

بررسی آزمایشگاهی پرش هیدرولیکی در تنگ شدگی ناگهانی با بستر زبر

رسول دانشفراز^{۱*}، میرامیر نجیبی^۲

۱- استاد بخش مهندسی عمران- سازه‌های هیدرولیکی، دانشگاه مراغه

۲- کارشناسی ارشد عمران- سازه‌های هیدرولیکی، دانشگاه مراغه

*daneshfaraz@maragheh.ac.ir

تاریخ دریافت: ۱۴۰۰/۰۶/۲۶ تاریخ پذیرش: ۱۴۰۰/۱۲/۲۴

چکیده

یکی از مهم‌ترین معضلاتی که در پایین‌دست سازه‌های هیدرولیکی وجود دارد، انرژی مخبر جنبشی جریان است. همواره کارشناسان سعی در طراحی مناسب و کاهش اثر این نیروی مخبر در پایین‌دست سازه‌های هیدرولیکی را دارند. تحقیق حاضر با هدف بررسی تاثیر انقباض ناگهانی همراه با زبری کف مقطع تنگ شدگی بر میزان استهلاک انرژی در جریان فوق بحرانی در کanal مستطیلی شکل انجام شد. سه نوع تنگ شدگی با عرض‌های ۵، ۱۰ و ۱۵ سانتی‌متر و سه زبری با قطرهای متوسط ۰.۸، ۱.۲۸ و $D_{50} = 2.08$ سانتی‌متر و محدوده عدد فرود $Froude Number = Fr_A \leq 7/5$ و انقباض نسبی $\Delta E/E_A \leq 7/5$ مورد بررسی قرار گرفت. نتایج آزمایشگاهی نشان داد که با افزایش عدد فرود جریان بالادست، استهلاک انرژی نسبی بالادست ($\Delta E/E_A$) افزایش می‌یابد. همچنین با بکارگیری زبری در کف هر سه مقطع تنگ شدگی مشاهده شد که استهلاک انرژی بطور چشم‌گیری افزایش یافت بطوریکه بیشترین استهلاک انرژی با $78/35$ درصد افزایش مربوط به تنگ شدگی ۱۵ سانتی‌متر و کمترین استهلاک انرژی با $43/35$ درصد افزایش مربوط به تنگ شدگی ۵ سانتی‌متری است. روابط استخراج شده برای تخمین استهلاک انرژی نسبی نشان داد که نتایج آن با داده‌های آزمایشگاهی هماهنگی خوبی با ضریب همبستگی 0.927 و خطای جذر میانگین مربعات نرمال شده 0.02 دارند.

واژگان کلیدی: استهلاک انرژی نسبی، تنگ شدگی ناگهانی، زبری کف، عدد فرود.

سازه‌ایی باشد که با تشکیل پرش هیدرولیکی، بخش قابل توجهی از انرژی جریان را مستهلاک می‌کند. هدف اصلی مطالعه حاضر بررسی تنگ شدگی با زبری کف‌بستر می‌باشد که تاکنون بصورت آزمایشگاهی و عددی مورد بررسی قرار نگرفته است. محدوده مطالعات تحقیق حاضر را می‌توان به دو بخش اساسی، تحقیقات مربوط به پرش هیدرولیکی با مقطع تنگ شدگی و زبری در مسیر جریان تقسیم کرد.

۱- مقدمه

یکی از اساسی‌ترین مشکلات هیدرولیکی در پایین‌دست سازه‌های هیدرولیکی انرژی جنبشی بسیار زیاد و مخبر جریان است. امروزه پژوهشگران سعی دارند، با طراحی سازه‌های الحاقی اثر مخبر جریان را کاهش داده و از فرسایش و تخریب دیواره‌ها و بستر پایین‌دست کanal جلوگیری کنند. ایجاد مقطع تنگ شدگی به همراه زبری کف بستر کanal می‌تواند یکی از

می دهد.

نائب زاده و همکاران [11] با بررسی شبکه شکن های قائم مجهز به صفحه مشبك قائم با واگرایی تدریجی به این نتیجه رسیدند که استفاده از صفحات مشبك و واگرایی دیواره ها باعث افزایش استهلاک انرژی و کاهش عمق استخراج و عمق پایین دست می شود. استفاده از صفحات مشبك و دیواره واگرایی و استفاده همزمان از آنها به ترتیب باعث افزایش ۴۴، ۲۵ و ۴۸ درصدی راندمان استهلاک انرژی می شود. دانشفراز و همکاران [12] با بررسی عددی تاثیر انقباض ناگهانی ۵، ۱۰ و ۱۵ سانتی متر بر میزان استهلاک انرژی در جریان فوق بحرانی، به این نتیجه رسیدند که با افزایش میزان تنگ شدگی استهلاک انرژی افزایش می یابد. همچنین دانشفراز و همکاران [13] با بررسی عددی به تاثیر تغییر عرض کanal با تنگ شدگی با دیواره صاف ناگهانی پرداختند. به دنبال این تحقیق، دانشفراز و همکاران [14] به بررسی عددی تاثیر تنگ شدگی هلالی شکل با عرض های مختلف پرداختند. در هر دو تحقیق فوق، نتایج نشان از افزایش استهلاک انرژی در استفاده از انواع تنگ شدگی ها را دارد. نائب زاده و همکاران [15] به بررسی عددی شبکه شکن های قائم در حضور صفحات مشبك و واگرایی تدریجی دیواره پرداختند. مدل آشفتگی بکار رفته در این تحقیق مدل *RNG* انتخاب شد چرا که نسبت به سایر مدل های آشفتگی نتایج بهتری ارائه داده بود. همچنین نتایج آنها نشان داد، استهلاک انرژی نسبی به دلیل شدت برخورد جت با کف، افزایش و عمق نسبی استخراج کاهش می یابد.

دسته دیگر مطالعات، مربوط به استهلاک انرژی در بستر اولین مطالعه زیری کف بستر مربوط به تحقیق راجارتانم [16] است که با مطالعه آزمایشگاهی نشان داد، طول غلتات و طول پرش و عمق ثانویه پرش روی بستر زیر در مقایسه با بستر صاف کاهش می یابد. ایزدجو [17] با بررسی آزمایشگاهی بستر زیر شده با زیری های ذوزنقه ای نشان دادند که، طول نسبی پرش و استهلاک انرژی کل، افزایش می یابد. عباسپور و همکاران [18] توکیای و همکاران [19] والزبا و همکاران [20] با مطالعه روی انواع بستر های زیر و مقایسه آنها به این نتیجه رسیدند که در اعداد فرود بالاتر، میزان کاهش عمق نسبی در بستر های زیر،

تحقیقات اولیه در خصوص انقباض مربوط به مطالعات هاگر و همکاران [1] و یاسودا و هاگر [2] است. رینائزور و هاگر [3] با مطالعه آزمایشگاهی شوت انقباض یافته به این نتیجه رسیدند که با افزایش دبی و عدد فرود بالادست، به ترتیب عمق نسبی جریان و انقباض نسبی جریان افزایش می یابد. نتایج مطالعه آزمایشگاهی وو و مولیناس [4] روی کanal روباز با انقباض کوتاه نشان داد که ضریب دبی از نسبت بازشدگی محل انقباض تاثیر می پذیرد. جان و چانگ [5] پرش هیدرولیکی و استهلاک انرژی را در یک شوت مایل مستطیلی با انقباض تدریجی را مورد بررسی قرار دادند. نتایج نشان داد که با افزایش عدد فرود، استهلاک انرژی نسبی در تمامی زوايا و انقباض ها افزایش و با افزایش شبکه کف کanal طول نسبی پرش هیدرولیکی کاهش می یابد. صادقی و همکاران [6] با بررسی آزمایشگاهی تاثیر دیواره ها در تبدیل واگرا به این نتیجه رسیدند که، به ازاء طول ثابت دیواره تبدیل، انحنای دیواره ها باعث کاهش سرعت و کاهش نرخ استهلاک انرژی در پرش هیدرولیکی می شود. دانشفراز و همکاران [7] با مطالعه آزمایشگاهی مشخصات پرش هیدرولیکی، در تنگ شدگی و واگرایی، به این نتیجه رسیدند که اتلاف انرژی در تنگ شدگی در مقایسه با واگرایی به طور متوسط ۸/۷۴ درصد کاهش می یابد. دانشفراز و همکاران [8] با بررسی عددی تنگ شدگی ناگهانی، رفتار جریان در پیچ ۹۰ درجه با حضور و عدم حضور تنگ شدگی در محل پیچ پرداختند. نتایج نشان داد که استفاده از تنگ شدگی در محل پیچ ۹۰ درجه باعث افزایش افت فشار در این ناحیه است. مطالعه آزمایشگاهی استهلاک انرژی در تنگ شدگی ناگهانی توسط دانشفراز و همکاران [9] نشان داد که میزان استهلاک انرژی ناشی از تنگ شدگی ناگهانی بیشتر از پرش هیدرولیکی است. بطوریکه استهلاک انرژی نسبت به بالادست به میزان ۱۱/۴۳ درصد و نسبت به پایین دست به میزان ۶۵/۰۳ درصد بیشتر از پرش هیدرولیکی آزاد است. دانشفراز و همکاران [10] تاثیر میزان واگرایی تدریجی و بستر زبر شده با شن را روی مشخصات پرش هیدرولیکی مورد بررسی قرار دادند. نتایج نشان داد که حوضچه های آرامش واگرای ناگهانی با بستر زیر در تمامی نسبت های بازشدگی، عمق مزدوج پرش را در مقایسه با واگرایی با بستر صاف به طور متوسط ۱۲ تا ۱۶ درصد کاهش

