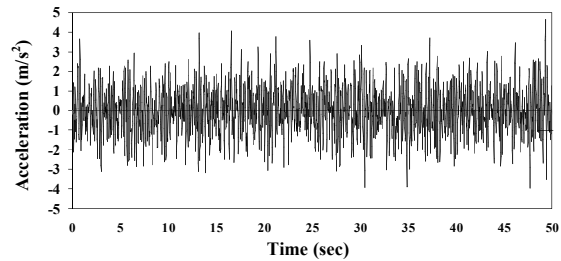
۵-۱- زلزله‌ی طراحی

در صورتی‌که پارامترهای بهینه TMDها برای یک زلزله‌ی خاص تعیین شود ممکن است سامانه MTMD در مقابل

1- White noise (W.N)
2- Kanai-Tajimi

شکل (۲) است که بیشینه‌ی شتاب ارتعاش برابر

$PGA = 0.475g$ است.

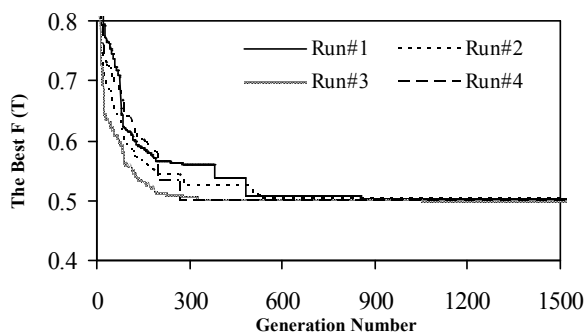


شکل (۲) تاریخچه زمانی ارتعاش $W_1(t)$

در این حالت، مسئله بهینه‌سازی ۱۰ متغیر دارد که با استفاده از الگوریتم ژنتیک با پارامترهای بالا و تعداد کل نسل‌ها برابر ۱۵۰۰، چندین بار حل شده تا از درستی جواب نهایی اطمینان حاصل شود. شکل (۳)، نحوه همگرایی الگوریتم ژنتیک را برای چهار بار حل مسئله نشان می‌دهد. با توجه به شکل (۳) می‌توان نتیجه گرفت که مقدار تابع هدف با افزایش تعداد نسل، کاهش یافته یا این‌که در مقاطعی ثابت بوده است که به‌خاطر حفظ بهترین جمعیت در هر نسل و انتقال به جمعیت بعدی است. همچنین مشاهده می‌شود که هر چهار بار حل (Run) به جواب بهینه یکسانی رسیده اما سرعت همگرایی مختلف دارد. نتایج نشان می‌دهد که روش پیشنهاد شده دقت و سرعت همگرایی قابل قبولی در طراحی بهینه MTMD دارد.

در شکل (۴)، مقدار تابع هدف برای جمعیت نسل‌های اول و آخر با هم مقایسه شده است. نتایج نشان می‌دهد که در نسل آخر بیشتر اعضا شایستگی یکسان دارند.

در جدول (۱)، مقادیر پارامترهای MTMDها در حالت بهینه نشان داده شده است. با توجه به مقادیر به‌دست‌آمده می‌توان گفت که میراگرهای جرمی بهینه، مشخصات متفاوتی دارند.



شکل (۳) همگرایی الگوریتم ژنتیک در نسل‌های مختلف برای ۴ بار

حل مسئله بهینه‌سازی برای $\mu = 2\%$

۲-۵- طراحی MTMD بهینه برای تعداد TMDهای

$N_{tmd} = 5$ و درصد جرمی $\mu = 2\%$

برای توضیح روش پیشنهادی برای طراحی بهینه MTMD، سازه ۱۰ طبقه تحت ارتعاش $W_1(t)$ در حالتی که پنج میراگر جرمی با درصد جرمی برابر ۲ درصد، در طبقه‌ی آخر به‌صورت موازی قرار گرفته‌است، در نظر گرفته شده است. در این مقاله به‌عنوان نمونه، جرم‌های میراگر در طبقه‌ی آخر و به‌صورت موازی قرار گرفته است. مقوله تعیین موقعیت بهینه‌ی آن‌ها در سازه، خارج از موضوع این مقاله است.