و عوامل انسانی چون پایه‌های پل ایجاد شود، ضرورت محاسبه میزان استهلاک انرژی در مواجهه جریان فوق بحرانی با تنگ شدگی را مشخص می‌سازد. با بررسی تحقیقات پیشین مشاهده شد که مطالعات انجام گرفته تنها در زمینه سازه‌های همگرا و واگرای تدریجی، شوت‌ها و استهلاک انرژی به وسیله سایر مستهلك‌کننده‌ها بوده و مطالعه‌ای در زمینه استفاده هم‌زمان تنگ شدگی ناگهانی و زبری کف بستر در مقطع تنگ شده تاکنون انجام نگرفته است. پس در این تحقیق تاثیر هم‌زمان تنگ شدگی ناگهانی و زبری کف بستر بر استهلاک انرژی جریان فوق بحرانی به صورت آزمایشگاهی بررسی و نتایج آن با تحقیقات سایر پژوهشگران مقایسه شده است.

۲- مواد و روش‌ها

۲-۱- امکانات آزمایشگاهی

برای دستیابی به اهداف این تحقیق، برای مدل‌سازی از فلوم آزمایشگاهی با مشخصات ابعادی به طول ۵ متر، عرض ۰/۳ متر و ارتفاع ۰/۵ متر، جنس دیواره‌ها و کف از پلکسی‌گلس شفاف استفاده شد. همچنین برای ایجاد جریان فوق بحرانی از دریچه قائم فلزی کشویی، با بازشدگی ۲ سانتی‌متر استفاده شد. در این فلوم جریان توسط ۲ پمپ هر کدام با توان ۴۵۰ لیتر بر دقیقه وارد کanal می‌شود. برای تنظیم دبی جریان از روتامترهای نصب شده روی پمپ‌ها با خطای اسمی ± 2 درصد و اندازه-گیری طول پرش هیدرولیکی از متر بنایی با دقت ۱ میلی‌متر و عمق‌ها توسط یک عمق‌سنج نقطه‌ای با خطای اسمی ± 1 میلی-متر استفاده شد. انجام آزمایش‌ها در ۳ مقطع تنگ شدگی به عرض ۱۵، ۲۰ و ۲۵ سانتی‌متر با طول مقطع تنگ شدگی ۵۰ سانتی‌متر، در فاصله ۱/۵ متری از دریچه مولد جریان فوق-بحرانی انجام شد. شکل (۱)، شماتیک کanal و تجهیزات نصب شده روی آن و شکل (۲)، نمونه‌ای از جایگذاری تنگ شدگی، پرش هیدرولیکی تشکیل شده در مسیر جریان و چگونگی جایگذاری زبری با سه قطر متوسط ۲/۰۸، ۱/۲۸، ۰/۸ سانتی‌متر در کف بستر را نشان می‌دهد. جدول (۱)، محدوده تغییرات پارامترهای هیدرولیکی جریان را ارائه می‌دهد.

نسبت به پرش کلاسیک بیشتر می‌شود. توکیای و همکاران [21] با مطالعه روی تعیین آثار زبری موج دار و زبری منشوری با آرایش زیگزاگی و نواری برمشخصات پرش هیدرولیکی دریافتند که طول پرش هیدرولیکی در زبری-های مختلف کاهش می‌یابد و بستر زبر میزان افت انرژی را نسبت به پرش کلاسیک ۳ تا ۱۰ درصد افزایش می‌دهد. اصفهانی و همکاران [22] با مطالعه روی بستر زبر نشان دادند که بستر زبر حوضچه آرامش می‌تواند طول پرش هیدرولیکی را تا حدود ۴۰ درصد کاهش دهد. نیسی و همکاران [23] برای اولین بار پرش گستته را با بستر زبر مورد مطالعه قرار دادند و به این نتیجه رسیدند که نسبت عمق مزدوج ۱۶ تا ۲۰ درصد در مقایسه با پرش هیدرولیکی کلاسیک کاهش یافته و راندمان پرش ۲۰ درصد افزایش می‌یابد. بدیع‌زادگان و همکاران [24] با بررسی پرش هیدرولیکی روی بسترها موج دار سینوسی افقی نشان دادند، مقادیر مختلف زبری روی شب موج دار در طول پرش هیدرولیکی تفاوت چندانی با یکدیگر ندارند ولی نسبت به طول پرش کلاسیک حدود ۳۵ الی ۵۰ درصد طول پرش را کاهش می‌دهد. دانشفراز و همکاران [25] به بررسی آزمایشگاهی تاثیر بستر زبر با المان‌های ذوزنقه‌ای غیرممتد در مشخصات پرش گستته در کانال‌های مستطیلی غیر منشوری پرداختند. نتایج آنها نشان داد که، در کانال‌های غیر منشوری در مقایسه با کانال‌های منشوری باعث استهلاک انرژی بیشتر جریان، کاهش عمق ثانویه و افزایش طول پرش هیدرولیکی می‌شود. طبق مطالعه عددی دانشفراز و همکاران [26]، به بررسی سه بعدی اثر هندسه المان‌های زبری در شب شکن های مایل پرداختند. نتایج نشان داد که وجود المان‌های زبری مختلف روی سطح شبیدار عمق نسبی پایین دست و انرژی نسبی را افزایش می‌دهد. دانشفراز و همکاران [27] به بررسی آزمایشگاهی استهلاک انرژی جریان فوق بحرانی در تنگ شدگی ناگهانی به همراه زبری دیواره پرداختند و به این نتیجه رسیدند که با افزایش عرض مقطع تنگ شدگی استهلاک انرژی افزایش می‌یابد ولی تغییر قطر زبری‌ها تاثیر چندانی بر استهلاک انرژی ندارد.

با توجه به امکان تشکیل مقاطع انقباض یافته در مسیر جریان فوق بحرانی که ممکن است در اثر ایجاد عوامل طبیعی

$$f1(Q, \rho, g, \mu, W, \Delta b, d, D_{50}, y_A, y_B, y_h, L_j, L, x, V_A, V_B) = 0 \quad (1)$$

که در آن، Q دبی جریان، ρ چگالی سیال، g شتاب گرانش، μ ویسکوزیته دینامیکی، W عرض کanal، Δb عرض تنگ شدگی، d بازشدگی دریچه، D_{50} قطر متوسط زیری کف تنگ شدگی، y_A و y_B به ترتیب اعماق جریان در مقاطع A و B و y_h عمق آب پشت دریچه، L_j طول پرش هیدرولیکی، E_B و E_A به ترتیب انرژی مخصوص در مقاطع A و B فاصله دریچه تا تنگ شدگی، L طول مقطع تنگ شده، V_A و V_B به ترتیب سرعت در مقاطع A و B است. با در نظر گرفتن پارامترهای ρ و g ، y_A و y_B به عنوان پارامترهای تکراری و با استفاده از روش آنالیز ابعادی پی باکینگهام پارامترهای بدون بعد به صورت رابطه (۲) ارائه می شود.

$$f2(Re_A, Fr_A, Fr_B, \frac{W}{y_A}, \frac{d}{y_A}, \frac{\Delta b}{y_A}, \frac{D_{50}}{y_A}, \frac{y_B}{y_A}, \frac{y_h}{y_A}, \frac{x}{y_A}, \frac{L}{y_A}, \frac{L_j}{y_A}) = 0 \quad (2)$$

همچنین با ساده سازی و تقسیم برخی از پارامترها بر یکدیگر، پارامترهای بدون بعد به صورت رابطه (۳) خلاصه می شود.

$$f3(Re_A, Fr_A, Fr_B, \frac{W}{y_A}, \frac{d}{y_A}, \frac{D_{50}}{\Delta b}, \frac{y_B}{y_A}, \frac{x}{L}, \frac{L_j}{y_A}) = 0 \quad (3)$$

به دلیل اینکه جریان در تحقیق حاضر متلاطم و محدوده عدد Re رینولدز بیش از ۲۰۰۰ است، پس می توان از تاثیر پارامتر d/y_A صرف نظر نمود [۱۲، ۳۰، ۳۱]. همچنین پارامترهای x/y_A و W/y_A به ترتیب به دلیل ثابت بودن میزان بازشدگی دریچه، میزان عرض دریچه و فاصله دریچه تا تنگ شدگی از میان پارامترهای بدون بعد حذف و کمیت های بدون بعد موثر مطابق رابطه ۴ ارائه شد.

شکل ۱. شماتیک کanal و تجهیزات نصب شده روی آن

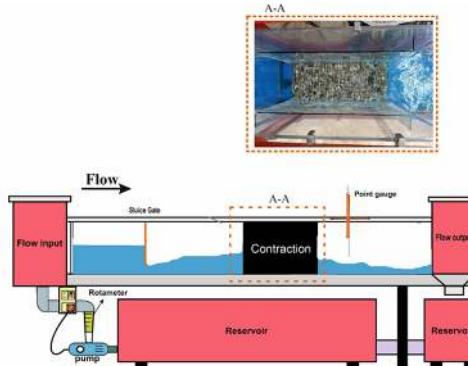


Fig. 1. Schematic of channel and equipment installed on it

شکل ۲. شماتیک جایگذاری تنگ شدگی و زبری

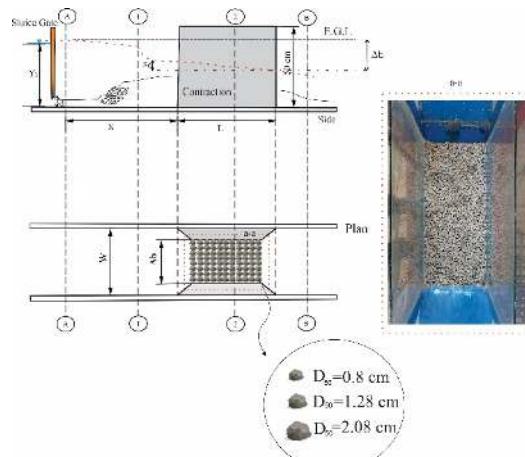


Fig. 2. Schematic of contraction and roughness placement

جدول ۱. محدوده متغیرهای اندازه گیری شده

Roughness (D_{50})	$D_{50}/\Delta b$	Q (L/min)	y_B (cm)	Re ($\times 10^3$)
Plain contraction	---		1.2-7.31 4.55-7.63 4.94-8.54	
0.8 cm	0.032	300	1.84-2.67	
	0.04		2.3-6.12	75-141
1.28 cm	0.053	600	2.2-8.67	76.5-159
	0.051		1.82-2.67	59-238
2.08 cm	0.064		2.2-2.23	
	0.085		2.68-3.29	
	0.081		1.94-2.51	
	0.101		2-3.47	
	0.135		2.1-3.40	

Table 1. range of measured

۲-۲- آنالیز ابعادی

پارامترهای موثر در تحقیق حاضر، با در نظر گرفتن ویژگی های هندسی و هیدرولیکی را می توان به صورت رابطه ۱، نوشت:

در موقعی که پرش هیدرولیکی در کanal، مستغرق شود ، به دلیل تلاطم جریان در مقطع A ، اندازه‌گیری عمق جریان مشکل است. بنابراین محاسبه عمق مستغرق بعد از دریچه طبق رابطه ۹ و براساس ارتفاع آب پشت دریچه محاسبه شد. (راجاراتنم و همکاران [28])

شکل ۴. ضریب انقباض دریچه کشویی برای جریان‌های آزاد و مستغرق. (بلاد و همکاران [29])

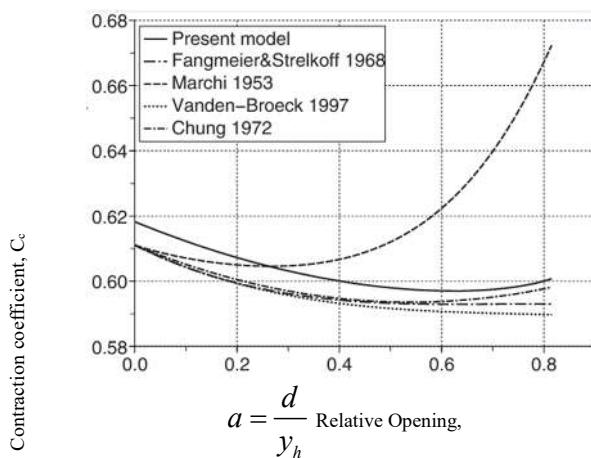


Fig. 4. Vertical sluice gate contraction coefficient for free and submerge flow

$$y_{SA} = y_h - \frac{V_A^2}{2g} \quad (9)$$

در رابطه ۹: y_h ، ارتفاع آب پشت دریچه، y_{SA} ، عمق استغرق دریچه و V_A ، سرعت در مقطع A است.

۴-۲- روابط ارزیابی

در تحقیق حاضر روابطی برای تخمین استهلاک انرژی نسبی و اعماق مزدوج براساس عدد فرود بالادست ارائه و پارامتر وابسته به صورت تابعی از پارامترهای مستقل درنظر گرفته شده است. برای ارائه این روابط در اکسل به کمک دستور Solver ۷۰، درصد داده‌های آزمایشگاهی برای آموزش و ۳۰ درصد داده‌ها برای آزمون انتخاب شده است. از شاخص‌های آماری ضریب همبستگی R^2 ، خطای جذر میانگین مربعات $RMSE$ و خطای نسبی $E_{Relative error}$ برای ارزیابی روابط بهره گرفته شده است.

$$\begin{aligned} f4(Fr_A, Fr_B, \frac{D_{50}}{\Delta b}, \frac{\Delta b}{W}, \frac{y_B}{y_A}, \frac{E_A}{y_A}, \\ \frac{E_B}{y_A}, \frac{L_j}{y_A}) = 0 \end{aligned} \quad (4)$$

در پایان با ساده سازی رابطه ۴، پارامترهای وابسته به صورت تابعی از پارامترهای مستقل بدون بعد به صورت زیر ارائه شد.

$$\frac{\Delta E}{E_A}, \frac{y_B}{y_A}, \frac{L_j}{y_A}, Fr_B = f5(Fr_A, \frac{D_{50}}{\Delta b}, \frac{\Delta b}{W}) \quad (5)$$

۳-۲- معادلات کلاسیک هیدرولیکی

در برخی موارد وقتی عرض تنگ شدگی در مقطع طولی کanal نسبتاً زیاد باشد با برخورد جریان فوقبحرانی به مقطع تنگ شدگی، پرش مستغرق تشکیل می‌شود (شکل ۳). طبق رابطه ۶، می‌توان افت انرژی بین مقطع A و B را با استفاده از اصل انرژی محاسبه کرد. برای محاسبه عمق در مقطع A از رابطه ۷ و برای محاسبه سرعت جریان در مقطع A از رابطه ۸ استفاده شد.