در صورتی‌که هدف از کاربرد MTMD در سازه، کاهش بیشینه‌ی تغییر مکان جانبی باشد، سختی و میرایی بهینه‌شده MTMDها (با فرض توزیع یکنواخت جرم برای آن‌ها) از حل مسئله بهینه‌سازی تعریف‌شده در معادلات (۱۷) تا (۱۸) با انتخاب مقادیر زیر برای پارامترهای مختلف به‌دست می‌آید:

$$\mu (\%) = 2, \quad X_L = 50 \text{ cm}, \quad N_{tmd} = 5$$

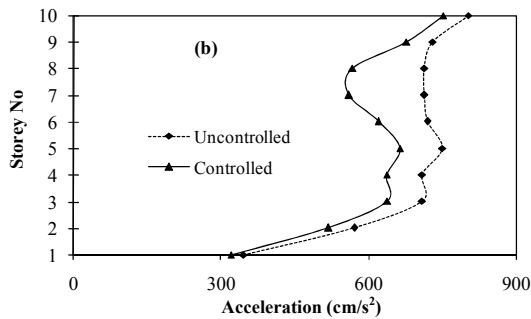
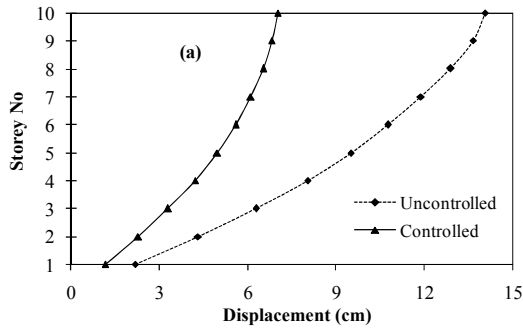
$$k_{d_{max}} = 20 \text{ MN/m}, \quad c_{d_{max}} = 2 \text{ MN-s/m}$$

$$\alpha = \frac{1}{X_{\max(L_{icon})}} = \frac{1}{14.03 \text{ (cm)}}, \quad \beta = 150$$

همچنین پارامترهای مربوط به الگوریتم ژنتیک نیز به صورت زیر انتخاب شده است:

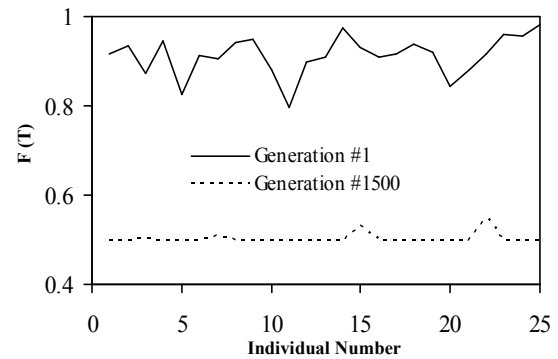
$$N_{ind} = 25 \text{ (تعداد جمعیت در هر نسل)}$$

به عنوان زلزله‌های دورگسل و زلزله‌های
Kobe;1995;PGA=0.83g و Northridge;1994;PGA=0.84g
به عنوان زلزله‌های نزدیک‌گسل انتخاب شده است.



شکل (۵) پاسخ سازه کنترل شده و کنترل نشده تحت ارتعاش $W_1(t)$
(a) بیشینه تغییر مکان جانبی (b) بیشینه شتاب طبقات

شکل (a) تا (d) پاسخ‌های نرمال شده سازه کنترل شده
(یعنی نسبت پاسخ سازه کنترل شده به پاسخ همسان سازه
کنترل نشده) را تحت زلزله‌های تست نشان می‌دهد. پاسخ
نرمال شده بزرگ‌تر از ۱، بیانگر اثر منفی روی پاسخ مورد
نظر در سازه است. نتایج نشان می‌دهد که بیشینه تغییر
مکان جانبی که به عنوان تابع هدف انتخاب شده بود، برای
همه‌ی زلزله‌های تست (چه نزدیک‌گسل و چه دورگسل)
کاهش داشته است. همچنین سایر پاسخ‌های سازه مانند
بیشینه تغییر مکان جانبی نسبی، شتاب طبقات و جذر
میانگین مربعات پاسخ‌ها^۱ (RMS) نیز کاهش داشته است.
با توجه به نتایج به دست آمده می‌توان گفت که کارکرد



شکل (۴) مقدار تابع هدف برای جمعیت نسل اول و آخر

جدول (۱) پارامترهای بهینه‌ی میراگرهای جرمی برای $N_{tmd} = 5$ و
درصد جرمی $\mu = 2\%$

TMD	m_d (tons)	k_d (kN/m)	c_d (kN.sec/m)
1	۱۴/۴	۶۸۵/۲۶	۵/۷۵۰
2	۱۴/۴	۵۴۸/۳۵	۷/۶۵۰
3	۱۴/۴	۶۰۲/۸۲	۱۲/۰۲۳
4	۱۴/۴	۳۸۳/۷۴	۶/۵۶۴
5	۱۴/۴	۳۸۲/۸۹	۵/۸۹۲

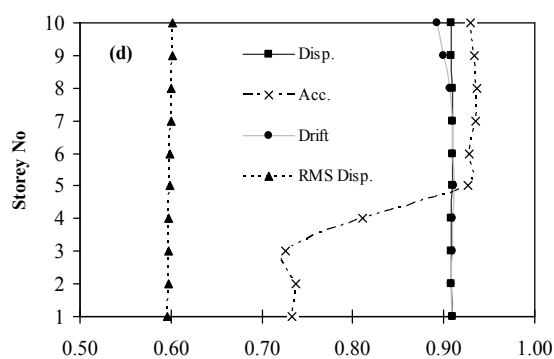
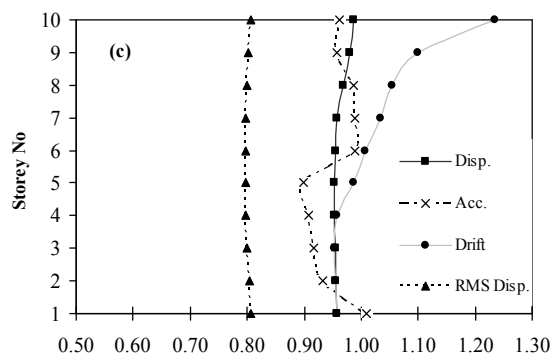
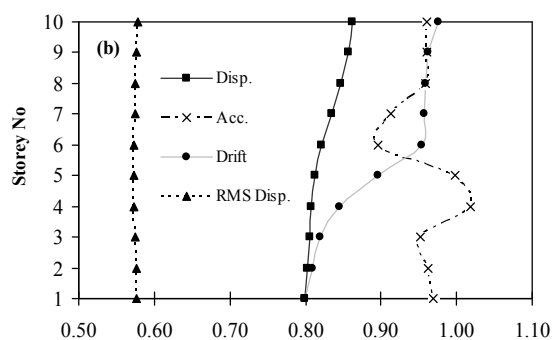
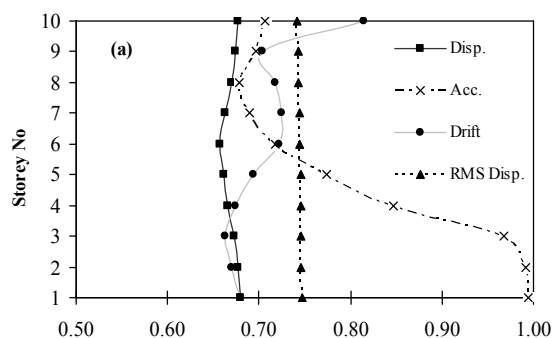
سازه کنترل شده با MTMD بهینه در مقابل ارتعاش $W_1(t)$
قرار گرفته است. در شکل (۵) بیشینه تغییر مکان جانبی و
شتاب سازه کنترل نشده و کنترل شده تحت اثر ارتعاش $W_1(t)$
برای طبقات مختلف نشان داده شده است. نتایج به دست آمده
نشان می‌دهد که بیشینه تغییر مکان جانبی حدود ۵۰ درصد
کاهش داشته است؛ همچنین با وجود این که هدف از کاربرد
MTMD کاهش بیشینه تغییر مکان جانبی بوده، بیشینه
شتاب نیز حدود ۱۰ درصد کاهش داشته است.

۳-۵- تست MTMD بهینه شده تحت زلزله‌های غیر طرح

برای بررسی کارایی MTMD بهینه شده در مقابل زلزله‌های
دیگر که متفاوت از زلزله‌ی طرح $W_1(t)$ است، سامانه سازه-
MTMD طراحی شده تحت اثر $W_1(t)$ ، در برابر زلزله‌های
دورگسل و نزدیک‌گسل قرار گرفته است.

رکوردهای El-Centro;1940;PGA=0.34g و Hachinohe

1- Root-Mean-Square (RMS)



شکل (۶) پاسخ‌های نرمال‌شده‌ی سازه‌ی کنترل‌شده تحت زلزله‌های

تست: (a) El-Centro، (b) Hachinohe، (c) Northridge، (d) Kobe

MTMD برای زلزله‌های مختلف، متفاوت بوده است به‌گونه‌ای که در مثال بررسی شده، بهترین کارکرد مربوط به RMS تغییرمکان جانبی تحت اثر زلزله Hachinohe بوده که یک زلزله‌ی دورگسل است.