شکل ۳. پرش هیدرولیکی مستغرق

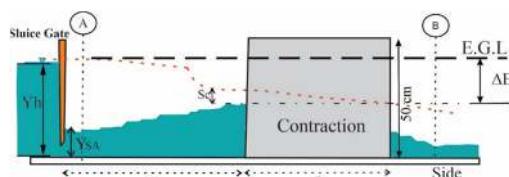


Fig. 3. Submerge hydraulic jump

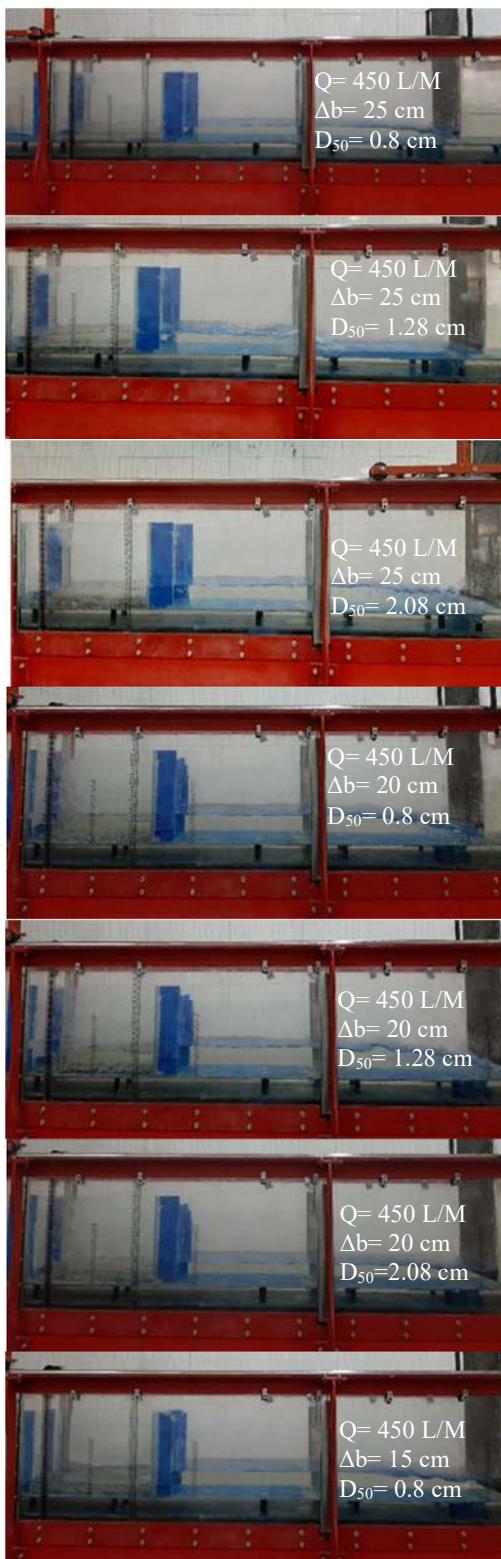
در رابطه ۷، d میزان بازشدگی دریچه و C_c ضریب انقباض جریان است . (بلاد و همکاران [29]). ضریب انقباض (C_c) بر حسب عمق آب پشت دریچه برای جریان‌های آزاد و مستغرق براساس شکل (۴) محاسبه شد.

$$\Delta E_{AB} = (y_A + \frac{V_A^2}{2g}) - (y_B + \frac{V_B^2}{2g}) \quad (6)$$

$$y_A = d \times C_c \quad (7)$$

$$V_A = \frac{Q}{A_A} \quad (8)$$

شکل ۵. نمایی از مدل‌های آزمایشگاهی



$$R^2 = \frac{(N \sum E_{\text{exp}} E_{\text{cal}}) - (\sum E_{\text{exp}})(\sum E_{\text{cal}})}{\sqrt{N(\sum E_{\text{exp}}^2) - (\sum E_{\text{exp}})^2} \sqrt{N(\sum E_{\text{cal}}^2) - (\sum E_{\text{cal}})^2}}^2 \quad (10)$$

$$RMSE = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_1^N (E_{\text{exp}} - E_{\text{cal}})^2} \quad (11)$$

$$E_{\text{Relative error}} = \frac{|E_{\text{exp}} - E_{\text{cal}}|}{E_{\text{exp}}} \times 100 \quad (12)$$

۳- نتایج و بحث

۱- مشاهدات آزمایشگاهی

شکل ۵ نمایی از آزمایش‌های انجام شده در آزمایشگاه هیدرولیک و چگونگی رفتار جریان در برخورد با المان‌های تنگ شدگی را نشان می‌دهد. با مقایسه شکل‌ها می‌توان دریافت که، با کم شدن عرض مقطع تنگ شدگی، عمق بالادست افزایش یافته و پرش هیدرولیکی به سمت بالادست حرکت می‌کند و تاثیر به سزایی در استهلاک انرژی نسبی پایین دست دارد. مدل‌ها با استفاده از مصالح شن با قطرهای $0, 1/8$ و $1/28$ و با درصد تخلخل $30, 18/5$ و $11/6$ درصد و کف زیر در مقطع تنگ، اجراء شده است. تعداد 270 آزمایش در محدوده عدد فرود $2/5$ تا $7/5$ و محدوده انقباض نسبی $0/5$ تا $0/83$ انجام گرفته است. با باز کردن پمپ، جریان بعد از عبور از زیر دریچه به صورت فوق بحرانی وارد کانال شده و به سمت مقطع تنگ شدگی حرکت می‌کند. با رسیدن جریان به مقطع تنگ-شدگی ناگهانی و برخورد با آن، پرش هیدرولیکی تشکیل شده و با برخورد جریان با المان‌های تنگ شدگی، پس زدگی جریان ایجاد شده و عمق آب در داخل مقطع انقباض یافته و افزایش می‌یابد. تشکیل پرش هیدرولیکی همزمان باعث افزایش تلاطم و تداخل آب و هوا در داخل تنگ شدگی می‌شود (شکل ۶). طبق مشاهدات، ایجاد زیری در کف مقطع تنگ شدگی و افزایش قطر متوسط زیری کف، عمق آب بالا دست رفته افزایش می‌یابد که باعث افزایش استهلاک انرژی می‌شود.

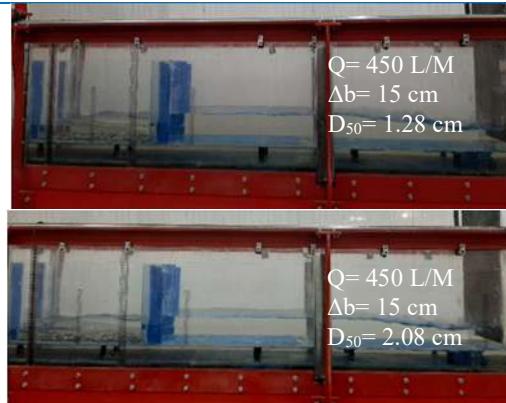
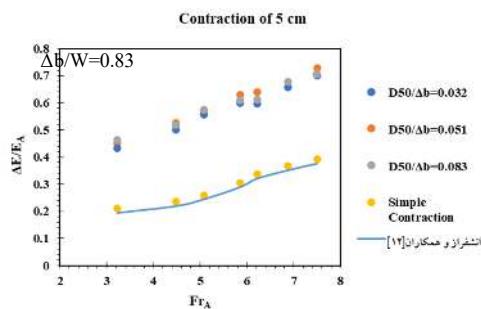
زیری کف مقطع تنگ شدگی با افزایش تنش برشی جریان، باعث افزایش میزان اصطکاک بین سنگدانه های کف مقطع تنگ شدگی و جریان شده و باعث کم شدن سرعت و افزایش عمق جریان می شود.

با افزایش میزان قطر متوسط مصالح کف تنگ شدگی، اصطکاک با مابین جریان و سنگدانه ها افزایش می یابد. این در حالی است که تأثیر قطر مصالح بر میزان استهلاک انرژی با کف زیر نسبت به حالت شاهد زیاد بوده ولی تغییر قطر مصالح کف نسبت به یکدیگر تأثیر کمی بر استهلاک انرژی دارد.