۵-۴- بررسی اثر جرم و تعداد TMD بر کارایی MTMD

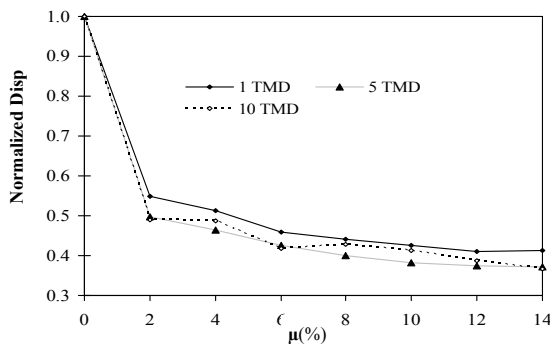
برای بررسی تأثیر درصد جرمی میراگرها بر کارکرد MTMD در کاهش پاسخ‌های سازه، مشابه روش توضیح داده‌شده در بخش قبل، برای درصد‌های جرمی مختلف در حالتی که پنج TMD در طبقه آخر و به‌صورت موازی قرار گرفته است به طراحی بهینه MTMD پرداخته شده است. شکل (۷)، پاسخ‌های نرمال‌شده سازه کنترل‌شده را برای مقادیر مختلف درصد جرمی تحت ارتعاش $W_1(t)$ نشان می‌دهد.

با توجه به نتایج می‌توان گفت که عموماً افزایش درصد جرمی MTMD باعث کاهش بیشتر پاسخ‌های سازه شده است که این مسئله بیانگر افزایش کارایی سامانه MTMD با افزایش درصد جرمی است. برای درصد‌های جرمی مختلف با اینکه تابع هدف کمینه کردن بیشینه‌ی تغییر مکان جانبی بوده ولی مقدار شتاب بیشینه هم با افزایش درصد جرمی، بیشتر کاهش می‌یابد.

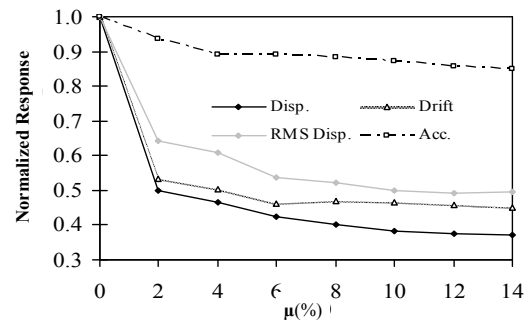
در شکل (۸)، پاسخ‌های نرمال‌شده سازه کنترل‌شده برای درصد‌های جرمی مختلف برای MTMD، تحت اثر زلزله‌های تست نشان داده شده است. نتایج به‌دست‌آمده تحت زلزله‌های تست نشان می‌دهد که کارایی MTMD، با افزایش درصد جرمی بهبود می‌یابد. همچنین میزان کاهش پاسخ‌های سازه برای مقادیر مختلف درصد جرمی، وابسته به مشخصات زلزله ورودی است که در بین زلزله‌های تست، کارایی MTMD در کاهش تابع هدف در برابر زلزله‌های دورگسل عموماً بهتر بوده است.

برای بررسی اثر تعداد TMDها در کارکرد سامانه MTMD، برای تعداد مختلف TMDها در حالتی که در طبقه آخر سازه و به صورت موازی قرار گرفته باشند، برای درصدهای جرمی مختلف، سامانه سازه-MTMD تحت اثر زلزله $W_1(t)$ قرار گرفته و به طراحی بهینه MTMD پرداخته شده است. شکل (۹)، بیشینه‌ی تغییر مکان جانبی نرمال شده سازه کنترل شده را برای تعداد مختلف TMDها و درصدهای جرمی متفاوت نشان می‌دهد. در شکل (۱۰)، نسبت بیشینه‌ی تغییر مکان جانبی سازه کنترل شده به سازه کنترل نشده برای تعداد مختلف TMDها تحت اثر زلزله‌های تست، نشان داده شده است.