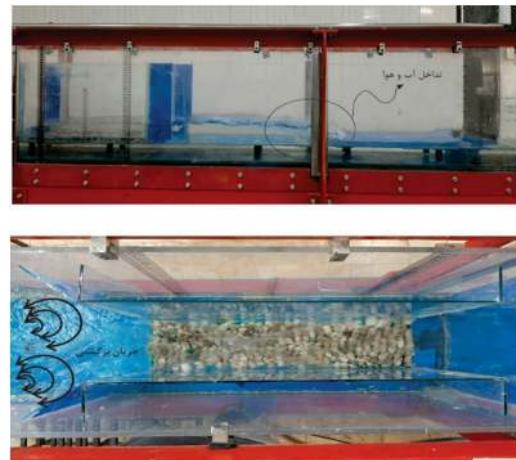
بطوریکه با کم شدن قطر متوسط ذرات زیری، به دلیل کاهش تخلخل میان سنگدانه ها، استهلاک انرژی و عمق پایین دست افزایش می یابند. به گونه ای که میزان استهلاک انرژی در تنگ شدگی با بستر زیر در مقایسه با تنگ شدگی با بستر صاف و تحقیقات دانشفراز و همکاران [12]، نشان از افزایش ۵۳/۲۹ و ۵۵/۴۵ و ۵۴/۶۲ درصدی در تنگ شدگی ۵ سانتی متر و افزایش ۵۹/۴۶ و ۵۰/۵۲ و ۶۰/۴۶ درصدی در تنگ شدگی ۱۰ سانتی متر و افزایش ۶۰/۴۱ و ۶۱/۲۱ و ۶۰ درصدی به ترتیب برای مصالح با قطر متوسط ۰/۸، ۱/۲۸ و ۲/۰۸ سانتی متری دارد.

نتایج تحقیق حاضر با تحقیقات دانشفراز و همکاران [12]، که به بررسی آزمایشگاهی و عددی انقباض ناگهانی با بستر صاف بر استهلاک انرژی پرداخته اند، مقایسه شده است. نتایج تحقیق حاضر نشان داد که استفاده از زیری، میزان استهلاک نسبی انرژی را به شدت در مقایسه با تحقیق دانشفراز و همکاران [12] و تنگ شدگی ساده (بدون زیری) افزایش داده است.

شکل ۷. تغییرات استهلاک انرژی نسبی در برابر عدد فرود جریان بالا دست



شکل ۵. نمایی از تداخل آب و هوا و جریان برگشتی



شکل ۶. نمایی از تداخل آب و هوا و جریان برگشتی

۳-۲-۳- استهلاک انرژی نسبی

یکی از اهداف اصلی تحقیق حاضر، بررسی میزان استهلاک انرژی در انقباض ناگهانی به همراه زیری کف مقطع تنگ شده است. شکل (۷)، تغییرات استهلاک انرژی نسبی را در برابر عدد فرود بالا دست نشان می دهد.

با افزایش عدد فرود، میزان استهلاک نسبی انرژی در تمامی مدل های تحقیق حاضر روند افزایشی و صعودی دارد. میزان استهلاک انرژی در تنگ شدگی ۱۵ سانتی متر نسبت به تنگ شدگی ۵ و ۱۰ سانتی متر به دلیل برخورد جریان فوق بحرانی به مقطع تنگ شدگی، جریان برگشتی در محل برخورد آب با کناره های المان های تنگ شدگی و همچنین تشکیل پرش هیدرولیکی در بالا دست مقطع تنگ شدگی بیشتر است. پرش هیدرولیکی باعث افزایش تلاطم و تداخل آب و هوا شده و به دنبال آن استهلاک نسبی انرژی افزایش می یابد.

بررسی مقادیر آزمایشگاهی استهلاک انرژی نسبی مقطع تنگ شدگی زبر با مقادیر پیش بینی شده توسط شاخص های ارزیابی، نشان داد که رابطه دارای ضریب تعیین $R^2=0.927$ ، خطای جذر میانگین مربعات $RMSE=0.027$ و درصد خطای نسبی $\pm 8/81$ درصد است (شکل ۸).

شکل ۸ مقایسه مقادیر آزمایشگاهی استهلاک انرژی نسبی آزمایشگاهی و محاسباتی

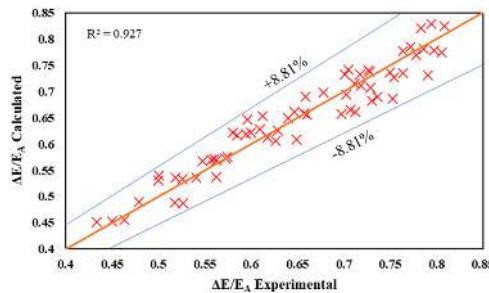


Fig. 8. Compare experimental with calculated relative energy dissipation

۳-۳ عدد فرود

شکل ۹ بررسی عدد فرود در دو مقطع A و B ، جدول ۲ تغییرات بازه عدد فرود را نشان می دهد. نتایج نشان می دهد که عدد فرود در پایین دست، بعد از هرسه تنگ شدگی به طور چشمگیری کاهش می یابد. نتایج نشان دهنده این است که در یک دبی ثابت بیشترین افت عدد فرود، در مقطع تنگ شدگی ۱۵ سانتی متری است. دلیل این امر آن است که با افزایش دبی و برخورد جریان با المان های تنگ شدگی، با تشکیل پرش هیدرولیکی و جریان های متلاطم، سرعت جریان کاهش و عمق آن افزایش می یابد. با افزایش عمق، رژیم جریان در مقطع پایین دست تبدیل به زیرحرانی شده یا در بعضی از دبی ها، عدد فرود کاهش بسیار چشمگیری داشته است. از آثار موثر کاهش عدد فرود در طبیعت و پایین دست سازه های هیدرولیکی می توان به کاهش فرسایش و تخریب کانال، جلوگیری از ایجاد امواج مخرب در پایاب، پدیده آبستنگی و کاهش طول حوضچه آرامش اشاره کرد. دقت شود که کاهش چشمگیر عدد فرود در حضور زبری کف با افزایش استهلاک انرژی نیز همراه است. این در حالی است که تغییرات عدد فرود به واسطه مقطع تنگ شدگی دارای کاهش تقریباً ۸۰ درصدی در تنگ شدگی ۵

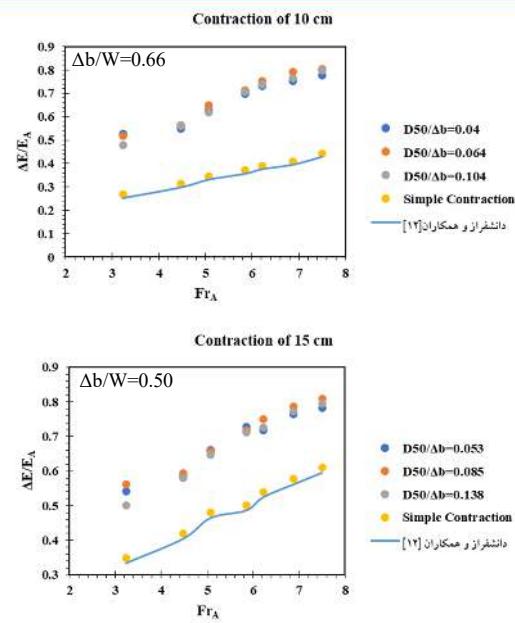


Fig. 7. Variation of relative energy dissipation versus upstream Froude number

مشاهده می شود که تاثیر زبری با قطر متوسط $1/28$ سانتی متر در استهلاک انرژی به دلیل سطح تماس بیشتر با جریان و همچنین فضای خالی میان دانه ها که باعث افزایش اصطکاک و تنش برشی می شود کمی بیشتر از بقیه زبری ها است. پس مقداری از انرژی توسط پرش هیدرولیکی و مقدار دیگری از آن به واسطه پس زدگی جریان مستهلک می شود. شکل (۸) بیانگر این است که در یک دبی ثابت میزان افت انرژی نسبی در تنگ شدگی نسبی $0/085$ ، به دلیل اینکه عرض مقطع تنگ شدگی کاهش یافته و با تشکیل پرش هیدرولیکی، پس زدگی جریان و تداخل آب و هوا، بیشتر از بقیه تنگ شدگی ها می باشد. همچنین برای تخمین استهلاک انرژی نسبی بالا دست برای فاصله ثابت 13 درجه تا تنگ شدگی، در اکسل به کمک دستور Solver ۷۰ درصد داده های آزمایشگاهی به شکل تصادفی انتخاب و 30 درصد داده های آزمایشگاهی نیز برای درستی آزمایی رابطه فوق در نظر گرفته شده است.

$$\Delta E / E_A = 0.054(Fr_A)^{1.1029} \times (D_{50} / \Delta b)^{0.0201} + 0.2426(\Delta b / W)^{-0.5297} \quad (13)$$

شکل (۱۰)، تغییرات اعمق مزدوج پرش هیدرولیکی در برابر عدد فرود جریان عبوری از زیر دریچه را نشان می‌دهد. نمودارهای الف، ب و ج به ترتیب بیانگر تغییرات اعماق مزدوج تنگ‌شدگی‌های ۱۰ و ۱۵ سانتی‌متر را برای هر سه زیری بکار رفته در کف تنگ‌شدگی را نشان می‌دهد.

شکل ۱۱. تغییرات اعمق مزدوج در برابر عدد فرود عبوری از زیر دریچه اشاره

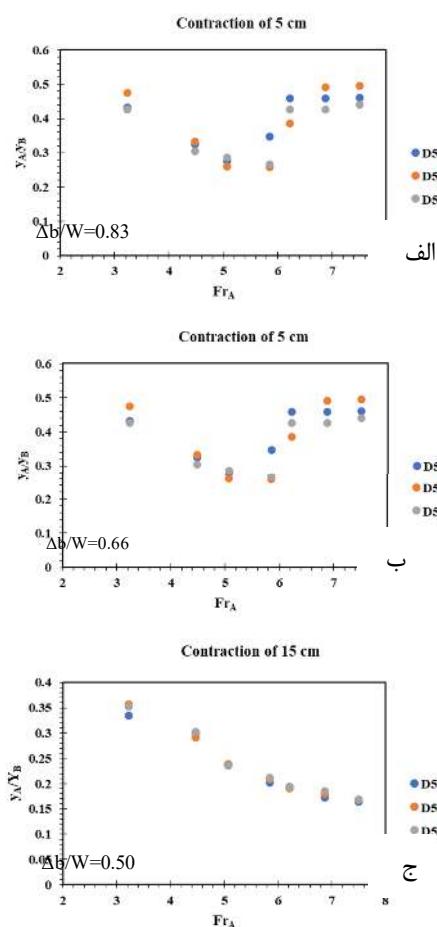


Fig. 10. Variation of conjugated depth versus vena contracta Froude number

با دقت در شکل‌ها می‌فهمیم که در تنگ‌شدگی ۵ سانتی‌متری، اعمق مزدوج پرش هیدرولیکی در دبی‌هایی که جریان بعد از دریچه مستغرق است، به صورت نزولی کاهش می‌یابد ولی با تبدیل پرش هیدرولیکی مستغرق به پرش هیدرولیکی آزاد، اعمق مزدوج تقریباً مقدار ثابتی به خود می‌گیرند و صعودی می‌شود. در تنگ‌شدگی ۱۵ و ۱۰ سانتی‌متر در اکثر دبی‌های بکار رفته پرش هیدرولیکی جریان از نوع مستغرق بوده و به

سانانی‌متر، کاهش تقریبی ۹۰ درصدی در تنگ‌شدگی ۱۰ سانانی‌متر و کاهش تقریبی ۹۴ درصدی در تنگ‌شدگی ۱۵ سانانی‌متر می‌باشد که علت افزایش میزان کاهش عدد فرود به دلیل تشکیل پرش مستغرق در مقطع کنترل است.

جدول ۲. محدوده متغیرهای عدد فرود پایین دست

	شاهد	$D_{50}=0.8$	$D_{50}=1.28$	$D_{50}=2.08$
$\Delta b=25$	3.23	0.6~2	0.6~2.1	2~3.2
$\Delta b=20$	~	1.4~1.5	1.16~2.1	1.88~2
$\Delta b=15$	6.43	1.7~1.9	1.6~1.7	1.7~2.2

Table 2. range of down stream Froud number

شکل ۹. تغییرات اعداد فرود مقاطع در برابر دبی جریان

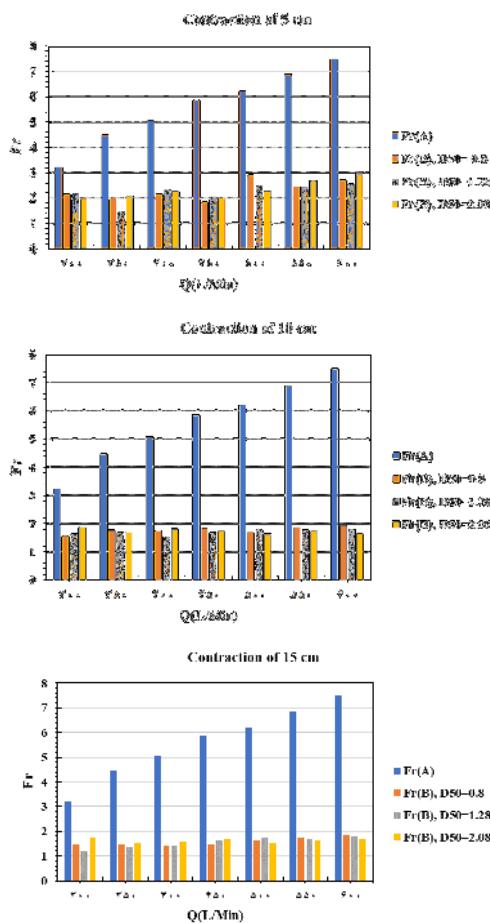


Fig. 9. Variation of Froude number versus discharge

۴-۳-۱- اعماق مزدوج

طبق آنالیز ابعادی صورت گرفته نسبت اعماق پرش به عدد فرود اولیه و نسبت تنگ‌شدگی $\frac{\Delta b}{W} = 0.5, 0.66, 0.83$ () و $\frac{D_{50}}{\Delta b}$ بستگی دارد.

افزایش و بعد از تبدیل پرش هیدرولیکی مستغرق به پرش هیدرولیکی آزاد طول پرش هیدرولیکی تقریباً مقداری ثابتی به خود گرفته و تقریباً نزولی می‌شود.

شکل ۱۲. تغییرات طول پرش هیدرولیکی در برابر عدد فرود عبوری

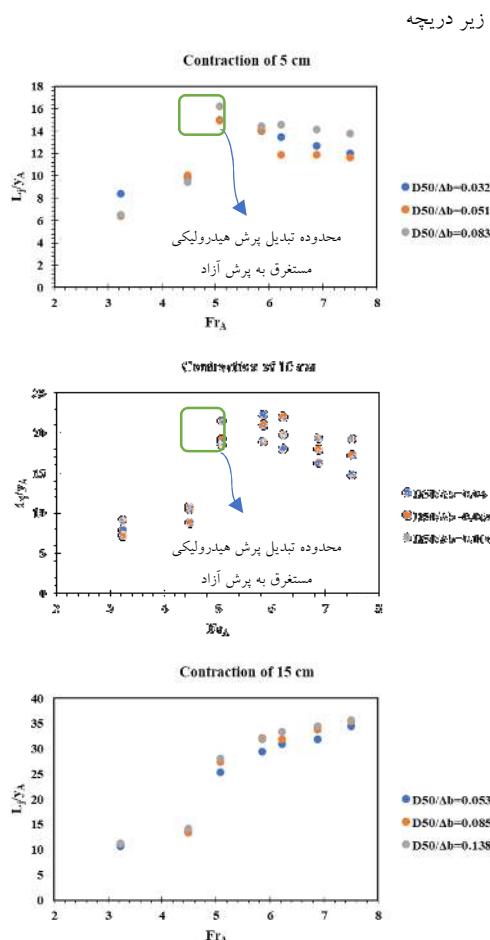


Fig. 12. Variation of hydraulic jump length versus vena contracta Froude number

در تنگ شدگی ۱۵ سانتی‌متری به دلیل اینکه در تمامی زیری‌ها پرش مستغرق است، طول پرش هیدرولیکی مقداری ثابتی به خود گرفته و تقریباً حالت صعودی به خود می‌گیرد. دلیل این امر آن است که با افزایش عرض تنگ شدگی، پس زدگی جریان به طرف بالا دست افزایش یافته و عمق ثانویه پرش هیدرولیکی افزایش یافته و پرش مستغرق تشکیل می‌شود.