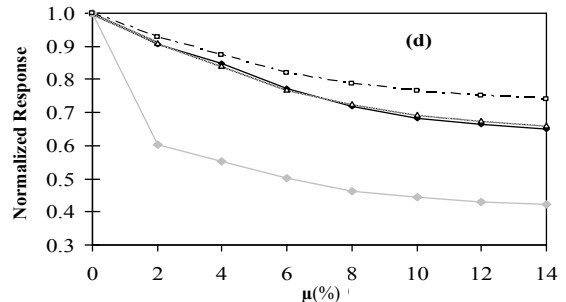
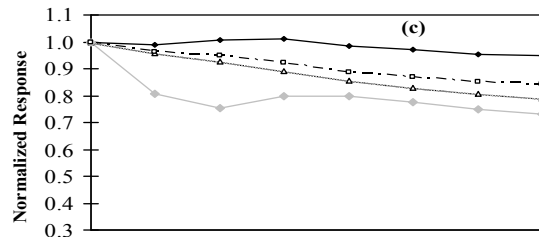
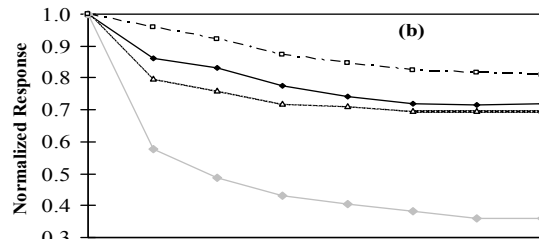
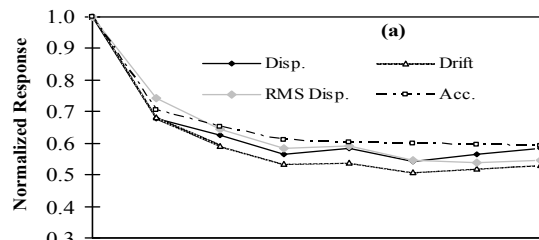
نتایج بدست آمده نشان می‌دهد که در این مطالعه با فرض جرم یکسان برای TMDها و قرارگیری به صورت موازی در طبقه آخر، با افزایش تعداد میراگرهای جرمی، تغییر چشم‌گیری در کارایی MTMD نسبت به TMD منفرد تحت ارتعاش طراحی و زلزله‌های تست مشاهده نمی‌شود. در پژوهش‌های قبلی که با فرضیات متفاوت برای پارامترهای میراگرهای جرمی و در حالت‌های نصب موازی و سری TMDها انجام شده است، نتایج به دست آمده نشان می‌دهد که افزایش تعداد TMDها تا تعداد مشخصی، کارایی MTMD را بهبود می‌بخشد ولی بعد از این تعداد، دیگر تأثیر آن ثابت بوده [۱۱] و یا حتی سبب کاهش کارایی می‌شود [۲۶].



شکل (۹) بیشینه‌ی تغییر مکان جانبی نرمال شده سازه‌ی کنترل شده برای تعداد مختلف TMD تحت ارتعاش $W_1(t)$



شکل (۷) پاسخ‌های نرمال شده سازه‌ی کنترل شده برای درصدهای جرمی مختلف MTMD تحت ارتعاش $W_1(t)$



شکل (۸) پاسخ‌های نرمال شده سازه‌ی کنترل شده برای درصدهای جرمی مختلف برای MTMD تحت زلزله‌های تست: (a) El-Centro، (b) Hachinohe، (c) Northridge، (d) Kobe

نگهداری در کاربردهای عملی می‌شود. همچنین افزایش تعداد میراگرهای جرمی باعث افزایش قابلیت اعتماد و مقاوم بودن سازه و کار میراگر جرمی چندگانه می‌شود [۱۱ و ۲۷].