همین دلیل در هر سه زیری با افزایش دبی، اعمق مزدوج جریان کاهش می‌یابد. همچنین افزایش میزان تنگ شدگی باعث افزایش اعمق مزدوج جریان می‌شود. علت این امر آن است که با افزایش تنگ شدگی عمق ثانویه پرش هیدرولیکی افزایش می‌یابد.

رابطه ۱۴، با استفاده از دستور *Solver* در اکسل که پس از استخراج ۷۰ درصد مقادیر اعمق مزدوج از میان تعداد کل ۱۸۹ داده در سیستم آزمایشگاهی و ۳۰ درصد اعمق مزدوج به صورت محاسباتی پارامتر وابسته مورد نظر به صورت تابعی از پارامترهای مستقل در نظر گرفته شده و شکل (۱۱)، مربوط به نمودار آن است. بررسی مقادیر آزمایشگاهی عمق نسبی مقطع تنگ شدگی زیر با مقادیر پیش‌بینی شده توسط شاخص‌های ارزیابی، نشان داد که رابطه دارای ضریب تعیین $R^2=0.9817$ و خطای خطا جذر میانگین مربعات $RMSE=0.010$ درصد خطای نسبی $\pm 9/۱۰$ درصد است (شکل ۱۲).

$$y_A / y_2 = 11.56(Fr_A)^{-2.88} \times (D_{50} / \Delta b)^{0.332} + 0.423(\Delta b / W)^{1.302} \quad (14)$$

شکل ۱۱. مقایسه مقادیر اعمق مزدوج آزمایشگاهی و محاسباتی

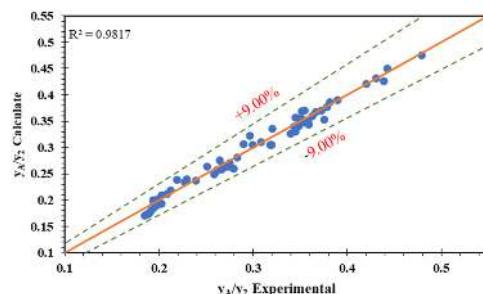


Fig. 11. Compare experimental with calculated relative Conjugated depth

۴-۳-۴- طول پرش هیدرولیکی

براساس آنالیز ابعادی صورت گرفته نسبت طول پرش هیدرولیکی به عدد فرود اولیه و نسبت تنگ شدگی بستگی دارد. شکل (۱۲)، تغییرات طول بی‌بعد پرش هیدرولیکی با برای سه نوع تنگ شدگی و سه نوع زیری را نشان می‌دهد. در تنگ شدگی ۵ و ۱۰ سانتی‌متری، عدد فرودهایی که پرش مستغرق است، طول پرش هیدرولیکی به صورت صعودی

۴- نتیجه گیری

تاکنون مطالعات دقیقی روی تنگ شدگی ناگهانی به همراه زبری کف مقطع تنگ شدگی صورت نگرفته است و به دلیل اهمیت این موضوع باید مورد توجه طراحان قرار بگیرد. در تحقیق حاضر تاثیر تنگ شدگی ناگهانی همراه با زبری کف بستر، بر استهلاک انرژی جریان فوق بحرانی به صورت آزمایشگاهی مورد بررسی قرار گرفت. مدل آزمایشگاهی با ۳ انقباض ناگهانی، ۵، ۱۰ و ۱۵ سانتی متری و ۳ نوع زبری با قطر متوسط ۰/۸، ۰/۲۸ و ۰/۴۸ سانتی متر در کف مقطع تنگ شدگی، در فاصله ۱/۵ متری از دریچه مولد جریان فوق بحرانی با باز شدگی ثابت به اندازه ۲ سانتی متر انجام شد که در حالت کلی براساس نتایج آزمایشگاهی میزان استهلاک انرژی نسبت به بالادست با افزایش عدد فرود جریان بالادست، افزایش یافت. سایر نتایج به شرح زیر است:

۱- نتایج داده های آزمایشگاهی نشان دهنده این است که استهلاک انرژی با افزایش میزان تنگ شدگی عرض کanal، افزایش می یابد.

۲- براساس نتایج آزمایشگاهی استفاده از زبری در کف مقطع تنگ شدگی، میزان استهلاک انرژی نسبت به بالادست بطور چشم گیری افزایش می دهد.

۳- استهلاک انرژی در تنگ شدگی ۱۵ سانتی متر (حال شاهد)، نسبت به تنگ شدگی ۱۵ سانتی متر با زبری های ۰/۸، ۰/۲۸ و ۰/۴۸ سانتی متر، به ترتیب ۲۱/۷۹، ۲۳/۶۵ و ۲۶/۸۵ درصد کمتر است.

۴- استهلاک انرژی در تنگ شدگی ۱۰ سانتی متر (حال شاهد)، نسبت به تنگ شدگی ۱۰ سانتی متر با زبری های ۰/۸، ۰/۲۸ و ۰/۴۸ سانتی متر، به ترتیب ۴۲/۲۲، ۴۵/۲۲ و ۴۲/۹۳ درصد کمتر است.

۵- استهلاک انرژی در تنگ شدگی ۵ سانتی متر (حال شاهد)، نسبت به تنگ شدگی ۵ سانتی متر با زبری های ۰/۸، ۰/۲۸ و ۰/۴۸ سانتی متر، به ترتیب ۵۱/۱۹، ۵۰/۷۵ و ۴۰ درصد کمتر است.

۶- اعمق مزدوج پرش هیدرولیکی، با افزایش عدد فرود در جریان مستغرق روند کاهشی داشته ولی در جریان با پرش

۵- منابع

- [1] Hager, W.H., Dupraz, P.A. (1985). Discharge characteristics of local, discontinuous contractions. *Journal of Hydraulic*, 1985, 23(5), 421-433
- [2] Yasuda, Y., Hager Willi, H. (1995). Hydraulic jump in channel contraction. *Canadian Journal of Civil Engineering*, 22(5), 925-933.
- [3] Reinauer, R., Hager Willi, H. (1998). Supercritical flow in chute contraction. *Journal of hydraulic Engineering*, 124(1), 55-6
- [4] Wu, B., Molinas, A. (2001). Choked flows through short contractions. *Journal of hydraulic Engineering*, 127(8), 657-6 .62
- [5] Jan, C. D., Chang, C. J. (2009). Hydraulic jumps in an inclined rectangular chute contraction. *Journal of hydraulic engineering*, 135(11), 949-958.
- [6] Sadeghi, H., Daneshfaraz, R., Behmanesh, J., Nikpour, M. (2015). The effect of shape of walls of expansion on the characteristics of hydraulic jump. *Sharif Journal of Civil Engineering*, 31 (2), 57-62.
- [7] Daneshfaraz, R., Sadeghi, H., RezazadehJoudi, A., & Abraham, J. (2017). Experimental investigation of hydraulic jump characteristics in contractions and expansions. *Sigma: Journal of Engineering & Natural Sciences*, 35(1), p87-98. 12p .
- [8] Daneshfaraz, R., Rezazadehjoudi, A. & Abraham, J. (2017). Numerical investigation on the effect of sudden contraction on flow behavior in a 90-degree bend. *KSCE J Civ Eng* 22, 603–612
- [9] Daneshfaraz, R., Rezazadeh joudi, A., Sadeghfam, S. (2018). Experimental Investigation of Energy Dissipation in the Sudden Choked Flow with Free Surfaces. *Journal of Civil and Environmental Engineering*, 48.2(91), 101-108.
- [10] Daneshfaraz, R., Sadeghfam, S., & Mirzaereza, R. (2019). Experimental Study of Expanding Effect and Sand-Roughened Bed on Hydraulic Jump Characteristics. *Iranian Journal of Soil and Water Research*, 50(4), 885-896 (In Persian) .

- [22] Esfahani, M., & Bejestan, M. S. (2012). Effect of Roughness Height on the Length of B jump at an Abrupt Drop. *International Research Journal of Applied and Basic Sciences*, 3, 2757-2762.
- [23] Neisi, K., & Shafai, B. M. (2013). Characteristics of S-jump on Roughened Bed Stilling Basin. *Journal of Water Sciences Research*, 5(2), 25-34.
- [24] Badizadegan, R., Saneie, M., and Esmaili, K. (2014). Comparison of Hydraulic Jump Characteristics on Different Types of Corrugated Beds. *Iran. J. Irrig. Drain.* 8(2), 220-232.
- [25] Daneshfaraz, R., Majedi Asl, M., Mirzaee, R., Parsamehr, P. (2020). Laboratory study of the effect of rough bed with non-continuous trapezoidal elements on hydraulic jump characteristics in non-prismatic rectangular channel. *Sharif Journal Civil Engineering*, 36 (2), 119-128 (In Persian).
- [26] Daneshfaraz, R., Aminvash, E., Di Francesco, S., Najibi, A., & Abraham, J. (2021). Three-Dimensional Study of the Effect of Block Roughness Geometry on Inclined Drop. *Journal of Numerical Methods in Civil Engineering*, 6(1), 1-9.
- [27] Daneshfaraz, R., Najibi, A. (2021). Experimental Investigation of Supercritical Flow Energy Dissipation in Sudden Contraction with Wall Roughness. *Journal of Hydraulics*.
- [28] Rajaratnam N, Subramanya K, "Flow immediately below submerged sluice gate", *Journal of Hydraulic Engineering*. 1977, 93(HY4), 57-77.
- [29] Belaud, G., Cassan, L., and Baume, J. P. (2009). Calculation of Contraction Coefficient under Sluice Gates and Application to Discharge Measurement. *Journal of Hydraulic Engineering*.
- [30] Daneshfaraz, R., Sadeghfam, S., Aminvash, E., and Abraham, J.P. (2022). Experimental Investigation of Multiple Supercritical Flow States and the Effect of Hysteresis on the Relative Residual Energy in Sudden and Gradual Contractions. *Iranian Journal of Science and Technology, Transactions of Civil Engineering*, 46, 3843-3858.
- [31] Aminvash, E., and Daneshfaraz, R. (2022). Experimental Study of Hysteretic Behavior on Residual Energy in Contractions of the Cross Section. *International Science and Innovation Congress, Turkey*.
- [11] Nayebzadeh, B., Lotfollahi-yaghin, M., Daneshfaraz, R. (2019). Experimental study of Energy Dissipation at a Vertical Drop Equipped with Vertical Screen with Gradually Expanding at the Downstream. *Amirkabir Journal of Civil Engineering*, 52(12), 7-7. doi: 10.22060/ceej.2019.16493.6265 (In Persian).
- [12] Daneshfaraz, R., Aminvash, E., Esmaeli, E., Sadeghfam, S., Abraham, J. (2020). Experimental and numerical investigation for energy dissipation of supercritical flow in sudden contractions. *Journal of Groundwater Science and Engineering*, 8(4), 396-406
- [13] Daneshfaraz, R., MajediAsl, M., Mirzaee, R., Tayfur, G. (2020). Hydraulic jump in a rough sudden symmetric expansion channel. *AUT Journal of Civil Engineering*, -. doi: 10.22060/ajce.2020.18227.5667 (In Persian).
- [14] Daneshfaraz, R., Aminvash, E., Abbaszadeh, H. (2021). Numerical Simulation of Energy Dissipation in Crescent-Shaped Contraction of the Flow Path. *Iranian Journal of Soil and Water Research*, 52(5), 1299-1314. (In Persian).
- [15] Nayebzadeh, B., Lotfollahi-yaghin, M., Daneshfaraz, R. (2021). Numerical Investigation of Hydraulic Characteristics of Vertical Drops with Screens and Gradually Wall Expanding. *Amirkabir Journal of Civil Engineering*, 53(8), 4-4. doi: 10.22060/ceej.2020.17779.6671 (In Persian).
- [16] Rajaratnam, N. (1968). Hydraulic Jumps on Rough Beds, Trans. *Engineering Inst. Canada*, 11(a-2), 1-8.
- [17] Izadjoo, F., Shafeei Bajestan, M., BINA, M. (2005). Hydraulic Jump Characteristics on A Trapezoidal Corrugated Bed. *The Scientific Journal of Agriculture (SJA)*, 27, 107-122
- [18] Tokyay N. D. 2005. Effect of channel bed corrugations on hydraulic jumps. EWRI. *Water & Environmental Resources Congress*. Anchorage. Alaska. USA. 8 p
- [19] Abbaspour, A. Hosseinzadeh Dalir, A. Farsadizadeh D. and Sadraddini, A. A. (2009). Effect of sinusoidal corrugated bed on hydraulic jump characteristics. *Journal of Hydro-environment Research*. 3 (2), 109-117.
- [20] Elsebaie I. H. and Shabayek Sh. (2010). Formation of hydraulic jumps on corrugated beds. *International Journal of Civil & Environmental Engineering*, 10(01): 37-47.
- [21] Tokyay, N.D., Evcimen, T.U., and Şimşek, C. 2011. Forced Hydraulic Jump on Nonprotruding Rough Beds. *Can. J. Civil Eng.* 38. 1136-1144

Experimental investigation of hydraulic jump in sudden contraction with rough bed

Rasoul Daneshfaraz^{*1}, Mir Amir Najibi²

¹ Professor, Department of civil engineering, Faculty of Engineering, University of Maragheh, Maragheh, Iran.

² M.sc student, Department of civil engineering, Faculty of Engineering, University of Maragheh, Maragheh, Iran.

Daneshfaraz@maragheh.ac.ir

Abstract

One of the most important problems that exist downstream of hydraulic structures is the destructive kinetic energy of the flow. Experts always try to design properly and reduce the effect of this destructive force downstream of hydraulic structures. The present research was conducted with the aim of investigating the effect of sudden contraction along with the roughness of the bottom of the contracting section on the amount of energy dissipation in supercritical flow in a rectangular channel. Three types of contracting with widths of 5, 10 and 15 cm and three roughness with average diameters of $D_{50} = 0.8, 1.28, 2.08$ cm and the range of Froude number $2.5 \leq Fr_A \leq 5.7$ and relative contraction 0.5 to 0.83 and with the porosity percentage of 11.6, 18.5 and 30 percent and rough bed in the contracted section, it has been implemented with the increase of the average diameter of the material of the contracted bed, the friction between the flow and the aggregates increases. Meanwhile, the effect of material diameter on the amount of energy dissipation with rough bed is high compared to the control condition, but changing the diameter of the bed materials relative to each other has little effect on energy dissipation. As the average diameter of roughness particles decreases, due to the reduction of porosity between aggregates, energy dissipation and downstream depth increase. A number of 270 tests were analyzed in the Froude number range of 2.5 to 7.5. The laboratory results showed that with the increase of the descent number of the upstream flow, the upstream relative energy dissipation ($\Delta E/E_A$) increases. Also, by using roughness on the bed of all three contracting sections, it was observed that the energy dissipation increased significantly, so that the highest energy dissipation with 78.35% increase related to the contracting of 15 cm and the lowest energy dissipation with 43.35% increase related to the contracting is 5 cm. The reason for this is that with the increase in flow rate and the collision of the flow with the contracting elements, with the formation of hydraulic jumps and turbulent flows, the flow speed decreases and its depth increases. With the increase in depth, the flow regime in the downstream section has become subcritical or in some discharges, the Froude number has decreased significantly. Among the effective effects of reducing the number of landings in nature and downstream of hydraulic structures, we can mention the reduction of erosion and destruction of the channel, preventing the creation of destructive waves in the tailings, scouring phenomenon and reducing the length of the stilling pond. According to the dimensional analysis, the jump depth ratio depends on the initial landing number and the contracting ratio (0.83, 0.66 and 0.5). The relationships extracted to estimate the relative energy dissipation showed that its results are in good agreement with the laboratory data with a correlation coefficient of 0.927 and a normalized root mean square error of 0.02. And this indicates a very good agreement between the experimental data and the extraction of the presented relations.

Keywords: Relative energy dissipation; Sudden contraction; Rough bed; Froude number