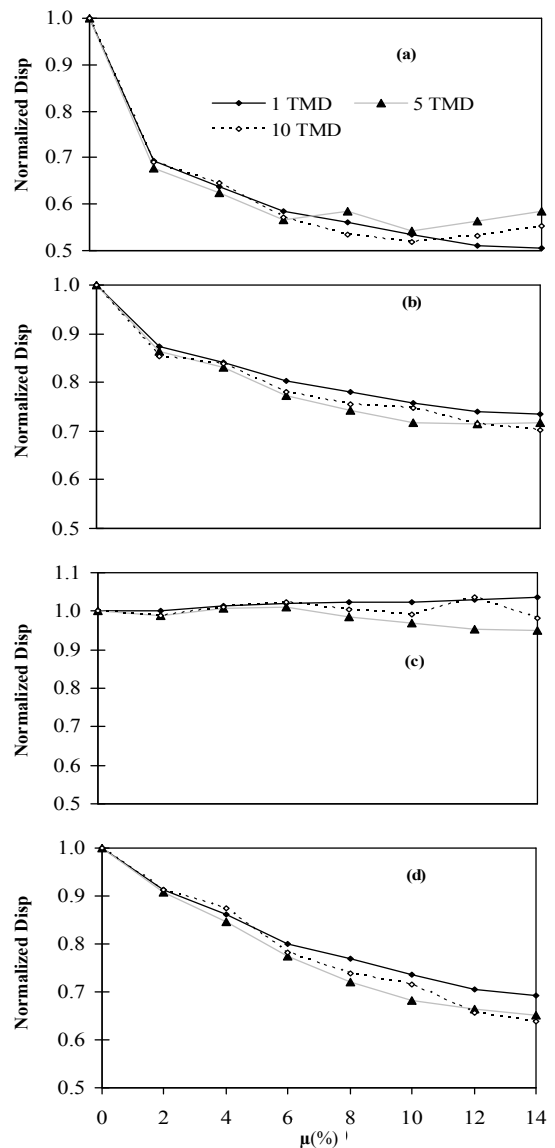
۶- نتایج

در این مقاله روشی برای تعیین مقادیر بهینه پارامترهای TMD در سازه و کار MTMD، ارائه شده که مبتنی بر تعریف یک مسئله بهینه‌سازی با تابع هدف کمینه کردن بیشینه‌ی تغییر مکان جانبی سازه است که برای حل آن از الگوریتم ژنتیک استفاده شده است. با استفاده از روش پیشنهادی ضمن طراحی میراگر جرمی چندگانه، تأثیر پارامترهای مختلفی مانند درصد جرم MTMD، تعداد TMD ها و محتوای فرکانسی زلزله‌ها بر کارکرد این سامانه بررسی شده است.

برای توضیح روش پیشنهادی، یک سازه ۱۰ طبقه با رفتار خطی و از نوع قاب برشی، تحت اثر زلزله‌ی اغتشاش سفید فیلتر شده قرار گرفته و MTMD بهینه طراحی شده است. بر اساس تحلیل‌های عددی می‌توان به نتایج زیر اشاره کرد:

۱- روش پیشنهادی برای طراحی بهینه MTMD با استفاده از الگوریتم ژنتیک، روشی موفق برای تعیین پارامترهای TMD ها است که دقت و سرعت همگرایی بالایی دارد. در این روش به راحتی می‌توان برای هر تعداد TMD، مسئله را حل کرد.

۲- در این مقاله با وجود این که تابع هدف برای طراحی بهینه MTMD، کاهش بیشینه‌ی تغییر مکان جانبی سازه بوده است، نتایج به دست آمده نشان می‌دهد که در مقابل ارتعاش طرح و همچنین زلزله‌های تست، بیشینه‌ی شتاب سازه (به عنوان معیار راحتی ساکنین) نیز کاهش داشته که این



شکل (۱۰) بیشینه‌ی تغییر مکان جانبی نرمال شده‌ی سازه‌ی کنترل شده برای تعداد مختلف TMD تحت زلزله‌های تست: (a) El-Centro، (b) Hachinohe، (c) Kobe و (d) Northridge

همان گونه که در پژوهش‌های قبلی هم نشان داده شده است [۱۴]، با وجود تأثیر ناچیز افزایش تعداد TMD در کارایی سازه و کار MTMD در حالت استفاده از تعداد بیشتر TMD، می‌توان از جرمها و در نتیجه حجم کوچک تری برای TMD ها نسبت به TMD منفرد استفاده کرد که منجر به کاهش فضای مورد نیاز برای نصب و راحتی نصب و

- John Wiley & Sons, Chichester, 1997
- [2] Xu, K. and Igusa, T., "Dynamic characteristics of multiple substructures with closely spaced frequencies", *Earthquake Engineering & Structural Dynamics*, 21, 1992, 1059-1070.
- [3] Kareem, A. and Klein, S., "Performance of multiple tuned mass dampers under random loadings", *Journal of Structural Engineering*, ASCE, 121(2), 1995, 348-361.
- [4] Yamaguchi, H. and Harnpornchai, N., "Fundamental characteristics of multiple tuned mass dampers for suppressing harmonically forced oscillation", *Earthquake Engineering & Structural Dynamics*, 22, 1993, 51-62.
- [5] Abe, M. and Fujino, Y., "Dynamic characteristics of multiple tuned mass dampers and some design formula", *Earthquake Engineering & Structural Dynamics*, 23, 1994, 813-835.
- [6] Igusa, T. and Xu, K., "Vibration control using multiple tuned mass damper", *Journal of Sound and Vibration*, 175, 1994, 491-503.
- [7] Jangid, R.S., "Optimum multiple tuned mass dampers for base excited undamped systems", *Earthquake Engineering & Structural Dynamics*, 28, 1999, 1041-1049.
- [8] Wu, J. and Chen, G., "Optimization of multiple tuned mass dampers for seismic response reduction", *Proceeding of American Control Conference*, Chicago, Illinois, USA, June 2000, 519-523.
- [9] Chen, G. and Wu, J., "Optimal placement of multiple tuned mass dampers for seismic structures", *Journal of Structural Engineering*, ASCE, 127(9), 2001, 1054-1062.
- [10] Li, C., "Optimum multi tuned mass dampers for structures under the ground acceleration based on DDMF and ADMF", *Earthquake Engineering & Structural Dynamics*, 31, 2002, 897-919.
- [11] Zuo, L. and Nayfeh, S.A., "Optimization of the individual stiffness and damping parameters in multiple-tuned-mass-damper systems," *Journal*
- میزان کاهش، کمتر از مقدار کاهش پیشینه‌ی تغییر مکان جانبی است.
- ۳- تست ساز و کار MTMD بهینه تحت اثر زلزله‌های دورگسل و نزدیک‌گسل نشان می‌دهد که کارایی این سامانه در کاهش پاسخ سازه، وابسته به محتوای فرکانسی زلزله است به‌گونه‌ای که برای زلزله‌های با شدت بالا و تاریخچه زمانی کوتاه، چندان مؤثر واقع نشده و در مواردی اثر منفی نیز داشته است.
- ۴- با توجه به نتایج به‌دست‌آمده از طراحی بهینه MTMD برای درصد جرم‌های مختلف (از ۲ تا ۱۴ درصد)، می‌توان گفت که عموماً افزایش درصد جرمی میراگرها سبب کاهش بیشتر پاسخ سازه شده که این مسئله بیانگر افزایش کارایی سامانه MTMD با افزایش درصد جرمی است؛ به‌ویژه برای درصد جرم‌های پایین که افزایش جرم تأثیر زیادتری دارد.
- ۵- در این مطالعه با فرض توزیع یکسان جرم برای میراگرهای جرمی و قرارگیری موازی آن‌ها در طبقه آخر سازه، طراحی بهینه سامانه MTMD برای تعداد مختلف TMDها (شامل ۱، ۵، ۱۰ و ۱۵) نشان می‌دهد که افزایش تعداد TMD تأثیر چشم‌گیری در افزایش کارایی ساز و کار MTMD در مقایسه با TMD منفرد ندارد.
- ۶- از آن‌جا که در این پژوهش کاهش پاسخ کلی سازه به‌جای کاهش پاسخ یک مود خاص مد نظر بوده و با دانستن این‌که در سازه‌های بلندمرتبه، مودهای بالاتر می‌توانند در پاسخ کلی سازه نقش چشم‌گیری را داشته باشند، روش پیشنهادی می‌تواند به‌عنوان روشی مفید برای طراحی سامانه MTMD در سازه‌های بلندمرتبه توصیه شود.
- ۷- مراجع**
- [1] Soong, T. and Dargush, G.F., *Passive energy dissipation systems in structural engineering*,

- [20] Holland, J.H., *Adaptation in natural and artificial systems*, Ann Arbor: The University of Michigan Press, 1975
- [21] Mühlenbein, H. and Schlierkamp-Voosen, D., "Predictive models for the breeder genetic algorithm: I. Continuous parameter optimization", *Evolutionary Computation*, 1(1), 1993, 25-49
- [22] Baker, J.E., "Reducing bias and inefficiency in the selection algorithm", *Proc. ICGA 2*, 1987, 14-21
- [23] Jenkins, W.M., "A decimal-coded evolutionary algorithm for constrained optimization", *Computer and Structure*, 80, 2002, 471-480
- [24] Arfiadi, Y. and Hadi, M.N.S., "Optimal direct (static) output feedback controller using real coded genetic algorithms", *Computer and Structure*, 79, 2001, 1625-1634
- [25] Fan, F.G. and Ahmadi, G., "Nonstationary Kanai-Tajimi models for El-Centro 1940 and Mexico-City 1985 earthquakes", *Probabilistic Engineering Mechanics*, 5, 1990, 171-181
- [26] Li, C. and Liu, Y., "Further characteristics for multiple tuned mass dampers," *ASCE Journal of Structural Engineering* 128(10), 2002, 1362-1365
- [27] Li, C., "Performance of multiple tuned mass dampers for attenuating undesirable oscillations of structures under the ground acceleration," *Earthquake Engineering & Structural Dynamics*, 29, 2000, 1405-1421.
- of Vibration and Acoustics, *Transactions of ASME*, 127, 2005, 77-83.
- [12] Carneiro, R.B., Avila, S.M. and De Brito, J.L.V., "Parametric study on multiple tuned mass dampers using interconnected masses," *International Journal of Structural Stability and Dynamics*, 8(1), 2008, 187-202.
- [۱۳] اعتماد سعید، ل، نراقی س.ا و زهرایی س.م. "پیش بینی پارامترهای بهینه‌ی میراگرهای جرمی چندگانه با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی و استنتاج فازی"، چهارمین کنگره مهندسی عمران، ۱۳۸۷.
- [14] Moon, K.S., "Vertically distributed multiple tuned mass dampers in tall buildings: performance and preliminary design", *Structural Design of Tall and Special Buildings*, 19, 2010, 347-366.
- [15] Dehghan-Niri, E., Zahrai, S.M and Mohtat, A., "Effectiveness-robustness objectives in MTMD system design: An evolutionary optimal design methodology," *Structural Control & Health Monitoring*, 17(2), 2010, 218-238.
- [16] Goldberg, D.E., *Genetic algorithms in search, optimization and machine Learning*, Addison - Wesley Publishing Co., Inc. Reading, Mass, 1989.
- [17] Michalewicz, Z., *Genetic algorithms + data structures=evolution programs*, New York: Springer -Verlag, 1996
- [18] Bathe, K. J., *Finite element procedures*, Prentice-Hall, Inc., 1996
- [19] Joghataie, A. and Mohebbi, M., "Vibration controller for confined masonry walls by distributed genetic algorithms", *Journal of Structural Engineering*, ASCE, 134(2), 2008, 300-309

Genetic Algorithm Based Approach for Optimal Design of Multiple Tuned Mass Dampers (MTMDs) under Earthquake Excitation

M. Mohebbi^{1*}, K. Shakeri², H. Majzoub³

1- Assistant Professor, Engineering Department, University of Mohaghegh Ardabili, Ardabil, Iran

2- Assistant Professor, Engineering Department, University of Mohaghegh Ardabili, Ardabil, Iran

3- MSc, Engineering Department, Islamic Azad University, Malekan Branch, Malekan, Iran

mohebbi@uma.ac.ir

Abstract:

To improve the behavior of building structures subjected to lateral loads, such as wind and earthquake excitations, tuned mass damper (TMD) has been used extensively theoretically and experimentally in previous researches. To increase the effectiveness of TMD mechanism, different methods have been proposed to determine the optimal values of TMD parameters including its mass, stiffness and damping. In using single TMD on the structures subjected to external vibrations, the mistuning of TMD, variation of TMD damping and changes in structural dynamic characteristics cause significant reduction in the effectiveness of TMD.

Multiple tuned mass dampers (MTMDs) have been proposed to overcome the shortcomings of single TMD where each TMD has different dynamic characteristics. Based on the results of different researches, it has been concluded that the performance of MTMDs is less sensitive to uncertainty of structural dynamic parameters than that of a single TMD.

In the previous researches, for designing MTMDs on the linear structures subjected to various external excitations, several methods have been proposed based on different kinds of design criteria. In most of the proposed methods, to simplify the design procedure of MTMDs, some limitations such as identical masses and damping ratios for TMDs or uniform distribution for the frequency or damping of TMDs have been considered. Also these methods require extensive numerical analysis. To generalize the design problem of MTMDs, in this paper, an effective method has been proposed for optimal design of MTMDs on the multi-degree-of-freedom linear structures subjected to any desired excitation. In this method, an optimization problem is defined for designing the optimal MTMDs. The minimization of the maximum displacement of structure is considered as objective function and the parameters of TMDs are considered as variables. Since the design problem includes a large number of variables, hence, in this paper, it has been decided to use Genetic Algorithm (GA) for solving the optimization problem.

To illustrate the procedure of the proposed method and also to assess the effectiveness of MTMDs in improving the seismic behavior of structures, a ten-storey linear shear building frame was subjected to white noise excitation and for different values of TMDs mass ratio and TMDs number, optimal MTMDs were designed for minimizing the maximum displacement of structure. To focus on the main objective of this paper and avoid the complexity of the problem, TMDs were located on the top floor in parallel configuration. The results of numerical simulations showed the capability of GA in solving complex MTMDs

Abstracts

design problem with a large number of variables as well as the simplicity of the method under any desired external excitation. Also it was concluded that increasing of the mass ratio of TMDs could improve the effectiveness of MTMDs. To assess the performance of optimal MTMDs under other earthquakes, which are different in characteristics with design record, optimal structure-MTMDs was tested under near-fault and far-fault earthquakes and the results have been reported.

Keywords: Passive control, Tuned Mass Damper (TMD), Multiple Tuned Mass Damper (MTMD), Optimization.